Міністерство освіти і науки України ДВНЗ «Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника» Фізико-хімічний інститут Навчально-дослідний центр напівпровідникового матеріалознавства

> Ministry of Education and Science of Ukraine 'Vasyl Stefanyk' Precarpathian National University Physical-Chemical Institute R&D Centre of Semiconductor Material Science

> > ISSN 1729-4428

# ФІЗИКА І ХІМІЯ ТВЕРДОГО ТІЛА

# PHYSICS AND CHEMISTRY OF SOLID STATE

№ 1 2016 <sup>Том</sup> Vol. 17

Журнал «Фізика і хімія твердого тіла» визнаний фаховим виданням із фізико-математичних, хімічних та технічних наук (Постанова президії ВАК України № 2-05/9 від 14.11.2001, № 1-05/4 від 26.05.2010 та наказ МОН України від 21.12.2015 р, № 1328)

Рекомендовано до друку Вченою радою ДВНЗ «Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника»

Свідоцтво про державну реєстрацію КВ № 3816 від 30.11.1999

Передплатний індекс: 22938

Certificate of State Registration KB No. 3816 from 30.11.1999

Subscription index: 22938

© ДВНЗ «Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника», 2016 Фізико-хімічний інститут, 2016

Адреса редакції: ДВНЗ «Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника», вул. Шевченка, 57, Івано-Франківськ, 76018, Україна Тел.: +380 (342) 59-60-82 Факс.: +380 (3422) 3-15-74 E-mail: <u>fcss@pu.if.ua</u> journal.pcss@gmail.com <u>http://www.pu.if.ua/inst/phys\_che/start/pcss</u> Editorial address: 'Vasyl Stefanyk' Precarpathian National University, 57, Shevchenko Str., Ivano-Frankivsk, 76018, Ukraine

Tel.: +380 (342) 59-60-82 Fax.: +380 (3422) 3-15-74 E-mail: <u>fcss@pu.if.ua</u> journal.pcss@gmail.com <u>http://www.pu.if.ua/inst/phys\_che/start/pcss</u> Навчально-дослідний центр напівпровідникового матеріалознавства

# Науковий журнал "Фізика і хімія твердого тіла"

# РЕДАКЦІЙНА КОЛЕГІЯ

# ГОЛОВНИЙ РЕДАКТОР

Прокопів В.В. (к.ф.-м.н., Івано-Франківськ, Україна)

## РЕДАКТОРИ

Загороднюк А.В. (д.ф.-м.н., Івано-Франківськ, Україна) Остафійчук Б.К. (член-кор. НАНУ, Івано-Франківськ, Україна) Рувінський М.А. (д.ф.-м.н., Івано-Франківськ, Україна)

## ЧЛЕНИ РЕДАКЦІЙНОЇ КОЛЕГІЇ

Ащеулов А.А. (д.т.н., Чернівці), Бойчук В.І. (д.ф.-м.н., Дрогобич), Борисова А.Л. (д.т.н., Київ), Будзуляк І.М. (д.ф.-м.н., Івано-Франківськ), Галущак М.О. (д.ф.-м.н., Івано-Франківськ), Гасюк І.М. (д.ф.-м.н., Івано-Франківськ), Гладишевський Р.Е. (д.х.н. Львів), Горічок І.В. (к.х.н., Івано-Франківськ), Готра З.Ю. (д.т.н., Львів), Гуцуляк Б.М. (д.х.н., Івано-Франківськ), Дмитрук М.Л. (д.ф.-м.н., Київ), Зінченко В.Ф. (д.х.н., Одеса), Кіндрачук М.В. (д.т.н., Київ), Когут І.Т. (д.т.н., Івано-Франківськ), Корбутяк Д.В. (д.ф.-м.н., Київ), Крючин А.А. (член-кор. НАНУ, Київ), Лакомський В.Й. (член-кор. НАНУ, Київ), Миронюк І.Ф. (д.х.н., Івано-Франківськ), Неділько С.А. (д.х.н., Київ), Никируй Л.І. (к.ф.м.н., Івано-Франківськ), Новосядлий С.П. (д.т.н., Івано-Франківськ), Панчук О.Е. (д.х.н., Чернівці), Переш Є.Ю. (д.х.н., Ужгород), Проценко І.Ю. (д.ф.-м.н., Суми), Ромака В.А. (д.т.н., к.ф.-м.н., Львів), Салій Я.П. (д.ф.-м.н., Івано-Франківськ), Сизов Ф.Ф. (член-кор. НАНУ, Київ), Сіренко Г.О. (д.т.н., Івано-Франківськ), Томашик В.М. (д.х.н., Київ), Стасюк З.В. (д.ф.-м.н., Львів), Фодчук І.М. (д.ф.-м.н., Чернівці), Фочук П.М. (д.х.н., Чернівці), Чуйко Г.П. (д.ф.-м.н., Херсон), Шийчук О.В. (д.х.н., Івано-Франківськ), Штеменко О.В. (д.х.н., Дніпропетровськ)

# ЧЛЕНИ МІЖНАРОДНОЇ РЕДАКЦІЙНОЇ КОЛЕГІЇ

Анатичук Л. (Україна), Ахіска Р. (Туреччина), Беляєв О. (Україна), Бродин М. (Україна), Булавін Л. (Україна), Волков С. (Україна), Гранде Д. (Франція), Грігоніс А. (Литва), Гуревич Ю. (Мексика), Жуковскі П. (Польща), Зломанов В. (Росія), Калінкін І. (Росія), Кікінеші О. (Угорщина), Коваленко О. (Україна), Литовченко В.Г. (Україна), Мазуренко Є. (Україна), Малашкевич Г. (Білорусь), Матолін В. (Чехія), Міттова І. (Росія), Мовчан Б. (Україна), Находкін М. (Україна), Стріха М. (Україна), Фістуль В. (Росія), Харченко М. (Україна)

## ВІДПОВІДАЛЬНІ СЕКРЕТАРІ

Кланічка В.М. (к.ф.-м.н., Івано-Франківськ) Соколов О.Л. (Івано-Франківськ)

## ТЕХНІЧНИЙ РЕДАКТОР

Юрчишин Л.Д. (к.х.н., Івано-Франківськ)

# Scientific Journal "Physics and Chemistry of Solid State"

### **EDITORAL BOARD**

### **EDITOR-IN-CHIEF**

Prokopiv V. (Cand.Phys.Math.Sci., Ivano-Frankivsk, Ukraine)

### **EDITORS**

Ostafiychuk B. (Corr.-Member NASU, Ivano-Frankivsk, Ukraine) Ruvinskiy M. (Dr.Phys.Math.Sci., Ivano-Frankivsk, Ukraine) Zagorodnyuk A. (Dr.Phys.Math.Sci., Ivano-Frankivsk, Ukraine)

### EDITORAL BOARD MEMBERS

Ascheulov A. (Dr.Techn.Sci., Chernivtsy), BoychukV. (Dr.Phys.Math.Sci., Drogobych). Budzulyak I. (Dr.Phys.Math.Sci., Ivano-Frankivsk), Borisova A. (Dr.Techn.Sci., Kyiv), Chuyko G. (Dr.Phys.Math.Sci., Kherson), Dmytruk M. (Dr.Phys.Math.Sci., Kyiv), Fodchuk I. (Dr.Phys.Math.Sci., Fochuk P. (Dr.Chem.Sci., Chernivtsi), Chernivtsi), Galuschak M. (Dr.Phys.Math.Sci., Ivano-Frankivsk), Gasyuk I. (Dr.Phys.Math.Sci., Ivano-Frankivsk), Gladyshevskii R. (Dr.Chem.Sci., Lviv), Gotra Z. (Dr.Techn.Sci., Lviv), Gorichok I. (Cand.Chem.Sci., Ivano-Frankivsk), Gutsulyak B. (Dr.Chem.Sci., Ivano-Frankivsk), Kindrachuk M. (Dr. Techn.Sci., Kyiv), Kogut I. (Dr. Techn.Sci., Ivano-Frankivsk), Korbutyak D. (Dr.Phys.Math.Sci., Kyiv), Kryuchyn A. (Corr.-Member NASU, Kyiv), Lakomsky V. (Corr.-Member NASU, Kyiv), Myronyuk I. (Dr.Chem.Sci., Ivano-Frankivsk), Nedilko S. (Dr.Chem.Sci., Kviv), Novosyadlyy S. (Dr.Techn.Sci., Ivano-Frankivsk), Nykyruy L.(Cand.Phys.Math.Sci., Ivano-Frankivsk), Panchuk O. (Dr.Chem.Sci., Chernivtsi), Peresh E. (Dr.Chem.Sci., Uzhgorod), Protsenko I. (Dr.Phys.Math.Sci., Sumy), Romaka V. (Dr.Techn.Sci., Cand.Phys.-Math.Sci., Lviv), Saliy Ya. (Dr.Phys.Math.Sci., Ivano-Frankivsk), Schtemenko O. (Dr.Chem.Sci., Dnipropetrovsk), Shyichuk O. (Dr.Chem.Sci., Ivano-Frankivsk), Sirenko G. (Dr.Techn.Sci., Ivano-Frankivsk), Stasyuk Z. (Dr.Phys.Math.Sci., Lviv), Syzov F. (Corr.-Member NASU, Kyiv), Tomashyk V. (Dr.Chem.Sci., Kyiv), Zinchenko V. (Dr.Chem.Sci., Odessa)

## INTERNATIONAL EDITORAL BOARD MEMBERS

Akhiska R. (Turkey), Anatychuk L. (Ukraine), Belyaev O. (Ukraine), Brodyn M. (Ukraine), Bulavin L. (Ukraine), Fistulj V. (Russia), Grande D. (France), Grigonis A. (Lithuania), Gurevich Yu. (Mexico), Kalinkin I. (Russia), Kharchenko M. (Ukraine), Kikineshi O. (Hungary), Kovalenko O. (Ukraine), Litovchenko V. (Ukraine), Malashkevich G. (Belarus), Matolin V (Czech Republic), Mazurenko E. (Ukraine), Mittova I. (Russia), Movchan B. (Ukraine), Nakhodkin M. (Ukraine), Strikha M. (Ukraine), Volkov S. (Ukraine), Zlomanov V. (Russia), Zukowski P. (Poland)

## **EXECUTIVE SECRETARIS**

Klanichka V. (Cand.Phys.-Math.Sci., Ivano-Frankivsk), Sokolov O. (Ivano-Frankivsk)

## **TECHNICAL EDITOR**

Yurchyshyn L. (Cand.Chem.Sci., Ivano-Frankivsk)

# Зміст

Кінетичні ефекти, обумовлені флуктуаціями товщини квантового	-
напівпровідникового дроту	7
М.А. Гувінський, Д.М. Гувінський, О.Д. Костійк Видир адахтран-діркараї обмінної разсманії калаїнних крантарих танак CdS на	
ранным разонанского землу Стокса	11
B I FOMOW P S Deuvo O A Covonente	11
Вл. Боичук, 1. Л. Лешко, С.Л. Соколоник Вплив статициого та лицаміциого просторових зарялів, на спектральні параметри	
та активну динамічну провідність резонансно-тунельних структур з постійним	21
електричним полем	41
I.B. Бойко, А.М. Грищук	
Дисипативні структури та фрактальний підхід до формування некристалічного	
стану	31
М.І. Мар'ян, Н.В. Юркович	
Дослідження структурних, енергетичних та кінечинних характеристик	
напівпровідників	
$\mathbf{RNiSb} \ (\mathbf{R} = \mathbf{Gd}, \mathbf{Lu})$	37
Л.П. Ромака, В.В.Ромака, Ю.В. Стадник, В.Я. Крайовський, Д. Качаровський,	
А.М. Горинь	
Магніто- і тензоопір компенсованих кристалів р-Ge в області слабких, проміжних і	
класично сильних магнітних полів	43
Г.П. Гайдар	
<b>Р-V центри в приповерхневих шарах алмазу С(111)</b> О.Ю. Ананьїна, О.В. Северина	48
Центри люмінесценції в тонких плівках β-Ga <sub>2</sub> O <sub>3</sub> та (Y <sub>0.06</sub> Ga <sub>0.94</sub> ) <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	= 2
О.М. Бордун, І.І. Медвідь, І.Й. Кухарський, Б.О. Бордун	53
Фотолюмінесцентні властивості НК СоТе в колоїдних розчинах та полімерних	
плівках	(0)
С.І. Будзуляк, Л.А. Демчина, В.М. Єрмаков, О.А. Капуш, Д.В. Корбутяк, В.М. Томашик, 3.Ф. Томашик, Л.І. Тріщук, С.Д. Борук	60
Габітус, симетрія і орієнтація поверхневих структур парофазних конденсатів	
SnTe:Ві на ситалі	65
Я.П. Салій, Н.І. Бушков, І.С. Биліна, В.І. Маковишин	
Вплив рН реакційного середовища на структуру і властивості нанодисперсних	
феритів шпінельного типу	70
Б.К. Остафійчук, Л.С. Кайкан, Ю.С. Кайкан, А.Б. Грубяк, М.О. Николюк	
Хімічні науки	
Взаємодія водної суспензії декарбонізованого доломіту з розчином сульфатної	
кислоти та диоксидом карбону	76
О.М. Дуда, І.Ю. Костів	
Електричні параметри варисторної кераміки на основі SnO <sub>2</sub> з добавками CaO і BaO О.В. Гапонов, О.В. Воробйов, А.М. Васильєв	81
Особливості хемосорбції диметилкарбонату поверхнею кремнезему	00
І.С. Процак, С.М. Пахлов, В.А. Тьортих	88
Вплив pH синтезу на оптичні властивості колоїдних розчинів наночастинок CdS/L-	
цистеїн	93
О.В. Крупко, Ю.Б. Халавка, Л.П. Щербак	

# Технічні науки

Гідротермальний синтез нанодисперсного діоксиду титану (огляд) М.Г. Мізілевська, В.О. Коиюбинський, О.Х. Тадеуш, В.М.Сачко, О.Ю. Оренчук	98
Сенсорні елементи і пристрої оперативної діагностики рівня глюкози в крові (огляд)	100
І.Т. Когут, М.В. Котик	108
Структура і властивості матеріалів на основі систем Ag-Pb-Sb-Te з високою	
термоелектричною добротністю (огляд)	114
I.В. Горічок, Л.І. Никируй, М.О. Галущак, М.А. Лоп'янко, Т.О. Семко, О.Л. Соколов	
Одержання однорідних кристалів ртутно-індієвого телуриду	120
О.В. Галочкін, С.Г. Дремлюженко, З.І. Захарук, В.М. Склярчук, В.З. Цалий, А.А. Ащеулов	129
Явище удосконалення турбостратної структури вуглецевих волокон під час	
динамічного контакту поверхонь твердих тіл	134
Г.О. Сіренко, Л.М. Солтис	
Персоналії	
Завідувачу кафедри Фізики і хімії твердого тіла, директору Фізико-хімічного інституту	

Прокопіву Володимиру Васильовичу – 60 років від дня народження	
фізико-математичних наук, професору	144
ДВНЗ «Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника», кандидату	144

Інформація

146

Інформація для авторів

# Physics and Chemistry of Solid State 2016. – V. 17. – N 1

# Content

# **Physical-Mathematical Sciences**

The Kinetic Effects, Caused by Thickness Fluctuations of Quantum Semiconductor Wir	7
M.A. Ruvinskii, B.M. Ruvinskii, O.B. Kostyuk	/
The Influence of Electron-Hole Exchange Interaction of Colloidal CdS Quantum Dots on	
the Value of the Resonant Stokes Shift	11
V.I. Boichuk, R.Ya. Leshko, O.A. Sokolnyk	
The Influence of Dimensional Static and Dynamic Charge on the Spectral Parameters and	
Active Dynamic Conductivity of Resonanse Tunnelling Structures with Constant Electric	01
Field	21
I.V. Boyko, A.M. Gryschyk	
Dissipative Structures and Fractal Approach to the Formation of Non-Crystalline States	21
M.I. Mar'yan, N.V. Yurkovych	31
Investigation of structural, energy state and kinetic characteristics of RNiSb	
semiconductor ( $\mathbf{R} = \mathbf{Gd}, \mathbf{Lu}$ )	37
L.P. Romaka, V.V. Romaka, Yu.V. Stadnyk <sup>1</sup> , V.Ya. Krayovskyy, D. Kaczorowski, A.M. Horyn	
Magneto- and Tensoresistance of the p-Ge Compensated Crystals in the Range of Weak,	
Intermediate and Classically Strong Magnetic Fields	43
G.P. Gaidar	
P-V Centers Behavior in Diamond C(111) Subsurface Layers	40
O. Ananina, E. Severina	48
The Luminescent Centra in thin Films of b-Ga2O3 and (Y006Ga094)2O3	=0
O.M. Bordun, I.I. Medvid, I.Yo. Kukharskvv, B.O. Bordun	53
Photoluminescent Properties of CdTe Nanocrystals in Colloidal Solutions and Polymer	
Films	60
S.I. Budzulyak, L.A. Demchyna, V.M. Yermakov, O.A. Kapush, D.V. Korbutyak, V.M. Tomashyk,	50

Z.F. Tomashyk, L.I. Trishchuk, S.D. Boruk	
Habit, Symmetry and Orientation of Surface Structures Vapor-Phase Condensation SnTe:	
Bi on Ceramics	65
Ya.P. Saliy, N.I. Bushkov, I.S. Bylina, V.I. Makovyshyn	
Effect of pH of the Reaction Medium on the Structure and Properties of Spinel-Type	
Ferrite Nanopowder	70
B.K. Ostafiychuk, L.S. Kaykan, Y.S. Kaykan, A.B. Hrubyak, M.O. Nykoliuk	
Chemical Sciences	
The Interaction of Water Suspension Incarbonic Dolomite with Sulfuric Acid and Carbon	
Dioxide	76
O.M. Duda, I.F. I.J. Kostiv	
Electrical Parameters of SnO <sub>2</sub> Based Varistor Ceramics with CaO and BaO Additions	81
A. V. Gaponov, O. V. voloolov, A.M. vasyllev Deculiarities of Chemicorntian of Dimethyl Carbonate on Silice Surface	
I S. Protsak, F.M. Pakhlov, V.A. Tartykh	<b>88</b>
Fifect of nH of Synthesis on CdS/L-cys Colloidal Solutions Ontical Pronerties	
O.V. Krupko, Yu.B. Khalavka, L.P. Shcherbak	93
Technical Sciences	
Hydrothermal Synthesis of Nanodispersed Titanium Dioxide (Review)	00
M.G. Mizilevska, V.O. Kotsyubynsky, O.H. Tadeush, V.M. Sachko, O.Yu. Orenchyuk	90
Sensory Elements and Devices Operational Diagnostic Blood Glucose (Review)	100
I.T. Kogut, M.V. Kotyk	100
Structure and Properties of Materials on the Basis of Ag-Pb-Sb-Te with High	
Thermoelectric Figure of Merit (Review)	114
I.V. Horichok, L.I. Nykyruy, M.O. Galushchak, M.A. Lopyanko, T.O. Semko, O.L. Sokolov	
Growing of Mercury-Indium Telluride Perfect Single Crystals	
O.V. Galochkin, S.G. Dremluzhenko, Y.D. Zakharuk, V.M. Sklyarchuk, V.Z. Tsaliy,	129
A.A. Asheulov	
The Phenomenon of Improving of Turbostrate Structure of Carbon Fibers during	
Dynamic Contact of Surfaces of Solid States	134
H.O. Sirenko, L.M. Soltys	
Personnel	
Prokopiv Volodvmvr Vasvlvovvch – 60	144
Information	
Information for Authors	146

УДК 539.2:621.315.548. PACS NUMBER (s): 61.50.AH, 64.70FM. ISSN 1729-4428

# М.А. Рувінський, Б.М. Рувінський, О.Б. Костюк Кінетичні ефекти, обумовлені флуктуаціями товщини квантового напівпровідникового дроту

Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника, вул. Шевченка, 57, Івано-Франківськ, 76018, Україна, e-mail: <u>markruvinskii@gmail.com</u>

Теоретично визначено електропровідність, термоерс і теплопровідність квантового напівпровідникового дроту внаслідок гауссівських флуктуацій товщини дроту. Результати наведено для випадків невиродженої і виродженої статистики носіїв заряду. Розглянутий механізм релаксації носіїв заряду є суттєвим для достатньо тонкого і чистого дроту з напівпровідників типу A<sub>3</sub>B<sub>5</sub> і A<sub>4</sub>B<sub>6</sub> при низьких температурах. Визначено квантово-розмірні ефекти, характерні для квазіодновимірних систем.

**Ключові слова:** квантовий напівпровідниковий дріт, гауссові флуктуації товщини, електропровідність, термоерс, теплопровідність.

Стаття поступила до редакції 10.09.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

#### Вступ

B тонких напівпровідникових дротах квантування електронного енергетичного спектра призводить до квантово-розмірних ефектів, які виявляються В кінетичних характеристиках квазіодновимірних систем, залежних також від механізму розсіяння носіїв струму. В сучасних технологіях наноелектроніки не можна, взагалі кажучи, нехтувати впливом випадкового поля, пов'язаного з флуктуаціями товщини квантового напівпровідникового дроту [1-3]. Метою даної роботи є узагальнення і уточнення попередніх робіт [4,5] з поширенням впливу таких флуктуацій на основні кінетичні характеристики квантового напівпровідникового дроту.

#### I. Теоретична модель

В [4] розглянуто модель квантового напівпровідникового дроту поперечними 3 розмірами, обмеженими за товщиною d (в напрямку координатної осі z) одновимірною потенціальною ямою V(z) з нескінченно високими стінками і за шириною (в напрямку у) параболічним потенціалом  $\beta y^2$  ( $\beta > 0$ ). Постійне магнітне поле **Н** напрямлене вздовж дроту (осі x); складові векторного потенціалу магнітного поля:  $A_x = A_y = 0$ ,  $A_z = Hy$ .

В одноелектронному наближенні [6] гамільтоніан системи має вигляд

$$\hat{H} = -\frac{\mathbf{h}^2}{2m_\perp} \Delta_\perp + \frac{1}{2m_z} \left( -i\mathbf{h}\frac{\partial}{\partial z} + \frac{e}{c}A_z \right)^2 + V(z) +$$
(1)  
+  $by^2 + U(\mathbf{r}_\perp),$ 

де 
$$\Delta_{\perp} = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2}$$
,  $m_{\perp} = m_x = m_y = m$  і  $m_z$  – ефективні

маси електрона провідності вздовж відповідних напрямків, *е* – абсолютна величина заряду електрона,

$$V(z) = \begin{cases} 0, -d/2 \le z \le d/2, \\ \infty, z < -d/2, z > d/2, \end{cases}$$
(2)

$$U(\mathbf{r}_{\perp}) = a[x_1(\mathbf{r}_{\perp}) - x_2(\mathbf{r}_{\perp})]$$
(3)

 потенціальна енергія електрона у випадковому полі, обумовленому флуктуаціями товщини дроту,  $a = \partial E_c / \partial d$ ,  $E_c$  – дно зони провідності,  $x_{1,2}(\mathbf{r}_1)$  – випадкові функції, які визначають амплітуди коливань на різних поверхнях дроту, перпендикулярних осі z. Взаємодія (3) носія струму з випадковим полем вважаємо збуренням, яке викликає квантові переходи у трансляційному русі вздовж дроту (в напрямку осі х). Обмежмось внеском квантово-розмірного рівня нижнього енергії поперечного руху електрона. У наближенні врахування станів електрона з певною парністю по осі z хвильова функція незбуреної задачі є

$$\mathbf{y}_{k_x}(\mathbf{r}) = \sqrt{\frac{2}{p^{1/2}Ldy_0}} \exp\left(ik_x x - \frac{y^2}{2y_0^2}\right) \cos(\frac{p}{d}z), \quad (4)$$

де L – довжина дроту (L>>d),

$$y_0 = \mathbf{h}^{1/2} \left[ 2m \left( \mathbf{b} + \frac{e^2 H^2}{2m_z c^2} \right) \right]^{-1/4}.$$
 (5)

Енергія електрона у стані (4):

$$E(k_x) = \frac{\mathbf{h}^2 k_x^2}{2m} + \frac{p^2 \mathbf{h}^2}{2m_z d^2} + \mathbf{h} \left[ \frac{1}{2m} \left( \mathbf{b} + \frac{e^2 H^2}{2m_z c^2} \right) \right]^{1/2}.$$
 (6)

### **II.** Час релаксації

Обернений час релаксації електрона вздовж довжини дроту при розсіянні флуктуаційним полем (3) має вигляд

$$\frac{1}{\boldsymbol{t}_{n}(\boldsymbol{k}_{x})} = \frac{2\boldsymbol{p}}{\boldsymbol{h}} \sum_{\boldsymbol{k}_{x}^{\prime}} \left\langle \left\langle \left| \left\langle \boldsymbol{k}_{x}^{\prime} \right| \boldsymbol{U} \right| \boldsymbol{k}_{x} \right\rangle \right|^{2} \right\rangle \right\rangle \left( 1 - \frac{\boldsymbol{k}_{x}^{\prime}}{\boldsymbol{k}_{x}} \right) d\left[ \boldsymbol{E}(\boldsymbol{k}_{x}) - \boldsymbol{E}(\boldsymbol{k}_{x}^{\prime}) \right],$$
(7)

де подвійні дужки  $\langle \langle ... \rangle \rangle$  визначають усереднення за випадковим полем. Флуктуації на різних поверхнях дроту вважаємо незалежними, а на одній поверхні – гауссовими:

$$\left\langle \left\langle \boldsymbol{x}_{i}(\mathbf{r}_{\perp 1})\boldsymbol{x}_{j}(\mathbf{r}_{\perp 2})\right\rangle \right\rangle = \boldsymbol{d}_{ij}\Delta_{i}^{2}\exp\left[-\frac{\left(\mathbf{r}_{\perp 1}-\mathbf{r}_{\perp 2}\right)^{2}}{2\Lambda_{i}^{2}}\right], \quad (8)$$
$$\left\langle \left\langle \boldsymbol{x}_{i}(\mathbf{r}_{\perp})\right\rangle \right\rangle = 0, \, i, \, j = 1, 2 \, .$$

Після обчислення (7) з урахуванням (3) і (8) знайдемо загальний вираз для часу релаксації [4]

$$\frac{1}{t_n(k_x)} = \frac{a^2 m \sqrt{2p}}{\mathbf{h}^3 |k_x|} \sum_{i=1}^2 \frac{\left(\Delta_i \Lambda_i\right)^2}{\sqrt{y_0^2 + \Lambda_i^2}} \exp(-2\Lambda_i^2 k_x^2) \,. \tag{9}$$

#### **Ш.** Статична електропровідність

Для електронної провідності з кінетичного рівняння Больцмана в наближенні часу релаксації [6] маємо:

$$\boldsymbol{s}_{n} = \frac{2\mathbf{h}^{2}e^{2}}{m^{2}}\int_{0}^{\infty} \left(-\frac{\partial f_{0}}{\partial e}\right) k_{x}^{2} \boldsymbol{t}_{n}\left(\left|\boldsymbol{k}_{x}\right|\right) d\boldsymbol{k}_{x}, \qquad (10)$$

де  $f_0 = \{\exp\left[\left(e - m\right) / k_B T\right] + 1\}^{-1} - \phi$ ункція розподілу Фермі-Дірака,  $e = \mathbf{h}^2 k_x^2 / 2m$ ,  $\mu -$ хімічний потенціал, відрахований від квантово-розмірного рівня руху електрона поперек дроту,  $2\sum_{k_x} f_0(k_x) = N -$ повне

число електронів дроту.

В роботі [4] з урахуванням загального виразу для часу релаксації (9) отримано і проаналізовано при довільних значеннях  $\Delta_i$ ,  $\Lambda_i$ , магнітного поля H і температури T дещо громіздкі остаточні вирази для провідності  $\sigma_n$ , знайдені з (10).

Залежності  $\sigma_n$  від поздовжнього магнітного поля H пов'язані із стиском хвильової функції електрона поперек дроту (по осі у) і визначаються множником  $\left[y_0^2(H) + \Lambda_i^2\right]^{-1/2}$  (див. (5)). При  $y_0^2(H) >> \Lambda_i^2$  і гранично сильному магнітному полі  $e^2 H^2 / 2m_z c^2 >> b$ , це призводить в  $\sigma_n$  до появи множника  $H^{-1/2}$ .

Для спрощення в (9) розглянемо випадок H=0 $\Lambda_1=\Lambda_2=\Lambda$ . Тоді для часу релаксації  $t_n(\varepsilon)$  електрона з енергією  $\varepsilon$  маємо:

$$t_n(e) = Be^{1/2} \exp(ge)$$
, (11)

де

$$B = \mathbf{h}^{2} / \left[ a^{2} (pm)^{1/2} (A_{1} + A_{2}) \right], \qquad (12)$$

$$A_{i} = \frac{\left(\Delta_{i} \Lambda\right)^{2}}{\sqrt{y_{0}^{2} + \Lambda^{2}}}, \ g = \frac{4m\Lambda^{2}}{\mathbf{h}^{2}}.$$
 (13)

Згідно (10) електропровідність  $\sigma_n$  може бути записана в формі [7]

.<

$$\mathbf{S}_n = e^2 \mathbf{K}_0 \,, \tag{14}$$

де

$$\mathbf{K}_{0} = \frac{2^{3/2}}{p \, \mathbf{h} m^{1/2}} \int_{0}^{\infty} t_{n}(e) \left(-\frac{\partial f_{0}}{\partial e}\right) e^{1/2} de \,. \tag{15}$$

Для невиродженого випадку напівпровідникового дроту з врахуванням (11) – (13) одержимо:

$$\boldsymbol{s}_{n} = \frac{2\mathbf{h}^{2}e^{2}n}{pa^{2}m^{3/2}} \frac{(k_{B}T)^{1/2}}{(1-gk_{B}T)^{2}} (A_{1}+A_{2})^{-1}, \quad (16)$$

де n=N/L – число електронів на одиниці довжини. Формула (16) є справедливою при  $l-\gamma k_B T>0$  і  $\mathbf{h}^2(1-gk_B T)p^2/2mk_B T l^2 >> 1$ , де l – стала гратки вздовж осі дроту. Перша умова пов'язана з тим, що час релаксації (9), (11) – (13) експоненціально зростає з енергією електрона, а максвеллівський розподіл експоненціально спадає. Тому для ефективності розсіяння на гауссових флуктуаціях суттєво, щоб «теплова» довжина хвилі де Бройля носія заряду перевищувала величину кореляційного радіуса  $\Lambda$ .

Друга умова пов'язана з вибором нескінченної верхньої межі в інтегралі (10), (15) і звичайно виконується. У випадку низьких температур  $\gamma k_B T << 1$  рухливість електрона вздовж осі дроту  $u_n \propto (k_B T)^{1/2}$ , що за температурною залежністю нагадує дипольне розсіяння [8] для тривимірних напівпровідникових матеріалів.

Для виродженого випадку і  $k_BT << \mu$ електропровідність вздовж осі дроту з урахуванням загального виразу для часу релаксації (9) дорівнює

$$\boldsymbol{s}_{n} \approx \frac{4e^{2}\boldsymbol{h}}{a^{2}m\sqrt{2p}} \boldsymbol{m} \times$$

$$\times \left[ A_{1} \exp(-2k_{F}^{2}\Lambda_{1}^{2}) + A_{2} \exp(-2k_{F}^{2}\Lambda_{2}^{2}) \right]^{-1},$$
(17)

де  $k_F^2 = (2m / \mathbf{h}^2) \mathbf{m}$ . Температурна залежність  $\sigma_n$ визначається хімічним потенціалом одновимірного електронного газу

$$\boldsymbol{m} \approx \boldsymbol{m}_0 \left[ 1 + \frac{\boldsymbol{p}^2}{12} \left( \frac{k_B T}{\boldsymbol{m}_0} \right)^2 \right], \tag{18}$$

$$\boldsymbol{m}_0 = \frac{\mathbf{h}^2}{8m} (\boldsymbol{p}\,\boldsymbol{n})^2 \,. \tag{19}$$

За оцінками для дротів з матеріалів  $A_3B_5$ (наприклад, GaAs [1,4,5]) і  $A_4B_6$  механізм релаксації носіїв заряду на випадкових нерівностях меж є істотним в області низьких температур  $k_BT < \hbar^2/4m\Lambda^2$ для достатньо чистих зразків і нанометрових товщин.

Ефекти типу локалізації [9], які виникають в квазіодновимірних системах в умовах сильного безладу (або при дуже великій концентрації домішок), які не можна пояснити в межах теорії слабкого розсіяння, в нашій роботі не розглядаються. Тому отримані нами температурні залежності провідності істотно відрізняються від наслідків теорії локалізації [9].

### **IV.** Термоерс

За кінетичним рівнянням Больцмана термоерс S<sub>xx</sub> можна записати [7,10,11] у вигляді

$$S_{xx} = -\frac{1}{eT} \mathbf{K}_0^{-1} \mathbf{K}_1, \qquad (20)$$

де К<sub>0</sub> визначається формулою (15),

$$\mathbf{K}_{1} = \frac{2^{3/2}}{p\mathbf{h}m^{1/2}}\int_{0}^{\infty} \boldsymbol{t}_{n}\left(\boldsymbol{e}\right) \left(-\frac{\partial f_{0}}{\partial \boldsymbol{e}}\right) \left(\boldsymbol{e}-\boldsymbol{m}\right) \boldsymbol{e}^{1/2} d\boldsymbol{e} . \quad (21)$$

Після підстановки в (20) формул (15) і (21) з урахуванням (11) отримаємо [5] при  $\gamma k_B T < I$ :

$$S_{xx} = -\frac{1}{eT} \left( \frac{F_{2g}}{F_{1g}} - m \right), \tag{22}$$

де

$$F_{2g} = \int_{0}^{\infty} e^{2} \left( -\frac{\partial f_{0}}{\partial e} \right) e^{ge} de , \quad F_{1g} = \int_{0}^{\infty} e \left( -\frac{\partial f_{0}}{\partial e} \right) e^{ge} de . \quad (23)$$

Для невиродженої статистики носіїв заряду  $f_0 = \exp\left[(e - m)/k_BT\right]$  з (22) і (23) знаходимо при  $1 - \gamma k_B T > 0$ 

$$S_{xx} = -\frac{k_B}{e} \left( \frac{2}{1 - gk_BT} - \frac{m}{k_BT} \right), \tag{24}$$

де хімічний потенціал одномірного електронного газу

$$\boldsymbol{m} = k_B T \ln \left[ \mathbf{h} n \left( \frac{\boldsymbol{p}}{2mk_B T} \right)^{1/2} \right].$$
 (25)

Завдяки доданку  $2(1-\gamma k_B T)^{-1}$  є можливість збільшення термоерс для одновимірного квантового дроту.

Для випадку сильно виродженого одномірного електронного газу при  $k_BT << \mu$ , використовуючи стандартні для цього граничного випадку наближення [6], отримаємо

$$S_{xx} = -\frac{p^2}{3e} k_B \left(\frac{k_B T}{m}\right) (1+gm), \qquad (26)$$

де хімічний потенціал  $\mu(T)$  визначається формулами (18), (19). Завдяки доданку  $\gamma\mu$  в (26) маємо принципову можливість підвищення величини термоерс для розглянутого одновимірного випадку.

### **V.** Теплопровідність

Згідно [7,10,11] коефіцієнт електронної теплопровідності визначається формулою:

$$\tilde{\mathbf{u}}_n = \frac{1}{T} \left( \mathbf{K}_2 - \frac{\mathbf{K}_1^2}{\mathbf{K}_0} \right), \tag{27}$$

де

$$\mathbf{K}_{2} = \frac{2^{3/2}}{p\mathbf{h}m^{1/2}}\int_{0}^{\infty} \boldsymbol{t}_{n}\left(\boldsymbol{e}\right) \left(-\frac{\partial f_{0}}{\partial \boldsymbol{e}}\right) \left(\boldsymbol{e}-\boldsymbol{m}\right)^{2} \boldsymbol{e}^{1/2} d\boldsymbol{e} . \quad (28)$$

Для невиродженої системи носіїв заряду при  $1-\gamma k_B T > 0$  маємо:

$$\mathbf{K}_{0} = \frac{2\mathbf{h}^{2}n}{pa^{2}m^{3/2}} \frac{\left(k_{B}T\right)^{1/2}}{\left(1 - gk_{B}T\right)^{2}} \left(A_{1} + A_{2}\right)^{-1}, \qquad (29)$$

$$\mathbf{K}_{1} = \left(\frac{F_{2g}}{F_{1g}} - \boldsymbol{m}\right) \mathbf{K}_{0}, \qquad (30)$$

 $F_{2\gamma}$  і  $F_{1\gamma}$  знаходимо з (23).

$$\mathbf{K}_{2} = \frac{2\mathbf{h}^{2}n}{pm^{3/2}a^{2}} \frac{(k_{B}T)^{1/2}}{(1-gk_{B}T)^{2}} \times \left[\frac{6(k_{B}T)^{2}}{(1-gk_{B}T)^{2}} - \frac{4mk_{B}T}{(1-gk_{B}T)} + m^{2}\right] (A_{1} + A_{2})^{-1}.$$
(31)

За формулами (29)–(31) і (27) одержимо остаточний результат для коефіцієнта теплопровідності квантового напівпровідникового дроту, зумовленого флуктуаціями товщини:

$$\mathbf{\hat{u}}_{n} = \frac{1}{T} \left\{ \frac{2\mathbf{h}^{2}n}{pa^{2}m^{3/2}} \frac{(k_{B}T)^{1/2}}{(1-gk_{B}T)^{2}} \times \left[ \frac{2(k_{B}T)^{2}}{(1-gk_{B}T)^{2}} - \frac{2mk_{B}T}{(1-gk_{B}T)} + \frac{3}{4}m^{2} \right] (A_{1} + A_{2})^{-1} \right\},$$
(32)

де *µ* – хімічний потенціал одномірного електронного газу (див. (25)).

Використовуючи (16) і (32), знайдемо відношення

$$\frac{\dot{\mathbf{u}}_{n}}{s_{n}T} = 2\left(\frac{k_{B}}{e}\right)^{2} \left[\frac{1}{\left(1-gk_{B}T\right)^{2}} - \frac{m}{k_{B}T}\frac{1}{\left(1-gk_{B}T\right)} + \frac{3}{8}\left(\frac{m}{k_{B}T}\right)^{2}\right],(33)$$

звідки видно, що закон Відемана-Франца має місце лиш при  $\gamma k_B T << l$  і  $\mu << k_B T$ .

Для сильно виродженого випадку електронного газу при  $k_BT << \mu$  і  $\Lambda_1 = \Lambda_2 = \Lambda$  маємо:

$$\mathbf{K}_{0} = \frac{2^{3/2} m \mathbf{h}}{a^{2} m p^{1/2}} (A_{1} + A_{2})^{-1} e^{gm}, \ \boldsymbol{s}_{n} = e^{2} \mathbf{K}_{0}, \quad (34)$$

$$\mathbf{K}_{1} = \frac{p^{2}}{3} \frac{\left(k_{B}T\right)^{2}}{m} \left(1 + gm\right) \mathbf{K}_{0}, \qquad (35)$$

$$\mathbf{K}_{2} = \frac{2^{3/2} \boldsymbol{p}^{1/2}}{3} \frac{\mathbf{h}m(k_{B}T)^{2}}{a^{2}m} (A_{1} + A_{2})^{-1} e^{gm}.$$
 (36)

3 (27) і (34) – (36) одержимо

$$\mathbf{\check{u}}_{n} = \frac{2^{2/3} \mathbf{p}^{1/2}}{3T} \frac{m\mathbf{h}}{ma^{2}} (k_{B}T)^{2} (A_{1} + A_{2})^{-1} e^{gm} \times \\ \times \left[ 1 - \frac{\mathbf{p}^{3}}{3} \left( \frac{k_{B}T}{m} \right)^{2} (1 + gm)^{2} \right].$$
(37)

Відношення

$$\frac{\dot{\mathbf{u}}_n}{\mathbf{s}_n T} = \frac{p}{3} \left(\frac{k_B}{e}\right)^2 \left[1 - \frac{p^3}{3} \left(\frac{k_B T}{m}\right)^2 \left(1 + gm\right)^2\right].$$
 (38)

характеризує з якою точністю виконується закон Відемана-Франца для виродженого напівпровідникового квантового дроту.

#### Висновки

На основі отриманих виразів для часу релаксації носіїв заряду, електропровідності, термоерс і теплопровідності квантового напівпровідникового дроту показано, що механізм релаксації, зумовлений випадковим полем гауссових флуктуацій товщини дроту може виявитись ефективним для достатньо тонкого і чистого дроту з матеріалів  $A_3B_5$  і  $A_4B_6$  в області товщин нанометричних розмірів. Виявлено можливість підвищення деяких кінетичних параметрів квазіодномірних систем.

Рувінський М.А. – доктор фізико-математичних наук, професор кафедри фізики і хімії твердого тіла; Рувінський Б.М. – кандидат фізико-математичних наук, доцент, науковий співробітник Фізикохімічного інституту; Костнок О.Б. – аспірант.

- [1] P.K. Basu, P. Ray, Phys. Rev. B, 44(4), 1844 (1991).
- [2] H. Smith, H. Hojgaard, Transport Phenomena (University Press, Oxford, 1989).
- [3] H. Bruns, K. Flensberg, H. Smith, Phys. Rev. B, 48(15), 11144 (1993).
- [4] М.А. Рувінський, Б.М. Рувінський, ФТП, 39(2), 247(2005).
- [5] Б.М. Рувінський, М.А. Рувінський, Фізика і хімія твердого тіла, 15(4), 689 (2014).
- [6] А.И. Ансельм, Введение в теорию полупроводников (Наука, Москва, 1978).
- [7] Дж. Займан, Принципы теории твёрдого тела (Мир, Москва, 1974).
- [8] B.K. Ridley, Quantum Processes in Semiconductors (Clarendon Press, Oxford, 1999).
- [9] Й. Имри. Введение в мезоскопическую физику (Физматлит, Москва, 2002).
- [10] Б.М. Аскеров, Электронные явления переноса в полупроводниках (Наука, Москва, 1985).
- [11] М.С. Свирский, Электронная теория вещества (Просвещение, Москва, 1980).

### M.A. Ruvinskii, B.M. Ruvinskii, O.B. Kostyuk

# The Kinetic Effects, Caused by Thickness Fluctuations of Quantum Semiconductor Wire

#### Vasyl Stefanyk Prekarpathian University,

Shevchenko Str., 57, Ivano-Frankivsk, 76018, Ukraine, e-mail: markruvinskii@gmail.com

It was theoretically determined the electrical conductivity, thermopower and thermal conductivity of semiconductor quantum wire conditioned by a random field of Gaussian fluctuations of wire thickness. We present the results for cases nondegenerate and generate statistics of carriers. The considered mechanism of relaxation of the carriers is essential for sufficiently thin and clean wire from the  $A_3B_5$  and  $A_4B_6$  type of semiconductors at low temperatures. The quantum size effects that are typical of quasi-one-dimensional systems were revealed.

**Keywords:** semiconductor quantum wire, Gaussian fluctuations of thickness, electrical conductivity, thermopower, thermal conductivity.

PACS: 73.21.La, 78.67.Hc, 79.60.Jv

ISSN 1729-4428

### В.І. Бойчук, Р.Я. Лешко, О.А. Сокольник

# Вплив електрон-діркової обмінної взаємодії колоїдних квантових точок CdS на величину резонансного зсуву Стокса

Дрогобицький державний педагогічний університет імені Івана Франка, вул. Стрийська 3, 82100, Дрогобич, e-mail: <u>leshkoroman@gmail.com</u>

На основі багатозонної моделі валентної зони визначено енергію екситонананокристалуCdS як функцію його радіуса. Проаналізовано залежність енергії резонансного зсуву Стокса та проведено порівняння з відповідними експериментальними даними.

Ключові слова: квантова точка, енергетичний спектр, оптичні переходи, коефіцієнт поглинання, зсув Стокса.

Стаття поступила до редакції 23.07.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

## Вступ

Важливим напрямком сучасної нанофізики є розширення функціональних можливостей застосування напівпровідникових наногетероситем та дослідження їх фізичних властивостей з метою їх застосування в оптоелектроніці, медицині тощо. напівпровідникових Вивчення низькорозмірних структур вмотивоване необхідністю регуляції параметрів напівпровідника (ширини забороненої зони, ефективної маси носія заряду, енергетичного спектру), що пов'язано із проявом ефектів розмірного квантування енергії носіїв заряду та екситонів, поляризаційних ефектів.

Активно досліджуються властивості гетеросистем, що складаються із квантових точок напівпровідникових сполук А<sub>2</sub>В<sub>6</sub>. (KT) Такі наногетероструктури є перспективними матеріалами для створення нових елементів нелінійної оптоелектроніки. Найчастіше вивчаються частотні залежності лінійного та нелінійного коефіцієнта поглинання світла, які виникають через наявність як міжзонних, так і міжпідзонних переходів зарядів під лінійно-поляризованої монохроматичної лією електромагнітної хвилі [1-4].

Значну увагу дослідників при вивченні оптичних властивостей привертають КТ сульфіду кадмію (CdS). Значення ширини забороненої зони цієї напівпровідникової сполуки дозволяє досліджувати поглинання та випромінювання електромагнітних хвиль видимого діапазону. Слід зазначити, що серед технологічних методик отримання напівпровідникових наночастинок останнім часом

виділяється напрямок, пов'язаний із синтезом КТ методами колоїдної хімії, який при відносній простоті та низькій собівартості дозволяє вирощувати високоякісні нанокристали із малим розподілом за розмірами [5-6]. Найбільш простими та інформативними методами, які дають змогу на практиці дослідити електронну структуру КТ, є експерименти з поглинання і фотолюмінесценції. Саме з ці дані є базою, на основі якої перевіряють теоретичні моделі, що стосуються зонної структури КТ та теорії лінійного і нелінійного поглинання електромагнітних хвиль. На сьогодні ряд робіт присвячено експериментальному дослідженню КТ CdS у колоїдних матрицях [7-19], в яких описано технологію їх отримання, перспективи застосування та оптичні властивості. Крім експериментальних робіт, існує і ряд теоретичних робіт, що присвячені оптичним властивостям КТ CdS [20-24] з домішками і без них. Зокрема у [24] досліджено зсув Стокса у рамках методу функціонала густини. Крім роботи [24] відома велика кількість робіт щодо визначення зсуву Стокса та встановлення його природи і для інших нанокристалів, наприклад [25-27]. У роботах [25-26] використано багатозонну модель валентної зони 4х4 (у випадку сильної спін-орбітальної взаємодії) для обчислень і пояснення резонансного зсуву Стокса, а у [26] – просту модель валентної зони. Однак кристали CdS характеризуються слабкою спін-орбітальною взаємодією, тому моделі, шо використані у [25-26] не підходять для CdS. У такому випадку потрібно використати модель слабкої спін- орбітальної взаємодії (модель 3х3) [3] для одержання правильного значення енергії дірки. Окрім цього, КТ часто перебувають у колоїдних

розчинах, діелектрична проникність яких може значно відрізнятися від діелектричної проникності CdS. Саме тому до розгляду слід включити поляризаційні заряди, що виникають на гетеромежах. Отже, зважаючи на все сказане вище, метою цієї

роботи є: - визначення енергії екситона у КТ CdS з урахуванням складної структури валентної зони;

 дослідження впливу поляризаційних зарядів на екситонні стани;

 порівняння результатів багатозонної та однозонної моделей;

- обчислення обмінної енергії, яка і  $\epsilon$  причиною резонансного зсуву Стокса у КТ;

 порівняння теоретично обчисленої енергії зсуву Стокса з експериментальними даними.

# I. Гамільтоніан електрон-діркової системи в КТ

Розглядається гетеросистема CdS / колоїдний розчин зі сферичною КТ радіусом a, діелектричною проникністю  $\varepsilon_1$ . Діелектрична проникність матриці  $\varepsilon_2$ . Гамільтоніан екситона у такій системі запишеться у вигляді:

$$\hat{\mathbf{H}}_{ex} = \hat{\mathbf{H}}_{e} + \hat{\mathbf{H}}_{h} + E_{g} + W\left(\frac{\mathbf{r}}{r_{e}}, \frac{\mathbf{r}}{r_{h}}\right) + V_{e}\left(r_{e}\right) + V_{h}\left(r_{h}\right), (1)$$

де гамільтоніан електрона має вигляд:

$$\hat{\mathbf{H}}_{e} = -\frac{1}{2} \nabla_{e} \frac{1}{m_{e}^{*}} \nabla_{e} + U\left(r_{e}\right).$$
<sup>(2)</sup>

Тут і надалі використовується атомна система одиниць ( $m_0 = 1$ ,  $\mathbf{h} = 1$ , e = 1). Потенціальну енергію електрона, зумовлену розривом зон (потенціал обмеження) вибрано у вигляді сферично-симетричної потенціальної ями:

$$U(r_e) = \begin{cases} 0, & r_e \le a, \\ U_0, & r_e > a, \end{cases}$$
(3)

$$m_{e}^{*} = \begin{cases} m_{e,1}^{*}, & r_{e} \leq a, \\ m_{e,2}^{*}, & r_{e} > a \end{cases}$$
(4)

ефективні маси електрона у КТ і матриці.

Кристал CdS характеризується великою забороненою зоною  $E_g$  та слабкою спін-орбітальною взаємодією  $\Delta_{SO}$  (спін-відщеплена зона знаходиться близько до вершини валентної зони) [28-30]. Тому можна знехтувати зоною провідності та прийняти, що  $\Delta_{so} = 0$ . Враховуючи вище сказане та нехтуючи гофрованістю ізоенергетичних поверхонь (сферичне наближення), гамільтоніан дірки набуде вигляду [31]:

$$\hat{\mathbf{H}}_{h} = \frac{1}{2} \left( g_{1} + 4g \right) \hat{\mathbf{p}}^{2} - 3g \left( \hat{\hat{\mathbf{p}}} \hat{\mathbf{J}} \right)^{2} + U \left( r_{h} \right), \qquad (5)$$

де  $\mathbf{J} = i \mathbf{J}_x + j \mathbf{J}_y + k \mathbf{J}_z$  – оператор спінового моменту дірки j = 1,  $g_1, g = 1/5(3g_3 + 2g_2)$  – параметри Латтінджера, через які можна виразити масу важкої та легкої дірки:

$$m_{hh} = \frac{1}{g_1 - 2g}; \ m_{lh} = \frac{1}{g_1 + 2g}.$$
 (6)

Оскільки КТ знаходиться у колоїдному розчині, то потенціал обмеження для дірки вибрано у вигляді нескінченно високого потенціального бар'єру:

$$U(r_h) = \begin{cases} 0, & r_h \le a, \\ \infty, & r_h > a. \end{cases}$$
(7)

Якщо ж знехтувати складною структурою валентної зони, то гамільтоніан дірки набуде вигляду:

$$\hat{\mathbf{H}}_{h} = -\frac{1}{2} \nabla_{h} \frac{1}{m_{h}^{*}} \nabla_{h} + U\left(r_{h}\right).$$
(8)

Потенціальна енергія взаємодії електрона і дірки  $W(r_e, r_h)$  записана у кулонівській формі з врахуванням взаємодії електрона і дірки з розподіленими по поверхні поляризаційними зарядами [32]. Тобто електрон взаємодіє з зарядами, що наведені діркою, а дірка – з зарядами, що наведені електроном. Крім того враховано, що електрон чи дірка взаємодіють із поляризаційними зарядами, які вони самі створюють. Саме тому відповідну потенціальну енергію називають потенціалом самодії:

$$V(r) = \begin{cases} \frac{1}{2ae_1} \frac{e_1 - e_2}{e_1 + e_2} \left[ \frac{a^2}{a^2 - r^2} + \frac{e_1}{e_2} F\left(1, \frac{e_2}{e_1 + e_2}; \frac{e_2}{e_1 + e_2} + 1; \left(\frac{r}{a}\right)^2\right) \right], \quad r < a, \\ \frac{1}{2ae_2} \frac{e_1 - e_2}{e_1 + e_2} \left[ \frac{a^2}{a^2 - r^2} + \left(\frac{a}{r}\right)^2 F\left(1, \frac{e_2}{e_1 + e_2}; \frac{e_2}{e_1 + e_2} + 1; \left(\frac{a}{r}\right)^2\right) \right], \quad r > a, \end{cases}$$
(9)

де F(a,b;c;x) – узагальнена гіпергеометрична функція [33-34].

На основі всіх цих наближень даної моделі будуть обчислені електронні, діркові та екситонністани у КТ.

#### **II.** Електронні та діркові стани

Для знаходження екситонних станів спочатку було визначено електронні і діркові стани окремо. Хвильову функцію електрона, визначено на основі розв'язку рівняння Шредінгера з гамільтоніаном (2). П подано у вигляді добутку радіальної складової, яка виражається сферичними функціями Бесселя першого роду і модифікованими сферичними функціями Бесселя другого роду, та кутовою частиною (сферичні гармоніки):

$$Y_{e;n,l,m}\left(\stackrel{\mathbf{r}}{r_{e}}\right) = R_{e;n,l}\left(r_{e}\right)Y_{l,m}\left(\Omega_{e}\right) = \begin{cases} A_{n,l} j_{l}\left(k_{n,l}r_{e} / a\right), r \leq a \\ B_{n,l} k_{l}\left(x_{n,l}r_{e} / a\right), r > a \end{cases} \times Y_{l,m}\left(\Omega_{e}\right)$$
(10)

де

$$k_{n,l} = a \sqrt{2m_{e1}^* E_{e;n,l}}, \quad x_{n,l} = a \sqrt{2m_{e2}^* (U_0 - E_{e;n,l})}.$$

Енергія електрона  $E_{e;n,l}$  та константи  $A_{n,l}$ ,  $B_{n,l}$  знайдено з граничних умов (неперервності хвильової функції і потоку густини ймовірності на межі КТ) та умови нормування. Тут 1 – орбітальне квантове число, т – магнітне квантове число (-1  $\leq$  m  $\leq$  1), п – номер розв'язку дисперсійного рівняння при

заданому l.

Хвильову функцію, що є розв'язком рівняння Шредінгера для дірки з гамільтоніаном (5) у сферично-симетричному полі, можна задати добутком власних функцій оператора повного моменту імпульсу  $\hat{\mathbf{F}} = \hat{\mathbf{L}}_h + \hat{\mathbf{J}}$  і радіальних функцій. Існують три типи станів [35-36]:

$$\begin{cases} \mathbf{y}_{f,M}^{f-1,f+1}\left(r_{h},\boldsymbol{q}_{h},\boldsymbol{j}_{h}\right) = R_{f}^{f-1}\left(r_{h}\right)\Phi_{f,M}^{f-1}\left(\Omega_{h}\right) + R_{f}^{f+1}\left(r_{h}\right)\Phi_{f,M}^{f+1}\left(\Omega_{h}\right), & f \ge 1; \quad l_{h} = f-1, \ f+1; \\ \mathbf{y}_{f,M}^{f}\left(r_{h},\boldsymbol{q}_{h},\boldsymbol{j}_{h}\right) = R_{f}^{f}\left(r_{h}\right)\Phi_{f,M}^{f}\left(\Omega_{h}\right), & f \ge 1; \quad l_{h} = f; \\ \mathbf{y}_{0,0}^{1}\left(r_{h},\boldsymbol{q}_{h},\boldsymbol{j}_{h}\right) = R_{0}^{1}\left(r_{h}\right)\Phi_{0,0}^{1}\left(\Omega_{h}\right), & f \ge 0; \quad l_{h} = 1, \end{cases}$$
(11)

де введено спінори, що відповідають спіну дірки j = 1:

$$\Phi_{f,M}^{l_h}\left(\Omega_h\right) = \sum_{m_h=-l_h}^{l_h} \sum_{m_j=-j}^{j} C_{l_h,m_h;j,m_j}^{f,M} Y_{l_h,m_h}\left(\Omega_h\right) C_{h;m_j}$$
(12)

 $f(f+1), l_h(l_h+1), M, m_h, m_j$ у вибраній системі одиниць є власними значеннями операторів  $\hat{\mathbf{F}}^2, \hat{\mathbf{L}}_h^2,$  $\hat{\mathbf{F}}_z, \hat{\mathbf{L}}_z, \hat{\mathbf{J}}_z$ для дірки відповідно,  $c_{h;m_j}$  – трикомпонентні спінові функції дірки,  $Y_{l_k,m_k}$  – сферичні гармоніки, які є власними функціями оператора  $\hat{\mathbf{L}}_{h}^{2}$ . Тут також використано коефіцієнти Клебша-Жордана  $C_{l_{h},m_{h};j,m_{i}}^{f,M}$ .

Якщо ж знехтувати складною структурою валентної зони і вважати, що  $m_{lh} = m_{hh} \equiv m_{h}^{*}$ , тоді з (6) випливає, що  $g_1 = 1/m_{h}^{*}$ , g = 0. Останнє у свою чергу спричинить те, що гамільтоніан (5) стане тотожнім гамільтоніану (8), розв'язки рівняння Шредінгера з яким можна подати у вигляді:

$$\mathbf{y}_{\mathrm{h};n_{h},l_{h},m_{h}}\left(\mathbf{r}_{h}\right) = \mathbf{R}_{\mathrm{h};n_{h},l_{h}}\left(\mathbf{r}_{h}\right) \mathbf{Y}_{l_{h},m_{h}}\left(\mathbf{\Omega}_{h}\right) \mathbf{c}_{h;m_{s}} = \mathcal{Q}_{n_{h}l_{h}} \mathbf{j}_{l_{h}}\left(\mathbf{k}_{\mathrm{h};n_{h},l_{h}}\mathbf{r}_{h} / a\right) \mathbf{Y}_{l_{h},m_{h}}\left(\mathbf{\Omega}_{h}\right)$$
(13)

 $k_{h;n_h,l_h}$  – нулі сферичної функції Бесселя першого роду.

На основі поданих формул проведено обчислення енергетичного спектру електрона та дірки з урахуванням складної структури валентної зони та нехтуючи нею. Для обчислень використано такі параметри гетеросистеми [28-30]:  $g_1 = 1,71;$  $g = 0,62; e_1 = 5,5; e_2 = 3; m_1^* = 0,2; m_2^* = 1;$  $m_{hh} = 2,128; m_{lh} = 0,339; E_g = 2,56eV;$  $\Delta_{SO} = 0,07eV.$ 



**Рис. 1.** Енергія електрона у сферичній КТ. Енергію 1s-, 1p-, 1d-станів позначено суцільними кривими, а енергію 2s-, 2p-, 2d-станів – штриховими. Енергія s-станів позначено синім, p-станів – червоним, d-станів – зеленим.



**Рис. 2.** Енергія дірки з урахуванням складної структури валентної зони (суцільні криві), та нехтуючи нею (штрихові криві).

На рис. 1. подано залежності енергії електрона від радіуса КТ для основного декількох збуджених станів.

Аналогічні обчислення енергії проведено і для діркових станів (рис. 2). Кривою hh позначено енергію основного стану важкої дірки, якщо знехтувати складною структурою валентної зони і для обчислень брати лише масу важкої дірки, тобто  $m_{lh} = m_{hh} = 2,128$ . Відповідно крива lh – аналогічна енергія основного стану легкої дірки за умови, що  $m_{hh} = m_{lh} = 0,339$ . Якщо ж враховувати складну структуру валентної зони, то енергію дірки

зображено кривими 1-4. Енергія, що позначена кривою 1, відповідає найменшій енергії 1р-стану  $y_{1,M}^{1}(r_{h},q_{h},j_{h})$  (f =1,  $l_{h}$  =1,  $n_{f}$  =1), крива 2 – найменшій енергії змішаного 1sd-стану  $y_{1,M}^{0,2}(r_h, q_h, j_h)$  (f = 1,  $l_h = 0$ , 2,  $n_f = 1$ ), 3 – 1d-стан  $y_{2,M}^{2}(r_{h},q_{h},j_{h})$  (f = 2,  $l_{h}$  = 2,  $n_{f}$  = 1); 4  $y_{2,M}^{1,3}(r_{h},q_{h},j_{h})$ 1pf-стан змішаний  $(f = 2, l_h = 1, 3, n_f = 1)$ . Тут  $n_f$  – номер розв'язку відповідного дисперсійного для рівняння конкретного стану дірки. Якщо штучно ввести середнє арифметичне значення ефективної маси дірки  $m_{average} = (m_{hh} + m_{lh}) / 2 = 1,23$ , то енергія дірки зобразиться точковою кривою. З отриманих результатів видно, що похибка енергії основного стану важкої дірки складає близько 51 %, легкої – 206 %, «середньої арифметичної» 16 % порівняно з найменшою енергією дірки з урахуванням складної структури валентної зони.

### **III.** Екситонні стани

Для обчислення хвильової функції та енергії екситона для найнижчих станів використано теорію збурень. Хвильову функцію електрона в 1s-стані (l = 0, n = 1, m = 0) записано у такій формі:

$$Y_{e;1,0,0}\begin{pmatrix}\mathbf{1}\\r_{e}\end{pmatrix} = R_{e;1,0}(r_{e})Y_{0,0}(\Omega_{e}), \qquad (14)$$

а дірки у змішаному 1sd-стані з квантовими числами  $(f = 1, l_h = 0, 2, n_f = 1, M = 0, \pm 1) -$ у такій:

$$y_{1,M}^{0,2}(r_{h},q_{h},j_{h}) = R_{1}^{0}(r_{h})\Phi_{1,M}^{0}(\Omega_{h}) + R_{1}^{2}(r_{h})\Phi_{1,M}^{2}(\Omega_{h})$$
(15)

Тоді для малих розмірів КТ хвильову функцію екситона можна подати у вигляді добутку електронної та діркової функцій:

$$\mathbf{y}_{M}\left(\mathbf{r}_{e},\mathbf{r}_{h}\right) = \mathbf{y}_{e}\left(\mathbf{r}_{e}\right)\mathbf{y}_{1,M}^{0,2}\left(\mathbf{r}_{h},\mathbf{q}_{h},\mathbf{j}_{h}\right)$$
(16)

Енергія електрон-діркової пари без врахування кулонівської та обмінної взаємодії є 3-кратно виродженою. Тому для знаходження повної енергії екситона та відповідних хвильових функцій використано теорію збурень для вироджених станів. Тоді хвильову функцію екситона нульового наближення вибрано у вигляді лінійної комбінації вироджених функцій:

$$\mathbf{y}_{ex} = \sum_{M} C_{M} \mathbf{y}_{M} \left( \mathbf{r}_{e}, \mathbf{r}_{h} \right). \tag{17}$$

Підстановкою (17) у (1) можна отримати систему рівнянь:

$$\sum_{M} C_{M} \left\{ \left( E_{e}^{0} + E_{h}^{0} + E_{g} - E_{ex} \right) d_{M'M} + \left\langle y_{M'}^{+} \middle| W + V_{e} + V_{h} \middle| y_{M} \right\rangle \right\} = 0$$
(18)

Обчислення кулонівського матричного елемента для зазначених вище квантових чисел дає результат:

$$\left\langle \mathbf{y}_{M'} \begin{pmatrix} \mathbf{r}_{e}, \mathbf{r}_{h} \end{pmatrix} \middle| W \middle| \mathbf{y}_{M} \begin{pmatrix} \mathbf{r}_{e}, \mathbf{r}_{h} \end{pmatrix} \right\rangle = -\frac{1}{e_{1}} d_{M',M} Q_{M',M} I_{02} - \frac{\varepsilon_{1} - \varepsilon_{2}}{\varepsilon_{1} \varepsilon_{2}} \frac{1}{a} d_{M',M} Q_{M',M} = K d_{M',M} Q_{M',M}, \quad (19)$$

де  $Q_{M',M} = d_{M',M}$  тільки для  $-1 \le (M',M) \le 1$ , що і виконується у цьому випадку,

$$K = -\frac{1}{e_{1}}I_{02} - \frac{\varepsilon_{1} - \varepsilon_{2}}{\varepsilon_{1}\varepsilon_{2}}\frac{1}{a}$$

$$= \int dr_{h}dr_{e}r_{e}^{2}r_{h}^{2} \left|R_{e;1,0}\left(r_{e}\right)\right|^{2} \left(\left|R_{1}^{0}\left(r_{h}\right)\right|^{2} + \left|R_{1}^{2}\left(r_{h}\right)\right|^{2}\right) \left\{\frac{1}{r_{e}}, r_{h} < r_{e}, \frac{1}{r_{h}}, r_{h} > r_{e}.$$

$$(20)$$

Матричні елементи потенціалу самодії визначаються за формулами:

$$\left\langle \mathbf{y}_{M'}\left(\mathbf{r}_{e}^{\mathbf{r}},\mathbf{r}_{h}^{\mathbf{r}}\right) \middle| V_{h} + V_{e} \left| \mathbf{y}_{M}\left(\mathbf{r}_{e}^{\mathbf{r}},\mathbf{r}_{h}^{\mathbf{r}}\right) \right\rangle = d_{M',M} \left( \int dr_{e} r_{e}^{2} \left| R_{e;1,0}\left(r_{e}\right) \right|^{2} V_{e}\left(r_{e}\right) + \int dr_{h} r_{h}^{2} \left( \left| R_{1}^{0}\left(r_{h}\right) \right|^{2} + \left| R_{1}^{2}\left(r_{h}\right) \right|^{2} \right) V_{h}\left(r_{h}\right) \right).$$
(21)

Аналогічні обчислення проведено для випадку, коли електрон є в 1s-стані, а дірка у 1р-стані з квантовими числами

$$(f = 1, l_h = 1, n_f = 1, M = 0, \pm 1)$$
:

 $I_{02}$ 

$$\boldsymbol{y}_{1,M}^{1}\left(\boldsymbol{r}_{h},\boldsymbol{q}_{h},\boldsymbol{j}_{h}\right) = \boldsymbol{R}_{1}^{1}\left(\boldsymbol{r}_{h}\right)\boldsymbol{\Phi}_{1,M}^{1}\left(\boldsymbol{\Omega}_{h}\right).$$
(22)

Враховуючи усі знайдені матричні елементи, отримано енергію основного та збудженого станів екситона.

На рис. 3 (а-д) подано результати обчислень. Всюди червоним кольором позначено відповідні енергії, які обчислювалися для стану екситона, коли електрон є у 1s-стані, а дірка – в 1р. Для зручності цей стан екситона позначено 1s-1p. Синім кольором позначено криві, що відповідають енергії 1s-1sd стану екситона. На рис. З. а подано енергію екситона, що обчислена враховуючи усі наближення запропонованої моделі. Якщо ж не враховувати поляризаційні поправки, то відповідні енергії подано на рис. З.б. Якщо ще відкинути кулонівську взаємодію, то енергія електрон-діркової пари подано на рис. З.в. Крім того, окремо подано залежність кулонівської енергії (рис. З,г) та поляризаційних (рис. З,д) поправок до енергії екситона. Як видно з



Рис. 3. Енергія екситона у КТ.

рис. 3, врахування кулонівської взаємодії між частинками веде до зміни порядку розташування рівнів енергії для радіусів КТ більших 17 Å. Аналогічну зміну порядку екситонних рівнів у КТ СdS отримали автори робіт [24, 37].

Якщо знехтувати складною структурою валетної зони, то отримується похибка по енергії 51% і 206% для важкої і легкої дірки відповідно. Така ж похибка буде і для енергії екситона. Тому з введеною усередненою масою дірки  $m_h = m_{hh} \equiv (m_{hh} + m_{lh})/2 = 1,23$  похибка до енергії

екситона становить не більше 16 %.

Для порівняння результатів на рис. 4 подано енергії основного стану екситона (електрон в 1s- і дірка в 1s-стані) у простій моделі валентної зони (синя штрихова крива) з використанням введеної середньої арифметичної ефективної маси дірки та енергії екситона у моделі 3х3 (сині та червоні криві), які було зображено на рис.3а. Встановлено, що запропонований підхід дає похибку не більше 16 % по енергії.



Рис. 4. Енергія екситона з використанням різних моделей валентної зони.

Оскільки для діркових станів у моделі 3х3 не враховується спін-орбітальна взаємодія, то у цій моделі неможливо врахувати обмінну взаємодію, яка є причиною резонансного зсуву Стокса. Саме тому врахуємо спін електрона у валентній зоні. Сумарний спін дірки (без врахування макроскопічного руху дірки) був j = 1, то з врахуванням спіну електрона у валентній зоні, спін дірки буде або 3/2, або 1/2. Оскільки стани з моментом 3/2 лежать ближче до дна валентної зони, то врахуємо лише їх. Сумарний момент імпульсу дірки описувався квантовим числом f. Коли ж врахувати спін електрона у валентній зоні, то сумарний момент імпульсу буде визначатися квантовим числом g = f + 1/2...|f-1/2|. Врахуємо вище сказане для основного та першого збудженого станів (11). Тоді хвильову функцію дірки для цих станів запишемо у вигляді:

$$\left| \Psi_{I,m_{g}} \right\rangle = R_{1}^{0} \left( r_{h} \right) \left| 3 / 2, m_{g}; 0 \right\rangle + R_{1}^{2} \left( r_{h} \right) \left| 3 / 2, m_{g}; 2 \right\rangle,$$
(23)  
$$\left| \Psi_{II,m_{g}} \right\rangle = R_{1}^{1} \left( r_{h} \right) \left| 3 / 2, m_{g}; 1 \right\rangle,$$
  
$$\text{de}$$

$$\left|3/2,m_{g},l_{h}\right\rangle = \sum_{m_{sh}=-1/2}^{1/2} \sum_{M=-1}^{1} C_{1/2,m_{sh};f,M}^{g,m_{g}} \Phi_{1,M}^{l_{h}} \left(\Omega_{h}\right) \left|1/2,m_{sh}\right\rangle (24)$$

де  $\left| 1/2, m_{sh} \right\rangle$ ,  $C_{1/2, m_{sh}; f, M}^{\text{g.m.g.}}$  – введена спінова функція

для електрона у валентній зоні і коефіцієнт Клебша-Жордана відповідно. Врахувавши спін електрона у валетній зоні, врахуємо його і у зоні провідності. Тоді хвильова функція електрона для основного стану матиме вигляд:

$$\left| \boldsymbol{Y}_{e,m_{e,s}} \right\rangle = \boldsymbol{R}_{e;1,0} \left( \boldsymbol{r}_{e} \right) \boldsymbol{Y}_{1,0} \left( \boldsymbol{\Omega}_{e} \right) \left| 1 / 2, m_{e,s} \right\rangle \qquad,(25)$$

У цьому наближенні можна до гамільтонаніана (1) додати оператор обмінної взаємодії, що має вигляд:

$$\hat{\mathbf{H}}_{exch} = -(2/3)(a_0)^3 \mathcal{E}_{exch} d(\mathbf{r}_e - \mathbf{r}_h) \hat{\mathbf{\sigma}}_e \hat{\mathbf{G}}_h, \quad (26)$$

де  $a_0$  – стала гратки,  $\boldsymbol{\sigma}_e$  – матриці Паулі,

$$E_{exch} = \frac{E_{ST}}{\left(\frac{8}{3p}\right) \left(a_0 / a_{ex}\right)^3},$$
 (27)

де  $E_{ST}$  та  $a_{ex}$  – величина зсуву Стокса та ефективний радіус Бора масивного кристалу відповідно,  $E_{ST} = 1.2 \ m \ eV$  [28-30].

Аналогічно до (16)-(17) запишемо хвильову функцію екситона за умови врахування нового повного моменту імпульсу g для дірки і з врахуванням спіну електрона у зоні провідності:

$$\boldsymbol{y}_{ex} = \sum_{m_g = -3/2}^{3/2} \sum_{m_{e,s} = -1/2}^{1/2} C_{m_{e,s}, m_g} \boldsymbol{y}_{e, m_{e,s}} \begin{pmatrix} \boldsymbol{r} \\ \boldsymbol{r}_e \end{pmatrix} \Psi_{w, m_g} \left( \boldsymbol{r}_h, \boldsymbol{q}_h, \boldsymbol{j}_h \right),$$
(28)

де w = I, II. Тоді можна отримати обмінну поправку до енергії екситона, яка визначається власними значеннями матриці обмінної взаємодії, що записана на функціях (23) і (25):

$$H_{ex} = A \begin{pmatrix} \frac{3}{2} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{2} & 0 & 0 & -i\sqrt{3} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{1}{2} & 0 & 0 & -2i & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -\frac{3}{2} & 0 & 0 & -i\sqrt{3} & 0 \\ 0 & i\sqrt{3} & 0 & 0 & -\frac{3}{2} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 2i & 0 & 0 & -\frac{1}{2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & i\sqrt{3} & 0 & 0 & \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix},$$
(29)

де А визначається в залежності від типу діркових станів:

$$A = (2/3)(a_0)^3 \mathcal{E}_{exch} \int drr^2 \left| R_{e;1,0}(r) \right|^2 \left| R_1^0(r_h) + R_1^2(r_h) \right|^2, \quad w = I, \quad (30)$$
  
$$A = (2/3)(a_0)^3 \mathcal{E}_{exch} \int drr^2 \left| R_{e;1,0}(r) \right|^2 \left| R_1^1(r) \right|^2, \quad w = II \quad (31)$$

Діагоналізація матриці (29) дає змогу визначити величину розщеплення рівнів екситона. У цьому підході сумарний момент імпульсу дірки 3/2, а електрона 1/2. Тому відповідно енергетичні рівні екситона, які були у цьому підході 8-кратно виродженими, розщеплюються на два: триплетний 5кратно вироджений рівень з повним значенням кутового моменту 2 і на синглетний 3-кратно вироджений рівень з повним значенням моменту імпульсу 1. Відповідні поправки становлять:

$$\Delta E_{t} = -\frac{3}{2}A, \quad \Delta E_{s} = \frac{5}{2}A. \quad (32)$$

А величина розщеплення енергії синглеттриплетного станів визначає енергію зсуву Стокса, яка задається формулою:

$$E_{ST} = \Delta E_s - \Delta E_t = 4A \tag{33}$$

Результати залежності зсуву Стокса від розміру КТ подано на рис. 5. Кривою 1 позначено енергію зсуву Стокса екситона, що утворена s-електронним і р-дірковим станом (w = II), а кривою 2 — sелектронним і s-d-дірковим станом (w = I).

Як видно з рис. 5 запропоноване наближення, яке передбачає на кінцевому етапі врахування піну електрона у валентній зоні, дає якісну та добру



Рис. 5. Енергія зсуву Стокса. Точками показано узагальнені експериментальні дані робіт [18-19].

кількісну залежність енергії зсуву Стокса у КТ CdS.

### Висновки

Отже, у цій роботі проведено обчислення енергії екситона у рамках складної моделі валентної зони з урахуванням поляризаційних зарядів на поверхні КТ, це дало змогу встановити, що:

- енергія екситона у КТ CdS з урахуванням складної структури валентної зони значно відрізняється для випадку її не врахування;

 поляризаційні заряди на поверхні КТ CdS спричинюють збільшення енергії екситона порівняно з їх неврахуванням;

- обчислена енергія зсуву Стокса досить добре

якісно, а для окремих радіусів КТ і кількісно, узгоджується з експериментальними даними для КТ CdS.

*Бойчук В.І.* – доктор фізико-математичних наук, директор Інститут фізики, математики та інформатики, професор;

*Лешко Р.Я.* – кандидат фізико-математичних наук, доцент кафедри теоретичної і прикладної фізики та комп'терного моделювання;

Сокольник О.А. – аспірант.

- [1] Д.В. Корбутяк, О.В. Коваленко, С.І. Будзуляк та ін. УФЖ 7(1), 48 (2012).
- [2] В.І. Бойчук, І.В. Білинський, О.А. Сокольник, Фізика і хімія твердого тіла, 13(3), 586 (2012).
- [3] V.I. Boichuk, I.V. Bilynskyi, R.Ya. Leshko, Condensed Matter Physics, 13(1), 13702 (2010).
- [4] V.I. Boichuk, I.V. Bilynskyi, O.A. Sokolnyk, I.O. Shakleina, Condensed Matter Physics, 16(3), 33702 (2013).
- [5] А.І. Савчук, А.Г. Волощук, В.І. Федів, Фізика і хімія твердого тіла, 10(1), 144 (2009).
- [6] А.Й. Савчук, А.Г. Волощук, В.І. Федів, Фізика і хімія твердого тіла, 11(1), 176 (2010).
- [7] В.І. Федів, І.С. Давиденко, А.Й. Савчук, М.М. Марченко, Т.А. Савчук, Сенсорнаелектроніка і мікросистемнітехнології, (2), 43 (2009).
- [8] A.I. Savchuk, V.I. Fediv, I.M. Grygorashchuk, S.A, Ivanchak, G.Yu. Rudko, E.G. Gule, I.P. Vorona, Proceedings of the International Conference Nanomeeting, Reviews and short notes (Minsk, 2009).P.280.
- [9] V.E. Borisenko, S.V. Gaponenko, V.S. Gurin, Proceedings of the International Conference Nanomeeting, (Minsk, Belarus, 2009). P. 280.
- [10] V.I. Fediv, A.I. Savchuk, G.Yu. Rudko, I.S. Davydenko, T.A. Savchuk, E.G.Gule, S.A. Ivanchak, Proc. of SPIE (7388), 73880 (2009).
- [11] A.I. Savchuk, M.M. Marchenko, T.A. Savchuk, S.A. Ivanchak, V.I. Fediv, I.S. Davydenko, D.I. Ostafiychuk, Sensor Letters 8, 419 (2010).
- [12] A.I. Savchuk, G.Yu. Rudko, V.I. Fediv, A.G. Voloshchuk, E.G. Gule, S.A. Ivanchak, V.V. Makoviy, Phys. Stat. Sol. 7(6), 1510 (2010).
- [13] VI. Fediv, G.Yu. Rudko, A.I. Savchuk, E.G. Gule, A.G. Voloshchuk, Semiconductor physics, quantum electronics and photoelectronics 15(2), 117 (2012).
- [14] VI. Fediv, G.Yu. Rudko, A.I. Savchuk, E.G. Gule, I.S. Davydenko, O.I. Olar, K.S. Volkov, Semiconductor Physics, Quantum Electronics & Optoelectronics 17(1), 46 (2014).
- [15] VI. Fediv, G.Yu. Rudko, A.I. Savchuk, E.G. Gule, I.S. Davydenko, Functional materials 21(2), 220 (2014).
- [16] G.Yu. Rudko, V.I. Fediv, A.I. Savchuk, E.G. Gule, I.P. Vorona, V.V. Nosenko, Semiconductor Physics, Quantum Electronics & Optoelectronics 17(3), 222 (2014).
- [17] Д.В. Корбутяк, С.В. Токарев, С.І. Будзуляк, А.О. Курик, В.П. Кладько, Ю.О. Поліщук, О.М. Шевчук, Г.А. Ільчук, В.С. Токарев, Фіз. і хім. тверд. тіла 14(1), 222 (2013).
- [18] M. Chamarro, M. Dib, V. Voliotis, A. Filoramo, P. Roussignol, T. Gacoin, J. P. Boilot, C. Delerue, G. Allan, and M. Lannoo, Phys. Rev. B 57, 3729 (1998).
- [19] Z. Yu, J. Li, D. B. O'Connor, L. W. Wang, P. F. Barbara. J. Large, NanocrystalsPhys. Chem. B 107, 5670 (2003).
- [20] V.I. Boichuk, I.V. Bilynskyi, R.Ya. Leshko, L.M. Turyanska, Physica E: Low-dimensional Systems and Nanostructures 44(2), 476 (2011).
- [21] В.А. Головацький, І.Б. Франків, Журнал фізичних досліджень 16(1), 1706 (2012).
- [22] V.I. Boichuk, I.V. Bilynskyi, R.Ya. Leshko, L.M. Turyanska, Physica E: Low-dimensional Systems and Nanostructures 54, 281 (2013).
- [23] V.A. Holovatsky, O.M. Makhanets, O.M. Voitsekhivska, Physica E: Low-dimensional Systems and Nanostructures 41(8), 1522 (2013).
- [24] D. O. Demchenko, Lin-Wang Wang, arXiv:cond-mat/0603563v1 [cond-mat.mtrl-sci] 21 Mar 2006.
- [25] Al. L. Efros and M. Rosen, Physical Review B, 54(7), 4843 (1996).
- [26] І.М. Купчак, Д.В. Корбутяктаін., ЖФД, 14(2), 2101 (2010).
- [27] V.I. Boichuk, I.V.Bilynsky, I.O.Shakleina, I.Kogoutiouk, Physica E, 43, 161 (2010).

- [28] Yu. M. Sirenko, J.-B. Jeon, K. W. Kim, M. A. Littlejohn, and M. A. Stroscio, Phys. Rev. B 53, 2527 (1995).
- [29] Jian-Bai Xia and Jingbo Li., Phys. Rev. B 60, 11540 (1999).
- [30] P. Lawaetz, Phys. Rev. B 4, 3460 (1971).
- [31] В.Н. Абакумов, В.И. Перель, И.Н. Яссиевич (Петербургский институт ядерной физики им. Б.П. Константиновна РАН, С.-Петербург, 1997).
- [32] В.І. Бойчук, Р.Ю. Кубай, Г.М. Годованець, І.С. Шевчук, ЖФД, 10(3), 220 (2006).
- [33] A. Abramowich, I.A. Stegun (U.S. Government Printing Office, Washington DC, 1964).
- [34] Г. Корн. Справочник по математике (для научных работников и инженеров) (Наука, Москва, 1974).
- [35] A. Baldereshi, Nunzio O. Lipari, Phys. Rev. B. 8, 2697 (1973).
- [36] A.S. Moskalenko, J. Berakdar and other, Phys. Rev. B, 76(8), 085427 (2007).
- [37] L. W. Wang and A. Zunger, J. Phys. Chem. B, 102, 6449, (1998).

## V.I. Boichuk, R.Ya. Leshko, O.A. Sokolnyk

# The Influence of Electron-Hole Exchange Interaction of Colloidal CdSQuantum Dots on the Value of the Resonant Stokes Shift

82100, Lviv Region, Drohobych, Stryiska St., 3, Ivan FrankoDrohobych State Pedagogical University, e-mail: <u>leshkoroman@gmail.com</u>

On the basis of the model of the multiband valence band the exiton energy was calculated in the CdSnanocrystals as a function of quantum dot radius. The dependence of the resonance Stokes shift was analized and the comparison with the corresponding experimental data were provided.

Keywords: quantum dot, energy spectrum, optical transitions, the absorption coefficient, Stokes shift.

УДК 538.91.538.95

ISSN 1729-4428

I.В. Бойко<sup>1</sup>, А.М. Грищук<sup>2</sup>

# Вплив статичного та динамічного просторових зарядів на спектральні параметри та активну динамічну провідність резонансно-тунельних структур з постійним електричним полем

<sup>1</sup>Тернопільський національний технічний університет Івана Пулюя, м. Тернопіль, вул. Руська 56, e-mail: <u>boyko.i.v.theory@gmail.com</u> <sup>2</sup>Житомирський державний університет імені Івана Франка, м. Житомир, вул. Велика Бердичівська, 40, e-mail: <u>teor-caf@meta.ua</u>

У моделі ефективних мас електрона та прямокутних потенціалів у наближенні слабкого сигналу розвинена теорія активної динамічної провідності трибар'єрної активної зони квантового каскадного лазера з урахуванням впливу просторового статичного та динамічного зарядів.

Показано, що статичний заряд спричиняє збільшення часів життя електронних квазістаціонарних станів та зміщення енергетичних рівнів у високоенергетичну область не змінюючи максимальних значень активної динамічної провідності. Динамічний заряд, не впливаючи на спектральні параметри електрона, спричиняє перерозподіл парціальних складових активної динамічної провідності. Встановлено, що парціальна складова динамічної провідності, яка спричинена електронним потоком на вихід з наноструктури зменшується, а складова провідності спричинена потоком у протилежному напрямку збільшується, а при цьому сумарна величина провідності залишається практично не змінною.

Ключові слова: квантовий каскадний лазер, резонансно-тунельна структура, динамічна провідність, двофотонні електронні переходи.

Стаття поступила до редакції 07.06.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

### Вступ

Розвиток технології та фізики напівпровідників у наш час нерозривно пов'язаний з дослідженням квантових каскадних лазерів [1, 2] та детекторів [3, 4] і фізичних процесів, що у них відбуваються. Активними елементами згаданих наноприладів, які працюють у терагерцовому та інфрачервоному діапазонах частот електромагнітного поля є плоскі резонансно-тунельні структури (РТС), фізичні та значною геометричні параметри яких мірою визначають робочі характеристик згаданих наноприладів. Тому для з'ясування умов оптимізації роботи нанолазерів та детекторів важливо знати суть фізичних процесів, що відбуваються при когерентному транспорті електронів крізь багатошарові РТС.

Одним з напрямків, який продовжує розвиватися, є дослідження впливу дисипативних процесів, що впливають на процес тунелювання електронів у

багатошарові РТС. Ці процеси пов'язані з взаємодією електронів між собою та з фононами, домішками. Вплив електрон-електронної взаємодії на тунелювання електронів було досліджено в роботах [5, 6]. Електрон-фононна взаємодія і вплив фононів на електронний спектр вивчався у працях [7, 8]. Порівняно слабо досліджено вплив на резонансне тунелювання у відкритих РТС полів статичного та динамічного заряду, які створюються тунельованими електронами. Самоузгоджений вплив лише динамічного просторового заряду у досить грубій моделі РТС з б-подібними потенціальними бар'єрами у для тунелювання електронів слабкому електромагнітному полі вивчався у роботах [9, 10].

У пропонованій роботі розвинена теорія електронного транспорту електронів крізь трибар'єрну РТС з прикладеним постійним поздовжнім електричним полем на основі знайденого самоузгодженого розв'язку повного рівняння Шредінгера та рівняння Пуассона. На прикладі

трибар'єрної РТС як активної зони експериментально реалізованого ККЛ з  $\ln_{1-x}Ga_xAs$  - ямами та  $\ln_{1-x}Al_xAs$  - бар'рами досліджено вплив просторового статичного та динамічного зарядів на спектральні параметри квазістаціонарних станів (КСС) електрона та активну динамічну провідність

# I. Теорія активної динамічної провідності трибар'єрної ртс. самоузгоджені розв'язки рівнянь Шредінгера і Пуассона

У Декартовій системі координат розглядається трибар'єрна РТС, яка розташована так, що вісь ОZ є перпендикулярною до меж поділу середовищ наносистеми (рис. 1,а). Перпендикулярно до шарів РТС прикладене постійне електричне поле з напруженістю F.

Оскільки різниця між сталими решіток шарів-ям та шарів-бар'єрів є незначною, то для електрона застосовується модель ефективних мас та прямокутних потенціалів:

$$m(z) = m_{W} \sum_{p=0}^{3} \left[ q(z - z_{2p-1}) - q(z - z_{2p}) \right] + m_{b} \sum_{p=0}^{2} \left[ q(z - z_{2p}) - q(z - z_{2p+1}) \right]$$
(1)

$$U(z) = U \sum_{p=0}^{2} \left[ (q(z - z_{2p}) - q(z - z_{2p+1})) - eF\{z[q(z) - q(z - z_{5})] + z_{5}q(z - z_{5})\},$$
(2)

де q(z) одинична функція Хевісайда,  $z_{-1} \rightarrow -\infty$ ,  $z_6 \rightarrow \infty$ , а  $m_w$  і  $m_b$  - ефективні маси електрона в потенціальних ямах та бар'єрах наноструктури відповідно.

У постановці задачі уважається, що моенергетичний потік електронів з енергією *E* і

початковою концентрацією  $n_0$  падає перпендикулярно до площин двоямної відкритої РТС зліва. Рух електрона вважається одновимірним і таким, що описується хвильовою функцією  $\Psi(z,t)$ , що задовольняє повне рівняння Шредінгера:

$$i\mathbf{h}\frac{\partial\Psi(z,t)}{\partial t} = \left(-\frac{\mathbf{h}^2}{2}\frac{\partial}{\partial z}\frac{1}{m(z)}\frac{\partial}{\partial z} + U(z) + H(z,t)\right)\Psi(z,t),\tag{3}$$

$$H(z,t) = -eC[zq(z) + (z_5 - z)q(z - z_5)](e^{iWt} + e^{-iWt}) + ej(z,t)$$
(4)

де

наносистеми.

доданок гамільтоніана, перший доданок якого описує взаємодію електрона зі змінним електромагнітним полем, що характеризується частотою W і амплітудою напруженості його електричної складової C; а другий доданок характеризує взаємодію електрона з полем просторового заряду, потенціал j(z,t) якого визначається рівнянням

Пуассона:

$$\frac{\partial}{\partial z} \left[ \boldsymbol{e}(z) \frac{\partial \boldsymbol{j}(z,t)}{\partial z} \right] = -4\boldsymbol{p}\boldsymbol{e}\boldsymbol{n}(z,t) , \qquad (5)$$

$$ge \qquad e(z) = e_{W}\left(q(-z) + \sum_{p=1}^{3} (q(z-z_{2p-1}) - q(z-z_{2p}))\right) + e_{b} \sum_{p=0}^{2} (q(z-z_{2p}) - q(z-z_{2p+1})) \tag{6}$$

– діелектрична проникливість трибар'єрної нано-РТС,  $\boldsymbol{e}_w$  і  $\boldsymbol{e}_b$  - діелектричні проникності шарів потенціальних ям та бар'єрів відповідно, а

$$n(z,t) = n_0 \left| \Psi(z,t) \right|^2 \tag{7}$$

змінна просторова концентрація електронів.

3 структури рівнянь (3) і (5), враховуючи вигляд

гамільтоніана (4) та співвідношення (7) видно, що вони утворюють самоузгоджену систему. Розв'язок цієї системи шукається методом послідовних наближень, способом, викладеним далі.

Спочатку шукається розв'язок повного рівняння Шредінгера (3) з гамільтоніаном (4) у наближенні слабкого сигналу:

$$\Psi(z,t) = \Psi_0(z)e^{-iw_0t} + \Psi_{-1}(z)e^{-i(w_0-w)t} + \Psi_{+1}(z)e^{-i(w_0+w)t}, \qquad w_0 = E/\mathbf{h}.$$
(8)

Підстановкою співвідношення (7) у рівняння Пуассона (5) враховуючи (8) зі збереженням доданків одного порядку отримується рівняння:

$$\frac{\partial}{\partial z} \left[ e(z) \frac{\partial j(z,t)}{\partial z} \right] = -4pen_0 \left[ x_0(z) + x(z)e^{iWt} + x^*(z)e^{-iWt} \right],\tag{9}$$

де уведено такі позначення:

$$\mathbf{x}_{0}(z) = \left| \Psi_{0}(z) \right|^{2}, \quad \mathbf{x}_{+}(z) = \Psi_{0}(z) \Psi_{+1}^{*}(z) + \Psi_{0}^{*}(z) \Psi_{-1}(z), \quad \mathbf{x}_{-}(z) = \mathbf{x}_{+}^{*}(z). \tag{10}$$

Для довільного *p*-го шару всередині РТС розв'язок рівняння (9) шукається у вигляді:

$$j(z,t) = \sum_{p=1}^{5} \left[ j_{st}^{(p)}(z) + j_{-}^{(p)}(z)e^{iWt} + j_{+}^{(p)}(z)e^{-iWt} \right] \left[ q(z-z_{p-1}) - q(z-z_p) \right].$$
(11)

3 рівняння (9) з урахуванням (11) та після прирівнювання величин однакового порядку отримуються рівняння:

$$\frac{\partial^2 j_{st}^{(p)}(z)}{\partial z^2} = -\frac{4pen_0}{e_p} x_0^{(p)}(z), \qquad (12)$$

$$\frac{\partial^2 j_{\pm}^{(p)}(z)}{\partial z^2} = -\frac{4pen_0}{e_p} x_{\mathbf{m}}^{*(p)}(z), \qquad (13)$$

розв'язки яких мають вигляд:

$$j_{st}^{(p)}(z) = -\frac{4pe_0}{e_p} \int_{0}^{z^{2}_1} x_0^{(p)}(z_2) dz_1 dz_2 + C_1^{(p)}(z - z_{p-1}) + C_2^{(p)},$$
(14)

$$\mathbf{j}_{\pm}^{(p)}(z) = -\frac{4pen_0}{e_p} \int_{0}^{z^{z_1}} \mathbf{x_m}^{(p)}(z_2) dz_1 dz_2 + C_1^{\mathbf{m}(p)}(z - z_{p-1}) + C_2^{\mathbf{m}(p)}$$
(15)

і визначають потенціал  $j_{st}^{(p)}(z)$  спричинений статичним просторовим зарядом, а також потенціали, визначені просторовим динамічним зарядом у випадку електронних переходів з поглинанням  $j_{+}^{(p)}(z)$  і випромінюванням фотонів  $j_{-}^{(p)}(z)$  відповідно.

Усі невідомі коефіцієнти  $C_1^{(p)}; C_2^{(p)}; C_1^{\mathbf{m}(p)}; C_2^{\mathbf{m}(p)}; C_2^{\mathbf{m}(p)}$  однозначно визначаються з умов неперервності потенціалу  $\varphi_p(z,t)$  та вектора електричної індукції на всіх гетеромежах РТС, що дає граничні умови для потенціалів  $\mathbf{j}_{st}^{(p)}(z), \mathbf{j}_{\pm}^{(p)}(z)$ :

$$\begin{cases} j_{st}^{(p)}(z_{p}) = j_{st}^{(p+1)}(z_{p}); \\ e_{p} \frac{\partial j_{st}^{(p)}(z)}{\partial z} \bigg|_{z=z_{p}} = e_{p+1} \frac{\partial j_{st}^{(p+1)}(z)}{\partial z} \bigg|_{z=z_{p}}, \\ \begin{cases} j_{\pm}^{(p)}(z_{p}) = j_{\pm}^{(p+1)}(z_{p}); \\ e_{p} \frac{\partial j_{\pm}^{(p)}(z)}{\partial z} \bigg|_{z=z_{p}} = e_{p+1} \frac{\partial j_{\pm}^{(p+1)}(z)}{\partial z} \bigg|_{z=z_{p}}. \end{cases}$$
(16)

Зліва і справа за межами РТС для потенціалів, що спричинені статичним та динамічним зарядами повинні виконуватися умови їх зникнення:

$$j_{st}(z)\Big|_{z\to 0} = 0; \quad j_{st}(z)\Big|_{z\to z_5} = 0; \quad j_{\pm}(z)\Big|_{z\to 0} = 0; \quad j_{\pm}(z)_{z\to z_5} = 0.$$
 (19)

Враховуючи (11) та (8) з повного рівняння Шредінгера після прирівнювання коефіцієнтів при  $e^{\pm iWt}$  та величин нульового порядку отримуються рівняння:

$$\left(-\frac{\mathbf{h}^2}{2}\frac{\partial}{\partial z}\frac{1}{m(z)}\frac{\partial}{\partial z} + U(z) + e\mathbf{j}_{st}(z) - E\right)\Psi_0(z) = 0,$$
(20)

$$\left(-\frac{\mathbf{h}^2}{2}\frac{\partial}{\partial z}\frac{1}{m(z)}\frac{\partial}{\partial z} + U(z) + e\mathbf{j}_{st}(z) - \mathbf{h}(w\pm w_0)\right)\Psi_{\pm 1}(z) = e\left(\mathcal{E}\left[zq(z) + (z_5 - z)q(z - z_5)\right] - \mathbf{j}_{\pm}(z)\right)\Psi_0(z)$$
(21)

Отримані рівняння Шредінгера (20), (21) разом з рівняннями Пуассона (12), (13) утворюють систему взаємоузгоджених рівнянь. Розв'язуючи цю систему для спрощення громіздких виразів тимчасово опустимо символ E у  $\Psi_0(z)$  і  $j_{st}(z)$  від якого залежать ці обидві функції через відкритість

наносистеми. Спочатку у нульовому наближенні шукається розв'язок рівняння (20) без урахування статичного просторового заряду, покладаючи в ньому  $j_{st}(z) = 0$ . Цей розв'язок такий:

$$\begin{split} \tilde{\Psi}_{0}(z) &= \Psi_{0}^{(0)}(z)q(-z) + \Psi_{0}^{(6)}(z)q(z-z_{5}) + \sum_{p=1}^{5} \Psi_{0}^{(p)}(z) \Big[ q(z-z_{p-1}) - q(z-z_{p}) \Big] = \\ &= (A_{0}^{(0)}e^{ik_{0}^{(0)}z} + B_{0}^{(0)}e^{-ik_{0}^{(0)}z})q(-z) + A_{0}^{(6)}e^{ik_{0}^{(6)}(z-z_{5})}q(z-z_{5}) + \\ &+ \sum_{p=1}^{5} [A_{0}^{(p)}e^{ik_{0}^{(p)}(z-z_{p-1})} + B_{0}^{(p)}e^{-ik_{0}^{(p)}(z-z_{p-1})}] \Big[ q(z-z_{p-1}) - q(z-z_{p}) \Big] \,, \end{split}$$

$$(22)$$

де

$$k_0^{(0)} = k_0^{(2)} = k_0^{(4)} = k_0^{(6)} = \sqrt{\frac{2m_0 E}{\mathbf{h}^2}};$$

Підставляючи розв'язок (22) у рівняння Пуассона (12), з урахуванням (15) визначається потенціал  $j_{st_0}(z)$ . Далі потенціал  $j_{st_0}(z)$  лінеаризується

$$j_{st0}(z) = \sum_{p=0}^{4} \sum_{l=0}^{N} j_{st}^{(p)}(z_l) \left[ q(z - z_{l-1}) - q(z - z_l) \right], \quad (24)$$

де

$$z_l = \frac{l}{2N} \left( z_{p+1} - z_p \right), \quad p = 0 \div 4; \quad z_0 = 0, \quad (25)$$

N - кількість розбиттів p -го шару РТС.

$$k_0^{(1)} = k_0^{(3)} = k_0^{(5)} = \sqrt{\frac{2m_1(E-U)}{\mathbf{h}^2}}.$$
 (23)

Підставивши потенціал  $j_{st_0}(z)$  у (20) отримується рівняння:

$$\left(-\frac{\mathbf{h}^2}{2}\frac{\partial}{\partial z}\frac{1}{m(z)}\frac{\partial}{\partial z}+U(z)+e\mathbf{j}_{st_0}(z)-E\right)\Psi_{\mathbf{I}}(z)=0,\quad(26)$$

для хвильової функції першого наближення  $\Psi_{I}(z)$ . Його розв'язком є

$$\Psi_{\mathbf{I}}(z) = (A_{\mathbf{I}}^{(0)}e^{ik_{0}^{(0)}z} + B_{\mathbf{I}}^{(0)}e^{-ik_{0}^{(0)}z})q(-z) + A_{\mathbf{I}}^{(6)}e^{ik_{0}^{(z-z_{5})}}q(z-z_{5}) + + \sum_{p=1}^{5}\sum_{l=0}^{N} [A_{\mathbf{I}l}^{(p)}e^{iK_{\mathbf{I}}^{(l)}(z-z_{l-1})} + B_{\mathbf{I}l}^{(p)}e^{-iK_{\mathbf{I}}^{(l)}(z-z_{l-1})}][q(z-z_{l-1}) - q(z-z_{l})],$$
(27)

де

$$K_{I}^{(l)} = K_{I}^{(l)}(z_{l}) = \begin{cases} \mathbf{h}^{-1} \sqrt{2m_{0}(\mathbf{h}w_{0} - e\mathbf{j}(z_{l}))}; & \text{в ямах} \\ \mathbf{h}^{-1} \sqrt{2m_{1}(\mathbf{h}w_{0} - U - e\mathbf{j}(z_{l}))}; & \text{в бар'єрах} \end{cases}$$
(28)

Знайдена у першому порядку ітерацій стаціонарна хвильова функція  $\Psi_{I}(z)$  дозволяє щойно застосованим алгоритмом отримати потенціал статичного просторового заряду  $j_{st_{I}}(z)$  також у першому порядку. Самоузгоджений розв'язок системи рівнянь (20) і (12) з необхідною точністю

отримується в  $L^{MY}$  циклі ітерацій, якщо виконується очевидне співвідношення:

$$\left| j_{st}_{L-1}(z) - j_{st}_{L}(z) \right| / j_{st}_{L}(z) << 1.$$
(29)

Тоді, відновлюючи опущений раніше символ енергії (*E*), отримується

$$\Psi_0(E,z) \approx \Psi_L(z)$$

$$\boldsymbol{j}_{st}(\boldsymbol{E}, \boldsymbol{z}) \approx \boldsymbol{j}_{st_L}(\boldsymbol{z}) \tag{30}$$

Знайдена хвильова функція  $\Psi_0(E, z)$  дозволяє виконати аналітичний розрахунок функції коефіцієнта прозорості наноструктури:

$$D(E) = \left| \frac{A_L^{(6)}}{A_L^{(0)}} \right|^2.$$
(31)

Хвильова функція  $\Psi_0(E, z)$  дозволяє також подібним до щойно застосованого ітераційним

способом знайти самоузгоджені розв'язки систем рівнянь (21) і (13). У нульовому порядку ітерацій уважається, що в рівняннях (21) можна покласти  $j_{\pm}(z) = 0$ . Тоді розв'язки цих рівнянь з лінеаризованим потенціалом  $\int st(z)$  шукаються у вигляді:

$$\Psi_{\pm 1}^{0}(z) = \Psi_{0\pm}(z) + \Phi_{0\pm}(z) .$$
 (32)  
Tyr

$$\Psi_{0\pm}(z) = B_{0\pm}^{(0)} e^{-ik_{\pm}^{(0)}z} q(-z) + A_{0\pm}^{(6)} e^{ik_{\pm}^{(6)}(z-z_{5})} q(z-z_{5}) +$$

$$+ \sum_{p=1}^{4} \sum_{l=1}^{N} [A_{0\pm}^{(p,l)} e^{iK_{\pm}^{(p,l)}(z-z_{l-1})} + B_{0\pm}^{(p,l)} e^{-iK_{\pm}^{(p,l)}(z-z_{l-1})}] [q(z-z_{l-1}) - q(z-z_{l})]$$

$$(33)$$

розв'язки однорідних рівнянь (21)

$$\Phi_{0\pm}(z) = \sum_{p=1}^{4} \sum_{l=1}^{N} \left( \mathbf{m} \frac{eCC}{\mathbf{h}w} \Psi_{0}^{(6)}(z) + \frac{eC}{m_{l}w^{2}} \frac{d\Psi_{0}^{(l)}(z)}{dz} \right) q(z-z_{l-1}) - q(z-z_{l}) \left[ + \frac{eCC}{\mathbf{h}w} \Psi_{0}^{(6)}(z)q(z-z_{5}) \right]$$
(34)

- часткові розв'язки відповідних неоднорідних рівнянь, де

$$k_{\pm}^{(0)} = k_{\pm}^{(6)} = \mathbf{h}^{-1} \sqrt{2m_0(\mathbf{h}(w_0 \pm w))}; \quad K_{\pm}^{(p,l)} = K_{\pm}^{(p,l)}(z_l) = \begin{cases} \sqrt{2m_0(\mathbf{h}(w_0 \pm w) - ej(z_l))}; & e \ max \\ \sqrt{2m_1(\mathbf{h}(w_0 \pm w) - U - ej(z_l))}. & e \ max \end{cases}$$
(35)

Подібно до викладеної раніше схеми розрахунку статичного потенціалу, далі виконується аналітичний розрахунок динамічної складової потенціалу  $\boldsymbol{j}_{0\pm}(z)$  у нульовому порядку ітерацій. У результаті отримується

$$j_{0\pm}(z) = \sum_{p=1}^{4} \sum_{l=1}^{N} j_{\pm}^{(p,l)}(z_l) \Big[ q(z - z_{l-1}) - q(z - z_l) \Big],$$
(36)

де

$$j_{\pm_{w,b}}^{(p,l)}(z) = C_{1}^{\pm(p,l)}(z-z_{l-1}) + C_{2}^{\pm(p,l)} + \frac{4pen_{0}}{e_{w,b}} \times \left\{ \frac{A_{0}^{(p,l)}A_{\pm}^{*(p,l)}e^{i(K_{0}^{(p,l)}-K_{\pm}^{(p,l)})(z-z_{l})} + B_{0}^{(p,l)}B_{\pm}^{*(p,l)}e^{-i(K_{0}^{(p,l)}-K_{\pm}^{(p,l)})(z-z_{l})}}{(K_{0}^{(p,l)}-K_{\pm}^{(p,l)})^{2}} + \frac{A_{0}^{(p,l)}B_{\pm}^{*(p,l)}e^{i(K_{0}^{(p,l)}-K_{\pm}^{(p,l)})(z-z_{l})} + B_{0}^{(p,l)}A_{\pm}^{*(p,l)}e^{-i(K_{0}^{(p,l)}-K_{\pm}^{(p,l)})(z-z_{l})}}{(K_{0}^{(p,l)}+K_{\pm}^{(p,l)})^{2}} + \frac{A_{0}^{*(p,l)}A_{\pm}^{(p,l)}e^{-i(K_{0}^{(p,l)}-K_{\pm}^{(p,l)})(z-z_{l})} + B_{0}^{*(p,l)}B_{\pm}^{*(p,l)}e^{-i(K_{0}^{(p,l)}-K_{\pm}^{(p,l)})(z-z_{l})}}{(K_{0}^{(p,l)}-K_{\pm}^{(p,l)})^{2}} - \frac{B_{0}^{*(p,l)}A_{\pm}^{*(p,l)}e^{i(K_{0}^{(p,l)}-K_{\pm}^{(p,l)})(z-z_{l})} + A_{0}^{*(p,l)}B_{\pm}^{*(p,l)}e^{-i(K_{0}^{(p,l)}+K_{\pm}^{(p,l)})(z-z_{l})}}{(K_{0}^{(p,l)}+K_{\pm}^{(p,l)})^{2}} - \frac{ie\mathcal{C}}{2K_{0}^{(p,l)}m_{l}W^{2}} \left(A_{0}^{(p,l)}B_{0}^{*(p,l)}e^{2iK_{0}^{(p,l)}(z-z_{l})} - B_{0}^{(p,l)}A_{0}^{*(p,l)}e^{-2iK_{0}^{(p,l)}(z-z_{l})}}\right)\right\}$$
(37)

Умови неперервності хвильових функцій та потоків їх густин на всіх межах визначають потрібні коефіцієнти (A, B). У результаті  $L^{\underline{01}}$  ітерації однозначно визначаються функції  $\Psi_0(z)$ ,  $\Psi_{\pm 1}(z)$ , а

отже і хвильова функція  $\Psi(z,t)$ .

З використанням знайдених хвильових функцій першого далі, як і в роботах [6-8], виконується розрахунок густини електронних струмів через РТС:

$$j(E \pm \mathbf{h}w, z) = \frac{ie\mathbf{h}n_0}{2m_w} \left( \Psi_{\pm 1}(E, z) \frac{d\Psi_{\pm 1}^*(E, z)}{dz} - \Psi_{\pm 1}^*(E, z) \frac{d\Psi_{\pm 1}(E, z)}{dz} \right),$$
(38)

що пропорційні відповідним дійсним частинам активних динамічних провідностей  $s^{\pm}(E,\Omega)$ .

повна Розрахована активна динамічна провідність РТС  $s(E,\Omega)$  визначається сумою двох

$$s^{+}(E,\Omega) = \frac{\mathbf{h}\Omega n_{0}}{2m_{0}z_{5}C^{2}} \left( k_{+1}^{(6)} \left| A_{+1}^{(6)} \right|^{2} - k_{-1}^{(6)} \left| A_{-1}^{(6)} \right|^{2} \right) \quad s^{-}(E,\Omega) = \frac{\mathbf{h}\Omega n_{0}}{2m_{0}z_{5}C^{2}} \left( k_{+1}^{(0)} \left| B_{+1}^{(0)} \right|^{2} - k_{-1}^{(0)} \left| B_{-1}^{(0)} \right|^{2} \right). \tag{40}$$

За фізичним змістом ці парціальні складові формуються електронними потоками, що спрямовані  $(\boldsymbol{s}^+(E,\Omega))$  та вхід  $(s^{-}(E,\Omega))$ на вихід наноструктури по відношенню до початкового напрямку електронного потоку.

### **II.** Обговорення результатів

Як робочі було встановлено [6, 7], характеристики нано-РТС значною мірою визначаються її активної динамічною провідністю s, яка в свою чергу залежить від спектральних параметрів (резонансних енергій  $E_n$  та резонансних ширин  $\Gamma_n$ ) електронних КСС, що визначаються геометричними (розмірами потенціальних ям та бар'єрів) і фізичними (ефективні маси, діелектричні проникності, концентрації носіїв заряду) параметрами наноструктури.

Розрахунок активної динамічної провідності та спектральних параметрів електронних КСС 3 врахуванням змінного просторового заряду для трибар'єрної РТС, згідно з розвиненою в попередньому розділі теорією виконувався на парціальних складових:

$$s(E,\Omega) = s^{+}(E,\Omega) + s^{-}(E,\Omega) , \qquad (39)$$

де

$${}^{2}-k_{-1}^{(6)}\left|A_{-1}^{(6)}\right|^{2} ) \quad s^{-}(E,\Omega) = \frac{\mathbf{h}\Omega n_{0}}{2m_{0}z_{5}c^{2}} \left(k_{+1}^{(0)}\left|B_{+1}^{(0)}\right|^{2}-k_{-1}^{(0)}\left|B_{-1}^{(0)}\right|^{2}\right). \tag{40}$$

прикладі активної зони експериментального ККЛ, який досліджено в праці [11] (рис. 1,а, б).

PTC містить  $In_{0.53}Ga_{0.47}As$ i ЯМИ

In<sub>0.52</sub>Al<sub>0.48</sub>As – бар'єри й характеризується такими геометричними:

$$\Delta_1 = 4.5$$
 нм  $\Delta_2 = 1.0$  нм,  $\Delta_1 = 2.4$  нм,  $b_1 = 8.0$  нм,  $b_2 = 5.7$ нм та

фізичними:

 $m_W = 0.041 m_e$ ,  $m_b = 0.082 m_e$ , U = 516 meB,

 $e_w = 13.899, e_b = 12.726$  параметрами.

На рис. 1,б зображено потенціальний профіль досліджуваної РТС, перенормований статичним зарядом, розрахований для різних значень концентрації електронів  $(n_0 = 2 \cdot 10^{17} \text{ см}^{-3}; 5 \cdot 10^{17} \text{ см}^{-3}; 10^{18} \text{ см}^{-3}).$  3 рис. 1,б видно, що зі збільшенням концентрації електронів потенціальний профіль наносистеми дедалі більше деформується, що як буде видно далі відображається на зміні спектральних характеристик електронних КСС. Згадані зміни відображають результати розрахунку коефіцієнта прозорості D(E)



Рис. 1. Геометрична та енергетична схеми трибар'єрної РТС (а) та перенормований потенціальний профіль трибар'єрної РТС, що спричинений статичним зарядом у залежності від z при енергії електронів  $E = E_3^{St}$  і концентраціях носіїв заряду  $n = 2 \cdot 10^{17} \ cm^{-3}$ ;  $5 \cdot 10^{17} \ cm^{-3}$ ;  $10^{18} \ cm^{-3}$  (b).



Рис. 2. Залежності коефіцієнта прозорості від енергії без (пунктир) і з урахуванням просторового заряду (суцільні лінії) перших трьох квазістаціонарних станів при концентраціях  $n_0 = (10^{17} \text{ см}^{-3}; 2 \cdot 10^{17} \text{ см}^{-3})$  (a) та залежності їх резонансних енергій ( $E_1^{\text{st}}, E_2^{\text{st}}, E_3^{\text{st}}$ ) і часів життя ( $t_1^{\text{st}}, t_2^{\text{st}}, t_3^{\text{st}}$ ) від концентрації  $n_0$  (b).

(рис. 2,а) в околах енергій перших трьох КСС, а також резонансних енергій  $E_n^{st}$  та часів життя електрона  $\mathbf{t}_n^{st}$  ( $\mathbf{t}_n^{st} = \mathbf{h}/\Gamma_n^{st}$ ) (рис. 2,6) у залежності від концентрації заряду  $n_0$ . Із рис. 2,а видно, що просторовий заряд зі збільшення концентрації електронів деформує лоренцову форму D до клиноподібної, збільшуючи при цьому величини усіх резонансних енергій ( $E_n^{st}$ ) та часів життя ( $\mathbf{t}_n^{st}$ ) (рис. 2,6). Величини ж максимумів D(E) зі збільшенням концентрації зростають. Слід зауважити, щ зростання

часів життя електрона  $t_n^{\text{st}}$  у відповідних КСС зі збільшенням концентрації електронів  $n_0$  стає суттєвим деструктивним фактором.

Оскільки збільшення концентрації електронів в межах  $10^{16}$  см<sup>-3</sup>  $\leq n_0 \leq 10^{18}$  см<sup>-3</sup> змінює величини  $E_n^{\text{st}}$  і  $\Gamma_n^{\text{st}}$  у різних КСС не однаково, то виявляється, що енергія випромінюваного електромагнітного поля у квантовому переході  $3 \rightarrow 2$  (на якому ґрунтується робота дослідженого у



Рис. 3. Залежності частоти генерованого лазерного випромінювання  $\Omega_{32}$ ,  $\Omega_{32}^{st}$  від концентрації  $n_0$  без (штрихова лінія) та з урахуванням (суцільна лінія) змінного просторого заряду.



Рис. 4. Залежності потенціалів, спричинених динамічним зарядом  $j_{dyn}^{n,n'}$  від z у лазерних квантових переходах з енергіями  $\Omega_{32}^{st} = E_3^{st} - E_2^{st}$ ,  $\Omega_{31}^{st} = E_3^{st} - E_1^{st}$ ,  $\Omega_{21}^{st} = E_2^{st} - E_1^{st}$ 

роботі [11] ККЛ,  $\Omega_{32} = 145 \text{ меB}$ ) ( $\Omega_{32}^{st} = E_3^{st} - E_2^{st}$ ) при цьому зменшується 148,6 меB  $\geq \Omega_{32}^{st} \geq 141,7$  меВ через вплив просторового заряду. Час життя електрона в третьому квазістаціонарному стані з цієї ж причини також збільшується : 1,03 пс  $\geq t_3^{st} \geq 5,48$  пс.

На рис. З наведено залежності частоти генерованого лазерного випромінювання, віл концентрації n<sub>0</sub> змінного просторого заряду без  $(\Omega_{32})$  (штрихова лінія) та з урахуванням ( $\Omega_{32}^{St}$ ) (суцільна лінія) змінного просторового заряду. З рис. 3 видно, що зі збільшенням концентрації електронів лазерного випромінювання  $n_0$ частота без урахування впливу просторового заряду не змінюється, а з урахуванням – плавно зменшується.

Внаслідок взаємодії електронів із змінним

електромагнітним полем у РТС виникає потенціал  $j_{dyn}^{n,n'}$  динамічних зарядів, що виникають у квантових

переходах  $n \to n'$ . Розраховані потенціали динамічного заряду, що виникають у квантових переходах  $3 \to 2$ ,  $3 \to 1$  і  $2 \to 1$  приведено на рис. 4. з якого видно, що величини виникаючих динамічних потенціалів є меншими ніж статичних (рис. 1,а), причому  $j_{dyn}^{3,2} > j_{dyn}^{2,1} > j_{dyn}^{3,1}$ .

На рис. 5,а, б наведено результати розрахунку логарифмів динамічної провідності, виникаючої у квантовому переході  $3 \rightarrow 2$  та її парціальних складових без ( $S_{32}, S_{32}^{+}, S_{32}^{-}, S_{31}, S_{31}^{+}, S_{31}^{-}$ ) та з урахуванням ( $S_{32}^{st}, S_{32}^{st+}, S_{32}^{st-}, S_{31}^{st}, S_{31}^{st+}, S_{31}^{st-}$ ) впливу просторового заряду. З Рис. 5 видно, що у випадку провідності, розрахованої без урахування впливу просторового заряду, складова провідності, яка визначається прямим електронним потоком на



**Рис. 5.** Залежності логарифмів динамічних провідностей та їх парціальних складових, що виникають у лазерних переходах 3→2 (а) і 3→1 (б), розрахованих з урахуванням просторового заряду  $(s_{32}^{st}, s_{32}^{st+}, s_{32}^{st-}, s_{31}^{st}, s_{31}^{st+}, s_{31}^{st-})$  та без його урахування  $(s_{32}, s_{32}^{+}, s_{32}^{-}, s_{31}, s_{31}^{+}, s_{31}^{-})$  у залежності від концентрації носіїв заряду  $n_0$ 

вихід з наносистеми ( $S^+$ ) значно переважає складову провідності ( $S^-$ ) визначену потоком у зворотному напрямі, тобто  $s_{32} \approx s_{32}^+ >> s_{32}^-$  і  $S_{31} \approx S_{31}^+ >> S_{31}^-$ . При цьому співвідношення парціальних складових у сумарній величині провідності залишається постійним, яка збільшується зі зміною концентрації  $n_0$ .

3 розрахованих залежностей динамічної провідності з урахуванням просторового заряду видно, що зі збільшенням концентрації електронів  $n_0$  сумарна величина провідностей  $S_{32}^{st}$  і  $S_{31}^{st}$ зростає, при цьому парціальні складові провідності, визначені потоком прямим електронним  $(\boldsymbol{S}_{32}^{st+}, \boldsymbol{S}_{31}^{st+})$  зменшуються, а складові v протилежному напрямку  $(s_{32}^{st-}, s_{31}^{st-})$  зростають. Таким чином, просторовий заряд викликає перерозподіл парціальних складових у сумарній величині провідності з ростом концентрації.

Отже, можна зробити висновок, що для значних концентрацій електронів  $n_0$  зростає вплив дисипативних процесів, спричинених просторовим динамічним зарядом. Для великих концентрацій (~10<sup>18</sup> cm<sup>-3</sup>) отримується зростання часів життя електронних КСС та зростання ролі шкідливих парціальних складових динамічної провідності  $S_{32}^{st-}$ ,  $S_{31}^{st-}$ .

спектральних параметрів квазістаціонарних станів та динамічної провідності трибар'єрної РТС з постійним електричним полем як активної зони ККЛ з урахуванням змінного просторового заряду, що виникає в процесі електронного транспорту крізь наноструктуру у змінному електромагнітному полі.

У моделі ефективних мас та прямокутних потенціалів отримано самоузгоджений розв'язок рівнянь Шредінгера та Пуассона для різних концентрацій електронів. Виконано розрахунок резонансних енергій, часів життя електронних КСС, активної динамічної провідності та її парціальних складових в моделі наносистеми, яка відповідає активній зоні експериментального ККЛ.

Встановлено, що просторовий заряд деформує форму залежності коефіцієнта прозорості від енергії електронів від лоренцової до клиноподібної, зміщуючи їх максимуми у високоенергетичну область та збільшуючи часи життя електронних КСС. Розраховані величини резонансних енергій корелюють з експериментальними з точністю не менше 5%.

Показано, що зі збільшенням концентрації електронів енергія лазерного випромінювання у квантових переходах  $3 \rightarrow 2$  та  $3 \rightarrow 1$  зменшується, а сумарна величина активної динамічної провідності збільшується так, що в ній зростає внесок парціальної складової провідності, визначеної потоком, напрямленим протилежно до виходу із наносистеми.

Бойко І.В. – кандидат фізико-математичних наук, доцент кафедри програмної інженерії; Грищук А.М. - кандидат фізико-математичних наук, доцент кафедри теоретичної фізики.

### Висновки

Розвинена

квантово-механічна теорія

- [1] J.M. Wolf, A. Bismuto, M. Beck, and J. Faist, Optics Express 22(2), 2111 (2014).
- [2] D. Bachmann, M. Rösch, C. Deutsch, M. Krall, G. Scalari, M. Beck, J. Faist, K. Unterrainer and J. Darmo, Appl. Phys. Lett. 105(18), 181118 (2014).

- [3] A. Buffaz, M. Carras, L. Doyennette, A. Nedelcu, X. Marcadet and V. Berger. Quantum cascade detectors for very long wave infrared detection // Appl. Phys. Lett., 96(17), pp. 172101-1-172101-3 (2010).
- [4] D. Hofstetter, F.R. Giorgetta, E. Baumann, Q. Yang, C. Manz and K. Kohler, Appl. Phys. Lett. 93(22), 221106 (2008).
- [5] M.V. Tkach, Ju.O. Seti, I.V. Boyko, Ukr. J. Phys. 57(8), 849 (2012).
- [6] Ju.O. Seti, M.V. Tkach, I.V. Boyko, J. Optoelectron. Adv. Mater. 14(3-4), 393 (2012).
- [7] X. Gao, D. Botez and I. Knezevic, J. Appl. Phys. 103(7), 073101 (2008).
- [8] M.V. Tkach, Ju.O. Seti, Ju. B. Grynyshyn, O.M. Voitsekhivska, Condensed Matter Physics 17(2), 23704 (2014).
- [9] A. B. Pashkovskii, Semiconductors 34(3), 334 (2000).
- [10] A. B. Pashkovskii, Semiconductors 43(10), 1316 (2009).
- [11] C. Sirtori, J. Faist, F. Capasso, D. L. Sivco, IEEE Photonics Technology Letters. 9(3), 294 (1997).

# I.V. Boyko<sup>1</sup>, A.M. Gryschyk<sup>2</sup>

# The Influence of Dimensional Static and Dynamic Charge on the Spectral Parameters and Active Dynamic Conductivity of Resonanse Tunnelling Structures with Constant Electric Field

<sup>1</sup>Ternopil Ivan Pul'uj National Technical University, Ternopil, **Riska str., 56, 46001**, e-mail: <u>boyko.i.v.theory@gmail.com</u> <sup>2</sup>Zhytomyr Ivan Franko State University, Zhytomyr, Velyka Berdychivska str., 40, 10002, e-mail: <u>teor-caf@meta.ua</u>

In the model of effective masses and rectangular potentials obtained self-consistent solution of Poisson and Schrödinger equations for different concentrations of electrons.

It has been calculated spectral parameters and active dynamic conductivity for three-well nanostructure as active band of experimental quantum cascade laser.

It has been established, that space charge deforms shape dependence of transmission factor of electron energy from Lorentzian shape to quasi-Lorentzian, shifting their maximum value to the high energy region and increasing the lifetimes of electronic quasistationary states.

It was shown, that with increasing concentration of electrons energy of laser radiation in quantum transitions  $3 \rightarrow 2$  and  $3 \rightarrow 1$  decreases, and the total value of active dynamic conductivity increases so, that it increases the partial contribution component of conductivity, determined by electron flux, directed opposite to the exit of nanostructure.

**Keywords:** quantum cascade laser, resonance tunnel structure, dynamic conductivity, two-photon electron transitions.

DOI: 10.15330/pcss.17.1.31-36

УДК 536.759, 537.312

ISSN 1729-4428

### М.І. Мар'ян, Н.В. Юркович

# Дисипативні структури та фрактальний підхід до формування некристалічного стану

Ужгородський національний університет, 88000, Ужгород, вул. Волошина, 54, e-mail: mcmaryan@rambler.ru

Установлено, що формування фрактальної дисипативної структури в некристалічних твердих тілах пов'язане із самоузгодженим створенням областей м'яких атомних конфігурацій і такої температурної поведінки структурно-чутливих характеристик, що відповідають мінімуму дисипації енергії при заданих зовнішніх параметрах – швидкості охолодження та технологічних режимах одержання. Показано, що ця обставина дає змогу визначити некристалічну структуру через процеси самоорганізації з формуванням фракталів.

**Ключові слова:** дисипативні структури, некристалічний стан, синергетичні ефекти, процеси самоорганізації, фрактал, самоузгоджений розгляд.

Стаття поступила до редакції 19.06.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

Авторами [1] отримано самоузгоджену систему рівнянь відносно частки атомів у м'яких атомних конфігураціях *s*, приведених середньоквадратичних зміщень атомів уздовж зв'язку *y* та нецентральної

взаємодії  $y_t$  у випадку різних швидкостей охолодження q:

$$F_{1}(s) = -\tilde{a}_{0}\tilde{q}h + ch^{2} + bh^{3}, \quad F_{2}(y_{l}) = \frac{h_{y_{l}}}{t_{y_{l}}}, \quad F_{3}(y_{t}) = \frac{h_{y_{t}}}{t_{y_{t}}}$$
(1)

Тут коефіцієнти  $\tilde{a}_0, c, b$  описують дисипативний процес релаксації частки атомів у м'яких конфігураціях, деформації та зсуву до рівноважного значення з часом релаксації  $t_{ij} = a_{ij}^{-1}$ , параметри  $h_{y_l}, h_{y_t}$  – описують відхилення системи від рівноважного стану, функції  $F_1(s), F_2(y_l), F_3(y_t)$  визначаються згідно рівнянь [1, 2]:

$$F_{1}(s) = s + 12 \cdot (1-s) \left\{ \frac{e^{-y_{l}}}{2} \left[ B(y_{l}) - \frac{P e^{y_{l}}}{12(1-s)^{2}} \left( \frac{r}{a_{0}} \right)^{2} \right] + \frac{0.1}{(1+2y_{l})} \right\} - 12 \cdot (1-s) s \left( 1 + \frac{y_{l}}{4} - \frac{1}{6} \ln \frac{B(y_{l})}{2} \right) A(y_{l}) - t \ln \frac{\frac{1}{s} - 1}{\frac{1}{1-s} - 1} \right)$$

$$F_{2}(y_{l}) = \frac{3e^{-y_{l}}t}{8\sqrt{2}(1-s)} \left[ B(y_{l}) + \frac{P e^{y_{l}}}{6(1-s)^{2}} \left(\frac{r}{a_{0}}\right)^{2} \right]^{-1} \left( 1 + \frac{0.022(1+2y_{l})^{-2}}{e^{y_{l}} \left[ B(y_{l}) + \frac{P^{*}e^{y_{l}}}{6(1-s)^{2}} \left(\frac{r}{a_{0}}\right)^{2} \right]} \right) - y_{l},$$

$$F_{3}(y_{l}) = \frac{3(1+2y_{l})t}{8(1-s)e^{\frac{y_{l}}{2}}} \left[ B(y_{l}) + \frac{P \cdot e^{y_{l}}}{6(1-s)^{2}} \left(\frac{r}{a_{0}}\right)^{2} \right]^{-\frac{1}{2}} - y_{l},$$

де міжатомна відстань *r* при наявності зовнішнього тиску *P* рівна

$$r = a_0 \left( 1 + \frac{y_l}{4} - \frac{1}{6} \ln \left\{ \frac{B(y_l)}{2} \right\} \right)$$

$$B(y_l) = 1 + \sqrt{1 + \frac{P r^2 e^{y_l}}{6(1-s)^2 a_0^2}}$$

$$A(y_l) = 0.62 \left[ \exp\left\{ 0.36 - 0.91y_l + 1.94 \ln \frac{B(y_l)}{2} \right\} - \exp\left\{ 0.18 - 0.955y_l + 0.97 \ln \frac{B(y_l)}{2} \right\} \right]$$

 $a_0$  – міжатомна відстань в гармонічному наближенні,  $t = k_B T / V$ -приведена температура,  $k_B$ - постійна Больцмана, V-енергія дисоціації зв'язку. Самоузгоджена система рівнянь (1) дає можливість дослідити динамічну стійкість та температурну поведінку системи при нерівноважних фазових перетвореннях (швидкостях охолодження системи  $q > q_c$ , де  $q_c$  - гранична швидкість охолодження [1]), зокрема при переході в некристалічний стан через процеси самоорганізації та формування дисипативних структур.

У даній статті представлено аналіз утворення в некристалічних тілах (НКТ), отриманих при швидкостях охолодження  $q > q_c$ , фрактальної структури, яка є результатом втрати динамічної стійкості основного рівноважного стану при пониженні температури. Дана структура формується через самоузгоджене підсилення флуктуацій (середньоквадратичних зміщень атомів, їх частки у м'яких атомних конфігураціях), котрі досягають мезоскопічного рівня та роблять стійкою нову структуру.

# I. Процеси самоорганізації та формування дисипативних структур в некристалічних тілах

Розв'язок отриманої авторами [1, 2] системи рівнянь (1) проведено чисельно з використанням ітераційної процедури [3] в середовищі Delphi (рис. 1).

Результати розрахунку температурної залежності частки атомів у м'яких атомних конфігураціях s, приведених середньоквадратичних зміщень атомів вздовж зв'язку y<sub>1</sub> та y<sub>t</sub> нецентральної взаємодії y<sub>t</sub> у випадку різних швидкостей охолодження q  $(q = (5 \div 20)q_{c})$ представлено рис. 2 - 4. на (Використано такі позначення: t<sub>0</sub>- приведена температура гартування,  $t_m$  - приведена температура плавлення,  $t_{g}$  приведена температура розм'якшення). Зокрема, для НКТ систем As - S(Se)значення граничної характерні швидкості  $q_c = 5 \cdot 10^{-3} K / c$  Ta охолодження швидкостей охолодження  $q = (1,5 \cdot 10^{-2} \div 1) K / c$  [2].

Проаналізуємо особливості зміни динамічної стійкості стану системи зі зміною зовнішнього керуючого параметру – швидкості охолодження q, при  $q \rightarrow q_{c}$ . Розв'язки системи рівнянь для частки атомів у м'яких конфігураціях, яка пов'язана з мають при одному фрактальною розмірністю, значенні керуючого параметру та температури (тиску) по крайній мірі два стійких стани, які відрізняються ступенем динамічної стійкості та впорядкування (рис. 2 - 4). Перша область охоплює стан системи при швидкостях охолодження  $q < q_c$ , яка містить перехід від динамічно нестійкого до динамічно стійкого твердого (кристалічного, квазікристалічного) стану та супроводжується

#### Дисипативні структури та фрактальний підхід...



**Рис. 1.** Візуальний інтерфейс програми розрахунку самоузгодженої системи рівнянь (1) в середовищі Delphi.



**Рис. 2.** Температурна залежність частки атомів у м'яких конфігураціях *S* при різних швидкостях *q* охолодження.

аномальним збільшенням пружних констант з одночасним стрибкоподібним зменшенням частки атомів у м'яких атомних конфігураціях та амплітуди середньоквадратичних зміщень при пониженні температури. Слід відмітити, що дана область зменшується з ростом q (рис. 2). Відхилення середньоквадратичних зміщень атомів від У аналогічних значень рівноважному стані  $\Delta y_I(q) = y_I(q) - y_I(q = 0)$  з ростом q збільшується. Як видно з рис. 2, ступінь статистичного розупорядкування у твердому тілі зростає при  $q \rightarrow q_{C}$  (різка зміна спостерігається при переході в квазікристалічний стан з боку метастабільного стану переохолодженої рідини) і, таким чином, збільшується температурний інтервал переходу рідини. Спостерігається переохолодженої квазілінійна залежність параметрів системи у розглядуваному інтервалі зміни q для динамічно

стійкої кристалічної вітки (рис. 2). При  $q < q_c$  в області температур переходу  $t = t_m$  ( $t_m$ -приведена температура плавлення) частка атомів у м'яких атомних конфігураціях та середньоквадратичні зміщення атомів змінюються стрибкоподібно (величина даної зміни зменшується з ростом q) (рис. 3). Отже, макроскопічні властивості системи, пропорційні $\boldsymbol{S}$ ,  $y_l$  (наприклад, об'єм), та їх похідні  $s'(t), y'_{l}(t),$  (наприклад, коефіцієнт лінійного розширення, теплоємність) володіють аномалією при  $q \rightarrow q_c$ . Друга область, яка реалізується при  $q > q_c$ , характеризується неперервним аномальним зростанням жорсткості каркасу та пружних постійних, неперервним зменшенням *s*, *y*<sub>1</sub> при пониженні температури. Отже, крива s(t,q), при



**Рис. 3.** Біфуркаційна залежність частки атомів у м'яких конфігураціях s при температурі t = 0,1 від швидкості охолодження  $q/q_c$ .



**Рис. 4.** Біфуркаційна залежність приведеного середньоквадратичного зміщення атомів  $y_l$  при температурі t = 0,1 від швидкості охолодження  $q/q_c$ .

 $q = q_c$  розмежовує в області температур  $t \ge t_c$ існування метастабільної переохолодженої рідини та динамічно стійкої некристалічної системи. Вона визначає нижню границю можливого в області температур від  $t_0$  до  $t_c$  при охолодженнях  $q < q_c$ (*t*<sub>a</sub>-приведена температура гартування НКТ) існування переохолодженого стану. Температура  $t_c$ на кривій  $s(t,q)\Big|_{q=q_c}$ , для якої вироджуються метастабільні стани, є температурою співіснування при заданому тиску трьох станів - кристалічного,  $\frac{\P^2 s}{\P t^2}$ = 0 .рідкого некристалічного: та особливостей Дослідження поведінки термодинамічних властивостей системи в околі

термодинамічних властивостей системи в  $\{t_c, q_c\}$  викликає самостійний інтерес [4].

# **II.** Фрактальний підхід при моделюванні некристалічних тіл

Слід відмітити, що скорельоване зменшення інтенсивності коливань атомів, їх амплітуди та зростання силових постійних при переході від метастабільного переохолодженого розплаву Д0 некристалічного твердого стану свідчить про наявність макроскопічних процесів на рівні мікроструктурної перебудови, для яких в залежності від значень керуючого параметру q формується некристалічна структура з параметром порядку h. Використовуваний нами параметр порядку спонтанною визначається появою ненульових значень модуля зсуву (рис. 3) та залежить від ступеня відхилення системи від рівноважного стану. Утворена при  $q > q_c$  фрактальна структура  $\epsilon$ результатом втрати динамічної стійкості основного



Рис. 5. Рівні структурування станів та спектр дисипативних структур НКТ.

рівноважного стану при пониженні температури в області  $t \le t_m$ . Дана структура виникає через самоузгоджене підсилення флуктуацій (середньоквадратичних зміщень атомів, їх частки у м'яких атомних конфігураціях), котрі досягають мезоскопічного рівня та роблять стійкою нову структуру.

Цей метод організації структури відповідає та визначає фрактальну дисипативну структуру [5-7]. Формування фрактальної дисипативної структури в некристалічних твердих тілах при охолодженні системи пов'язане із самоузгодженим створенням областей м'яких атомних конфігурацій і такої температурної поведінки структурно-чутливих характеристик, що відповідають мінімуму дисипації енергії при заданих зовнішніх параметрах швидкості охолодження та технологічних режимах одержання. Ця обставина має істотне значення для некристалічної системи та дає змогу визначити некристалічну структуру через самоорганізацію. Під самоорганізацією у даному випадку розуміють макроскопічний прояв процесів, які відбуваються на мікроскопічному рівні – полях динамічних та статичних зміщень атомів, що обумовлює спонтанне формування ненульової компоненти модуля зсуву [4, 5].

Розподіл частки атомів у м'яких конфігураціях (рис. 2) при зміні технологічних режимів одержання відповідає фрактальній структурі (рис. 5). Тут

 $h_m = s - s_e$  – відхилення частки атомів у м'яких конфігураціях НКТ від рівноважного значення (змінюється в інтервалі 0,1),  $\tilde{q}_m = q / q_{\max}$ приведена до максимальної швидкість охолодження (зокрема, для НКТ систем As - S(Se) характерні  $q_{\max} = (1 \div 5 \cdot 10^2) K / c$  [2], a значення  $\tilde{q}_m$ змінюється в інтервалі 0,1). Отриманий результат дає змогу визначити у вигляді фрактальної структури ціле сімейство НКТ в залежності від хімічного складу та технологічних режимів одержання з відповідними рівнями структурування (класи 1-4  $\{\tilde{q}_m, h_m\}$ , рис. 5). На рис. 5 представлені класи дисипативних структур з відповідними значеннями  $\{\tilde{q}_m, h_m\}$ . Необхідно наголосити, що характер розупорядкування залежності ступеня некристалічних тіл від q корелює зі зміною пружних постійних при заданій температурі [4, 5], коли з ростом q відбувається їх зменшення та каркас матеріалу стає більш лабільним та здатним до перебудови під дією зовнішніх факторів. Отриманий фрактал відповідає фракталу Кантора (рис. 5) з розмірністю  $d_f = 0.631$ фрактальною та узгоджується з результатами моделювання структури некристалічних тіл в рамках теорії нейронних мереж з алгоритмом самороганізаціїї Хебба [3,6]. При формуванні НКТ не просто механічно об'єднуються

м'які атомні конфігурації. Вони певним чином синергетично трансформуються: отримують нові були відсутні властивості, які y вихідному рівноважному стані, частина попередніх ж властивостей станів відпадає. М'які атомні конфігурації отримують нові властивості при  $q \ge q_c$ , які відсутні при  $q < q_c$ : м'які стани структуруються (розміщуються впорядковано на рівні середнього порядку) та отримують можливість дифундувати самоузгоджено. Саме це є проявом синергетичного ефекту при формуванні НКТ.

#### Висновки

Проведено розрахунок температурної залежності частки атомів у м'яких атомних конфігураціях, середньоквадратичних зміщень в залежності від швидкості охолодження в середовищі Delphi та їх комп'ютерне моделювання. Визначено температурну зміну частки атомів в м'яких конфігураціях, їх взаємозв'язовок з фрактальною структурою і фрактальною розмірністю. Показано, що фрактальна розмірність наближено може бути описана співвідношенням Кантора.

- [1] M.I. Mar'yan, N.V. Yurkovych, XIV International Conference on Physics and Technology of Thin Films and Nanosystems (Ivano-Frankivsk, 2015), p. 326.
- [2] M.I. Mar'yan, N.V. Yurkovych, Uzhhorod university scientific herald. Series Physics, 33, 25 (2013).
- [3] N.V. Yurkovych, M.I. Mar'yan, Uzhhorod university scientific herald. Series Physics, 28, 64 (2010).
- [4] N.V.Yurkovych, M.I.Mar'yan, Uzhhorod university scientific herald. Series Physics, 29, 79 (2011).
- [5] M. Mar'yan, A. Szasz, Self-organizing processes in non-crystalline materials: from lifeless to living objects (Budapest: OncoTherm, 2000).
- [6] M. Popescu, Journal of Optoelectronics and Advanced Materials, 5(5), 1059 (2003).
- [7] M.I. Mar'yan, N.V. Yurkovych, Uzhhorod university scientific herald. Series Physics, 34, 40 (2013).

### M.I. Mar'yan, N.V. Yurkovych

# Dissipative Structures and Fractal Approach to the Formation of Non-Crystalline States

#### Uzhgorod National University, Voloshina str. 54, Uzhgorod, Ukraine, 88000

Found that the formation of fractal dissipative structures in non-crystalline solids associated with the creation of self-consistent fields of soft atomic configurations and thermal behavior of such structure-sensitive characteristics that meet the minimum energy dissipation for a given external parameters - speed cooling and process modes receipt. It is shown that this fact makes it possible to determine the non-crystalline structure through the processes of self-organization.

**Keywords:** dissipative structure, non-crystalline state, synergetic effects, self-organising processes, fractal, self-consistent consideration.
УДК 537.311.322

ISSN 1729-4428

## Л.П. Ромака<sup>1</sup>, В.В. Ромака<sup>2</sup>, Ю.В. Стадник<sup>1</sup>, В.Я. Крайовський<sup>2</sup>, Д. Качаровський<sup>3</sup>, А.М. Горинь<sup>1</sup>

# Дослідження структурних, енергетичних та кінетичних характеристик напівпровідників RNiSb (R = Gd, Lu)

<sup>1</sup>Львівський національний університет ім. І.Франка, вул. Кирила і Мефодія, 6, Львів, 79005, Україна, e-mail: <u>romakal@franko.lviv.ua;</u>

<sup>2</sup>Національний університет "Львівська політехніка", вул. С. Бандери, 12, Львів, 79013, Україна; <sup>3</sup>Інститут низьких температур і структурних досліджень Польської Академії наук, n/c 1410, 50-950, Вроцлав, Польща, e-mail: <u>D.Kaczorowski@int.pan.wroc.pl</u>

Досліджено особливості структурних, енергетичних та кінетичних характеристик напівпровідників *p*-GdNiSb та *p*-LuNiSb у діапазоні температур T = 4,2 - 400 К. На прикладі *p*-LuNiSb показано механізм генерування структурних дефектів акцепторної природи як результат появи у позиції 4*c* атомів Ni  $(3d^84s^2)$  до 6 % вакансій та часткового, до 1,35 %, витіснення атомів Ni(4*c*) атомами Lu  $(5d^16s^2)$ .

Ключові слова: кристалічна та електронна структури, електропровідність, коефіцієнт термо-ерс.

Стаття поступила до редакції 12.10.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

#### Вступ

Дана робота продовжує системне дослідження термоелектричних напівпровідникових матеріалів на основі сполук структурного типу (СТ) MgAgAs, що дозволить сформулювати підходи для встановлення залежностей фізичних властивостей матеріалів від їх структурних особливостей і прогнозувати нові матеріали з покращеними характеристиками.

Дослідження фазових рівноваг у системах Gd-Ni-Sb та Lu-Ni-Sb [1] при температурі 873 К підтвердили існування сполук GdNiSb та LuNiSb [2, 3], які при даній температурі кристалізуються у СТ MgAgAs (пр. група F-43m) і є напівпровідниками [4, 5], а додатні значення коефіцієнта термо-ерс показують, що дірки є основними носіями струму. Дослідження фазового та хімічного складів зразків сполуки GdNiSb засвідчили, що однофазні зразки отримано лише за умови відхилення їхнього складу від еквіатомного у бік меншого вмісту атомів Ni (Gd<sub>34.75</sub>Ni<sub>30.79</sub>Sb<sub>34.46</sub>). Згідно даних фазового та рентгеноспектрального аналізів синтезованих зразків сполуки LuNiSb однофазні зразки отримано як при еквіатомному складі, так і при складі за дещо меншого вмісту атомів Ni (Lu<sub>34.68</sub>Ni<sub>30.57</sub>Sb<sub>34.75</sub>) [1]. Зазначимо, що відхилення складу зразків від еквіатомного може свідчити про наявність у

структурі дефектів різної природи.

3 іншого боку, саме розуміння особливостей кристалічної структури p-GdNiSb та p-LuNiSb, формування зокрема. механізмів структурних дефектів. які власне і визначають провідність напівпровідника, є основою для прогнозування характеристик матеріалу, що забезпечить максимальні значення термоелектричної добротності Z [6]. Метою роботи є дослідження структурних, енергетичних та кінетичних характеристик p-GdNiSb та p-LuNiSb, що дозволить встановити механізми електропровідності і дослідити умови отримання матеріалу з високою ефективність перетворення теплової енергії в електричну [6, 7].

#### I. Методики дослідження

Досліджувалася кристалічна структура, розподіл густини електронних станів (DOS), електрокінетичні та енергетичні характеристики сполук RNiSb (R = Gd, Lu). Зразки синтезовано у лабораторії Інституту фізичної хімії Віденського університету, а склади шихти готували у відповідності до [1]. Методом рентгеноструктурного аналізу отримані масиви даних (дифрактометр Guinier-Huber image plate system, CuK $\alpha_1$ ), а за допомогою програми Fullprof [8] розраховано структурні характеристики. Дослідження фазового та хімічного складів зразків проведено використанням скануючого 3 електронного мікроскопа допомогою 38 мікрозондового аналіза на основі рентгенівської спектроскопії (Carl Zeiss DSM 962 та Zeiss Supra 55VP, пакет програм INCA (Oxford Instruments)). Стандартні відхилення не перевищували 1 ат.%. Розрахунки електронної структури проводились Корінги-Кона-Ростокера методами (KKR) у наближенні когерентного потенціалу (CPA) i локальної густини (LDA) [9] з використанням обмінно-кореляційного потенціалу Moruzzi-Janak-Williams [10]. Ширина енергетичного вікна, що охоплена контуром, складає 16 еВ. Число значень енергії для розрахунку DOS становило 1000. Точність розрахунку положення рівня Фермі є<sub>F</sub> становить ± 8 меВ. Вимірювалися температурні залежності питомого опору ( $\rho$ ) та коефіцієнта термо-ерс ( $\alpha$ ) відносно міді зразків GdNiSb та LuNiSb у діапазоні  $T = 80 \div 400$  K.

## II. Структурні дослідження GdNiSb та LuNiSb

Рентгенівські фазовий та структурний аналізи показали, що дифрактограми синтезованих зразків сполук GdNiSb та LuNiSb індексуються у структурному типі MgAgAs [11] і не містять слідів інших фаз. Мікрозондовий аналіз концентрації атомів на поверхні зразків показав їх відповідність вихідним складам шихти, які становили: для GdNiSb – Gd<sub>37</sub>Ni<sub>31</sub>Sb<sub>32</sub>, а для LuNiSb зразок № 1 – Lu<sub>35</sub>Ni<sub>32</sub>Sb<sub>33</sub> і № 2 – Lu<sub>35</sub>Ni<sub>30</sub>Sb<sub>35</sub>. Той факт, що зразки сполуки LuNiSb при складах Lu<sub>35</sub>Ni<sub>32</sub>Sb<sub>33</sub> і Lu<sub>35</sub>Ni<sub>30</sub>Sb<sub>35</sub> не містять слідів інших фаз може свідчити про наявність незначної області гомогенності.

Уточнення кристалічної структури досліджених зразків методом порошку з одночасним уточненням ізотропних параметрів атомного заміщення та зайнятості кристалографічних позицій не виявило відхилень від упорядкованого варіанту розташування атомів у відповідності до СТ MgAgAs [11]. Не дивлячись на те, що у GdNiSb та LuNiSb склад відхиляється від еквіатомного, ми не ідентифікували структурні дефекти, оскільки це лежить за межами точності ренгенівських методів [12]. Отриманий результат слугував підставою для використання упорядкованого варіанта структури *p*-GdNiSb та *p*-LuNiSb при побудові комірки Вігнера-Зейтца для розрахунну їхньої електронної структури.

#### **III.** Розрахунок електронної структури

Для прогнозування поведінки рівня Фермі  $\varepsilon_{\rm F}$ , ширини забороненої зони  $\varepsilon_{\rm g}$  та кінетичних характеристик *p*-GdNiSb та *p*-LuNiSb проведено розрахунок густини електронних станів (DOS) для упорядкованого варіанту структури. Результати розрахунку DOS показали, що в енергетичному спектрі сполук LuNiSb та GdNiSb виникає заборонена зона  $\varepsilon_{\rm g}$ , що робить їх напівпровідниками.



**Рис. 1**. Розрахунок густини електронних станів DOS для упорядкованого варіанту структури сполуки LuNiSb.

Енергетична щілина  $\varepsilon_{\rm g}$  між зоною провідності та валентною зоною утворюється у результаті сильної гібридизації *d*-станів рідкісноземельних металів R та Ni. Електронна густина зони провідності визначається головним чином *d*-станами R, у той час як валентна зона – *d*-станами Ni, які перекриваються з *d*-станами R та *p*-станами Sb.

На рис. 1, як приклад, наведено результати розрахунку для випадку сполуки LuNiSb. Отриманий результат узгоджується з результатами експериментальних досліджень [4, 5] у тій частині, що сполука LuNiSb є напівпровідником, однак суперечить результатам експерименту стосовно типу основних носіїв струму. Так, розрахунки фіксують рівень Фермі  $\varepsilon_{\rm F}$  поблизу зони провідності  $\varepsilon_{\rm C}$  (рис. 1), вказуючи на електрони як основні носії електрики, а результати [4, 5] вказують про протилежне – дірки є основними носіями струму, а тому рівень Фермі  $\varepsilon_{\rm F}$  мав би розташоватися біля краю валентної зони  $\varepsilon_{\rm V}$ .

Отримана суперечливість може мати низку причин, від коректності експериментальних досліджень [4, 5]до повноти урах ування особливостей кристалічної структури LuNiSb, зокрема, наявності структурних дефектів різної природи (у томі числі вакансій) і, як наслідок, вигляду комірки Візнера-Зейтца. Оскільки комірка Вігнера-Зейтца є оберненою до елементарної комірки, то логічно напрошується питання стосовно повноти структурних досліджень. У даному випадку саме наявність у кристалі неідентифікованих дефектів структурного походження, які генерують у напівпровіднику домішкові енергетичні рівні, визначає механізми електропровідності [13]. Для встановлення природи суперечності між результатами експерименту [4, 5] та розрахунку електронної структури досліджено електрофізичні властивості *p*-GdNiSb та *p*-LuNiSb.



**Рис. 2**. Температурні залежності питомого електроопору  $\ln \rho$  (1) та коефіцієнта термо-ерс  $\alpha$  (2) для двох зразків сполуки LuNiSb.



**Рис. 3**. Температурні залежності питомого електроопору  $\rho$  (1) та коефіцієнта термо-ерс  $\alpha$  (2) сполуки GdNiSb.

#### IV. Дослідження електрокінетичних характеристик *p*-GdNiSb та *p*-LuNiSb

Температурні залежності  $\ln\rho(1/T)$  та  $\alpha(1/T)$  для зразків *p*-LuNiSb та *p*-GdNiSb наведено на (рис. 2, 3) і вони є типовими для легованих та компенсованих напівпровідників з високо- та низькотемпературними активаційними ділянками [7], а додатні значення коефіцієнта термо-ерс  $\alpha$  засвідчують дірковий тип провідності, що узгоджується з висновками [4, 5].

Відхилення складу зразків від еквіатомного і, як результат, наявність у p-LuNiSb і p-GdNiSb значного числа заряджених структурних дефектів призводить до електростатичної взаємодії між ними, що суттєво впливає на зонну структуру напівпровідників і супроводжується флуктуацією потенціального рельєфу та модуляцією зон неперервних енергій [6, 12]. З активаційних ділянок залежностей α(1/T) обчислено значення енергій активації  $e_1^a$  та  $e_3^a$ , що дають, відповідно, значення амплітуди модуляції зон неперервних енергій та дрібномасштабної флуктуації легованого та компенсованого напівпровідника, а з ділянок  $\ln\rho(1/T)$  – значення енергій активації дірок з рівня Фермі є<sub>F</sub> на рівень протікання валентної зони  $e_1^{r}$  та стрибкової провідності  $e_3^{r}$  по станах домішкової акцепторної зони з енергіями, близькими до рівня Фермі [6].

Аналіз температурних залежностей lnp(1/T) та  $\alpha(1/T)$  зразків *p*-LuNiSb (рис. 2) дозволив виявити наступне. Так, у зразку № 1 рівень Фермі  $\varepsilon_{\rm F}$ розташовується на відстані  $e_1^r = 23.9$  меВ від стелі валентної зони є<sub>V</sub>, а у випадку зразка №2 –  $e_1^{\Gamma} = 10.2$  меВ. Оскільки положення рівня Фермі визначається співвідношенням концентрацій іонізованих акцепторів і донорів, то виглядає, що зразок № 2 містить набагато більше число дефектів акцепторної природи, ніж у випадку зразка №1. підтверджують Даний висновок результати значень амплітуди модуляції зон обчислення неперервних енергій  $e_1^a$  з високотемпературних ділянок  $\alpha(1/T)$  *p*-LuNiSb, які виявилися практично однаковими:  $e_1^a(\mathcal{N}_21) = 35,7$  меВ та  $e_1^a$  (№2) = 35,3 меВ. У гіпотетичному випадку однакових компенсації (близькість значень  $e_1^a$ ) та концентрації дефектів донорної природи в обох зразках, глибина залягання рівня Фермі була би однаковою. Однак у зразку №1 рівень Фермі набагато ближче до краю валентної зони, ніж у випадку зразка № 2, що можливе при більшому вмісті акцепторів у зразку № 2.

Спільним для обох зразків *p*-LuNiSb є відсутність стрибкового механізму переносу заряда при низьких температурах: у діапазоні температур  $T = 80 \div 100$  К на залежностях  $\ln\rho(1/T)$  відсутні активаційні ділянки, а провідність носить металічний характер по домішковій акцепторній зоні. Таке є можливим за умови перекриття хвильових функцій дірок у домішковій акцепторній зоні *p*-LuNiSb у силу їхньої високої концентрації [13].

Натомість, у зразку *p*-GdNiSb у діапазоні температур  $T = 80 \div 100$  К на залежності  $\ln\rho(1/T)$  має місце стрибковий механізм переносу заряда з енергією активації  $e_3^T = 3,1$  меВ. При підвищенні температури (T > 100 К) має місце активація дірок з



**Рис. 4**. Розрахунок густини електронних станів (DOS) для різних варіантів заповнення кристалографічних позицій сполуки LuNiSb.

рівня Фермі  $\varepsilon_{\rm F}$  у валентну зону  $\varepsilon_{\rm V}$ , а рівень Фермі  $\varepsilon_{\rm F}$ розташовується на відстані  $e_1^r = 78,4$  меВ від стелі валентної зони є<sub>v</sub>, що трохи нижче середини забороненої зони напівпровідника, про що свідчать додатні значення коефіцієнта термо-ерс. Таке розташування рівня Фермі є<sub>F</sub>, а також наявність максимума на залежності  $\alpha(1/T)$  у районі  $T \approx 280$  К свідчать, що досліджуваний зразок *p*-GdNiSb є сильно компенсованим - концентрація іонізованих акцепторів незначно переважає концентрацію повністю компенсованому донорів (y напівпровіднику при  $N_{\rm A} = N_{\rm D}$  рівень Фермі  $\varepsilon_{\rm F}$ розташується на  $1/2\varepsilon_{g}$  [13]). При T > 270 К швидкість генерування донорів переважає таку для акцепторів, однак дірки все ще залишаються основними носіями Можна припустити, що при струму. вищих температурах знак коефіцієнта термо-ерс зміниться, а отже зміниться тип основних носіїв струму. Доказом сильної компенсації зразка № 1 *p*-GdNiSb є високі значення амплітуди модуляції зон неперервних енергій  $e_1^a = 80,4$  меВ, адже чим вищою є ступінь компенсації, тим більшою є амплітуда модуляції [7, 13].

Таким чином, дослідження кінетичних характеристик *p*-LuNiSb та *p*-GdNiSb дозволили встановити дірковий тип їхньої провідності, що є можливим за умови генерування у кристалі структурних дефектів акцепторної природи. Однак, відкритим залишається механізм утворення таких дефектів. З іншого боку, отримані результати показали, що кристалічну структуру сполук не можна розглядати як упорядковану зі 100 % зайняттям атомами кристалографічних позицій у відповідності до CT MgAgAs і вона містить низку структурних дефектів акцепторної та донорної природи, які і визначають фізичні властивості.

До слова, у випадку напівпровідників *n*-ZrNiSn, *n*-HfNiSn та *n*-TiNiSn (структурний тип MgAgAs) було встановлено механізм генерування донорів («апріорне легування») як результат структурної невпорядкованості сполук MNiSn (M – Zr, Hf, Ti) [7]. Суть невпорядкованості MNiSn полягає у частковому, до ~ 1 %, зайнятті атомами Ni ( $3d^84s^2$ ) кристалографічної позиції 4*a* атомів M, наприклад, Hf ( $5d^26s^2$ ) (атом Hf містить менше *d*-електронів), що і є джерелом структурних дефектів донорної природи.

#### V. Уточнення кристалічної структури на прикладі LuNiSb

Оскільки концентрація утворених структурних дефектів, зокрема, шляхом зайняття тим чи іншим атомом не властивих йому кристалографічних позицій, а також наявність вакансії лежить за межами точності рентгенівських методів аналізу, нами для уточнення структури застосовано метод оптимізації моделі кристалічної структури на основі результатів розрахунку електронної структури та фізичних властивостей напівпровідників [7]. Суть методу полягає у тому, що шукається таке просторове розташування атомів у вузлах кристалічної гратки напівпровідника, при якому отримується адекватність результатів розрахунку розподілу електронної структури з результатами, отриманими з експериментальних досліджень, зокрема, зміни положення рівня Фермі  $\varepsilon_{\rm F}$ .

Використовуючи прив'язку до числових значень енергії активації  $e_1^r$  з рівня Фермі  $\varepsilon_F$  на край валентної зони зразка № 1 *p*-LuNiSb, визначену з високотемпературної ділянки залежності lnp(1/T) (рис. 2, *a*), шукали ступінь компенсації, яка забезпечить у розрахунках DOS саме таке розташування рівня Фермі. Виявилося, що найбільш прийнятним і оптимальним є варіант розташування атомів, який передбачає наступне заповнення кристалографічних позицій сполуки LuNiSb: Ni(4c) = 92,65 % Ni + 1,35 % Lu + 6 % Vac; Lu(4a) = 100 % Lu; Sb(4b) = 100 % Sb (рис. 4). Для інших варіантів заповнення кристалографічних позицій LuNiSb, частина з яких наведена на рис. 4, заборонена зона зникає, що передбачає металічну провідність і не узгоджується з результатами кінетичних досліджень.

По-перше, розрахунки показали, що при оптимальному варіанті заповнення кристалографічних позицій сполуки LuNiSb з'являється заборонена зона між енергетичними рівнями валентної зони та зони провідності (див. вставка на рис. 4), а рівень Фермі  $\varepsilon_{\rm F}$  розташовується біля краю валентної зони, чому в експерименті відповідають додатні значення коефіцієнта термоерс. Цей результат повністю узгоджується з результатами експериментальних досліджень.

По-друге, при оптимальному варіанті заповнення кристалографічних позицій LuNiSb розрахунки дають глибину залягання рівня Фермі відносно краю валентної зони  $\varepsilon_F = 28,4$  меВ, а дослідження кінетичних характеристик давали значення  $\varepsilon_F = 23,9$  меВ. Зазначимо, що точність розрахунків становить  $\pm 7$  меВ (ширина енергетичного контура (еВ) до кількості точок в енергетичному контурі). Отже і цей результат узгоджується з експериментом.

Таким чином, запровадження комплексного підходу, який передбачає дослідження кристалічної та електронної структур сполук LuNiSb та GdNiSb, а також електрофізичні дослідження, дозволяє уточнити кристалічну структуру та ідентифікувати низку структурних дефектів, які прямими методами не можуть бути визначені.

Роботу присвячуємо світлій пам'яті професора **Дмитра Фреїка** – який у найважчі для країни часи розвинув українську школу напівпровідникового матеріалознавства до світового рівня!

*Ромака Л.П.* - к.х.н., доцент, провідний науковий співробітник кафедри неорганічної хімії;

*Ромака В.В.* - к.х.н., докторант кафедри прикладного матеріалознавства та обробки матеріалів;

*Стадник Ю.В.* - к.х.н., провідний науковий співробітник кафедри неорганічної хімії;

*Качаровський Д. (Kaczorowski Darius)* - доктор фізики, професор, директор;

*Крайовський В.Я.* - к.т.н., доцент кафедри інформаційно-вимірювальних технологій, проректор; *Горинь А.М.* - к.х.н., старший науковий співробітник кафедри неорганічної хімії.

- D. Kaczorowski, V.V. Romaka, L.P. Romaka, A.M. Horyn, T. Kovbasyuk, Yu.V. Stadnyk, Coll. Abs. XV Int. Conf. "Physics and technology of thin films and nanosystems". May 11-16, 2015. (Ivano-Frankivsk, Ukraine). P. 360.
- [2] V.K. Pecharsky, J.V. Pankevich, O.I. Bodak, Sov. Phys. Crystallogr. 28, 97 (1983).
- [3] K. Harties, W. Jeitschko, J. Alloys Compd. 226, 81 (1995).
- [4] I. Karla, J. Pierre, R.V. Skolozdra, J. Alloys Compd. 265, 42 (1998).
- [5] R.V. Skolozdra, A. Guzik, A.M. Goryn, J. Pierre, Acta Phys. Polonica A 92(2), 343 (1997).
- [6] Л.И. Анатычук. Термоэлементы и термоэлектрические устройства (Наукова думка, Київ, 1979).
- [7] В.А. Ромака, В.В. Ромака, Ю.В. Стадник, Інтерметалічні напівпровідники; властивості та застосування (Львівська політехніка, Львів, 2011).
- [8] T. Roisnel, J. Rodriguez-Carvajal, Mater. Sci. Forum, Proc. EPDIC7 378-381, 118 (2001).
- [9] M. Schruter, H. Ebert, H. Akai, P. Entel, E. Hoffmann, G. Reddy, Phys. Rev. 52, 188 (1995).
- [10] V.L. Moruzzi, J.F. Janak, A.R. Williams. Calculated electronic properties of metals (Pergamon Press, NY, 1978).
- [11] R. Ferro and A. Saccone, Intermetallic Chemistry (Elsevier, Amsterdam, 2008).
- [12] V.K. Pecharsky and P.Y. Zavalij, Fundamentals of Powder Diffraction and Structural Characterization of Materials (Springer, NY, 2005).
- [13] Б.И. Шкловский, А.Л. Эфрос, Электронные свойства легированных полупроводников (Наука, Млсква, 1979).

L.P. Romaka<sup>1</sup>, V.V. Romaka<sup>2</sup> Yu.V. Stadnyk<sup>1</sup>, V.Ya. Krayovskyy<sup>2</sup>, D. Kaczorowski<sup>3</sup>, A.M. Horyn<sup>1</sup>

## Investigation of Structural, Energy State and Kinetic Characteristics of RNiSb Semiconductor (R = Gd, Lu)

<sup>1</sup>Ivan Franko National University of Lviv, Kyryla and Mefodiya Str., 6, Lviv, 79005, Ukraine; <sup>2</sup>National University "Lvivska Politechnika", Bandera str., 12, Lviv, 79013, Ukraine; <sup>3</sup>Institute of Low Temperature and Structure Research Polish Academy of Sciences, P.O. Box 1410, 50-950, Wroclaw, Poland

The features of structural, energy state and kinetic characteristics of the *p*-GdNiSb and *p*-LuNiSb semiconductors were investigated in the temperature range T = 4.2-400 K. As example, in *p*-LuNiSb, the generating of structural acceptor defects as a result of the emergence of vacancies upto 6 % in the 4c positions of Ni (3d<sup>8</sup>4s<sup>2</sup>) atoms and partial, up to 1.35 %, substitution of Ni (4c) atoms by Lu (5d<sup>1</sup>6s<sup>2</sup>) ones was shown. **Keywords:** crystal structure, electronic structure, electrical conductivity, thermopower.

DOI: 10.15330/pcss.17.1.43-47

УДК 621.315.592

ISSN 1729-4428

#### Г.П. Гайдар

# Магніто- і тензоопір компенсованих кристалів р-Ge в області слабких, проміжних і класично сильних магнітних полів

Інститут ядерних досліджень НАН України, пр. Науки, 47, Київ, 03680, Україна. e-mail: gaydar@kinr.kiev.ua

На кристалах компенсованого p-Ge (з коефіцієнтом компенсації  $k = N_{\text{Sb}}/N_{\text{Ga}} = 0,5$ ) при температурі 77 К проведено виміри поперечного ( $H \perp (J // X)$ ) магнітотензоопору (в інтервалі магнітних полів 0 <  $H \le 22.3$  кЕ) при фіксованих значеннях механічних напружень  $X_i = 0; 0,2; 0,4; 0,6; 0,9; 1,1; 1,5$  ГПа, що задавали пружну деформацію вздовж зразків, кристалографічна орієнтація яких співпадала з напрямком [100]. Також при фіксованих напруженостях магнітного поля, що відповідали значенням

 $H_i = 2; 4; 8; 10; 15; 20; 22,3$  кЕ, були виміряні залежності питомого опору  $\frac{\Delta r_X^H}{r_X}$ 

 $- \Big|_{H_i=const} = f(X)$  від

механічного напруження X, що співпадало з поздовжньою віссю кристала (X // J // [100]) і змінювалося в межах  $0 \le X \le 1,5$  ГПа. Останні залежності характеризувалися наявністю мінімуму в області 0,5 ÷ 0,6 ГПа при мінімальних напруженостях H = 2 кЕ, який зміщувався по шкалі X до значень 0,2 ÷ 0,3 ГПа при підвищенні H до 22,3 кЕ.

Ключові слова: германій, компенсовані кристали, магнітотензоопір, тензомагнітоопір.

Стаття поступила до редакції 15.07.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

#### Вступ

Відомо [1], що в Ge і Si n-типу одновісна пружна деформація знімає виродження еквівалентних мінімумів по енергії. Міжмінімумний перерозподіл електронів, який виникає при цьому, зумовлює зміни питомого опору, оскільки рухливість носіїв заряду в ізоенергетичних еліпсоїдах цих кристалів різко анізотропна.

Якщо на досліджувані кристали одночасно впливає і одновісна пружна деформація X, і магнітне

поле *H*, то величину 
$$\frac{\Delta r_X}{r_0} \bigg|^H \equiv \frac{r_X^H - r_0^H}{r_0^H}$$
, яка

характеризує зміну питомого опору в залежності від деформуючого зусилля X при сталому магнітному полі (H = const), називають *тензомагнітоопором* (для спрощення у даній роботі називатимемо

тензоопором). Величину 
$$\frac{\Delta r_H}{r_0} \bigg|_X = \frac{r_X^H - r_X^0}{r_X^0}$$
, яка

характеризує зміну питомого опору в залежності від

напруженості магнітного поля *H* при сталій величині деформуючого зусилля (*X* = *const*), називають *магнітоотензоопором* (або магнітоопором).

При розміщенні векторів струму Ј і напруженості магнітного поля Н паралельно головній осі ізоенергетичного еліпсоїда зміна питомого опору одноеліпсоїдного напівпровідника в поздовжньому  $\Delta r_H^{//} / r_0$ (неквантуючому) магнітному полі сферично-симетричних (подібно до випадку ізоенергетичних поверхонь) має бути тотожно рівною нулю [2]. Тому з ростом Х при *Х// Ј // Н //* [111] в кристалах n-Ge по мірі наближення до умов повного переселення носіїв заряду із трьох мінімумів, що піднімаються вгору по шкалі енергій, в один еліпсоїд, що опускається (і орієнтований своєю головною віссю вздовж Х),

поздовжній магнітотензоопір 
$$\frac{\Delta r_H^{//}}{r_0} \Big|_X$$
 повинен

зменшуватись і при виході тензоопору на насичення прямувати до нуля, що і було доведено експериментально [3]. Було показано також, що при дуже великих стискуючих напруженнях X магнітне поле H, орієнтоване вздовж X// [111], питомого опору кристала не змінювало ( $r_{X(\infty)}^H \equiv r_{X(\infty)}^0$ ).

(майже 30-кратне) Суттєве зростання магнітоопору в поперечному магнітному полі, а також істотна залежність коефіцієнта Холла в р-Ge від Н, пов'язані, як було вперше показано Віллардсоном та ін. в [4], з наявністю двох сортів носіїв заряду в кристалах і впливом легких дірок на ці ефекти. Ситуація, близька до згаданої, може виникати також і за інших умов, які забезпечують (наприклад, за рахунок одновісної пружної деформації) певне розділення носіїв заряду одного знаку в багатодолинних напівпровідниках на окремі групи. Найбільш важливою відмінністю цього випадку від згаданих особливостей недеформованого р-Ge є те, що ступінь розділення носіїв на групи в цьому випадку не постійний, а залежить від рівня деформації. Крім того, у випадку р-Ge відступ від ізотропності ефективних мас як легких, так і важких дірок відносно невеликий, тоді як в n-Ge ефективні маси кожної з груп, на які поділяються носії при деформації, характеризуються сильно вираженою анізотропією. Саме ці особливості й повинні приводити не просто до кількісних змін відповідних характеристик, але й якісно змінювати та ускладнювати відповідні залежності.

Ефект магнітотензоопору n-Ge при в *X* // *J* // [111] і *H* // [110] за умов переважно фононного розсіяння детально вивчався в [5]. Як випливає з цієї роботи, фізично найбільш цікавим є випадок помірних механічних напружень Х, при яких характерною є наявність двох сортів носіїв заряду: електронів з малою рухливістю **m**<sub>||</sub> (в еліпсоїді, що орієнтований великою віссю вздовж деформуючої напруги X // J // [111]) та електронів з набагато вищими значеннями *m*(в еліпсоїдах, орієнтованих під кутом до X / / J). При вимірах магнітотензоопору в поперечному магнітному полі це може приводити до появи максимумів на залежностях

$$\frac{\Delta r_H^{\perp}}{r_0}\bigg|_X \equiv \frac{r_X^{H\perp J} - r_X^0}{r_X^0} = \frac{r_X^{H\perp J}}{r_X^0} - 1 = f(H) \quad \text{та до}$$

особливостей. Результати інших теоретичних розрахунків, проведених із використанням формул теорії анізотропного розсіяння, та дослідні дані показали, що при монотонному зменшенні ефективної рухливості носіїв заряду (яке зумовлювало монотонний pict r = r(X) аж до виходу на насичення) магнітотензоопір, що вимірюється при різних значеннях H = const, з ростом X змінюється не монотонно, а проходить через максимум. Цією ж особливістю магнітотензоопору в багатодолинному напівпровіднику з двома сортами носіїв заряду визначається і відносне розташування полевих залежностей поперечного магнітоопору в деформованому n-Ge при X// J // [111] і H // [110]. Специфіка прояву різносортних носіїв заряду одного знаку (в помірно деформованих уздовж певних напрямків багатодолинних напівпровідниках) може

виявитися ще більш рельєфно вираженою в дослідах із гарячими носіями внаслідок різного їх розігріву в електричному полі заданої напруженості, що потрібно враховувати при детальному аналізі експериментальних даних.

Після проведеного аналізу ефектів поздовжнього

$$\frac{\Delta r_{H}^{/\prime}}{r_{0}}\Big|_{X}$$
 і поперечного  $\frac{\Delta r_{H}^{\hat{}}}{r_{0}}\Big|_{X}$  магнітотензоопору,

розглянемо ефект поздовжнього тензомагнітоопору

на кристалах n-Ge 
$$\frac{\Delta r_X^{//}}{r_0} \stackrel{H}{=} \frac{r_X^H - r_0^H}{r_0^H} = f(X),$$

досліджений в роботі [3] при фіксованих значеннях напруженості магнітного поля H = 0; 12,5; 50; 100 кЕ і температурі T = 77 К у залежності від механічного напруження X. Виявилося, що одержані криві для тензомагнітоопору, який вимірюється при різних значеннях H = const, найбільш сильно розрізняються в області максимальних значень механічних напружень X.

Особливої уваги заслуговує тензомагнітоопір, що вимірюється на зразках n-Ge при досить великих X i H, тобто таких, під впливом яких (при їх незалежному використанні) значення r(X) або r(H)могли б бути виведені на насичення. Дійсно, за такої умови при H // X // J // [111] маємо

$$\frac{\Delta r_X^{/\prime}}{r_0} \bigg|_{H_{\infty}}^{H_{\infty}} = \frac{r_X^H - r_0^H}{r_0^H} \bigg|_{X \to \infty}^{H \to \infty} = \frac{r_{X(\infty)}^{H(\infty)}}{r_0^{H(\infty)}} - 1 = \frac{r_{X(\infty)}^0}{r_0^{H(\infty)}} - 1, \quad (1)$$

оскільки, згідно з [3],  $r_{X(\mathbf{Y})}^{H(\mathbf{Y})} = r_{X(\mathbf{Y})}^{0}$ .

Співвідношення (1) показує, що величина тензомагнітоопору, який вимірюється вздовж [111] в n-Ge при одночасній дії сильних H і X, може бути знайдена шляхом використання двох більш простих операцій, а саме: за тензоопором  $r_{X(\infty)}^0$ , що вимірюється при великих X (але за відсутності H), з наступним використанням магнітоопору  $r_0^{H(\infty)}$ , одержаному на тому ж зразку при сильних H, але за відсутності механічного навантаження X.

Цими спрощеннями, однак, одержання інформації щодо ефекту тензомагнітоопору при великих X і H не обмежується. Виконавши певні математичні перетворення [2], отримаємо співвідношення

$$\frac{r_{X(\infty)}^{0}}{r_{0}^{H(\infty)}} = \frac{7K+2}{K+8},$$
(2)

де *К* – параметр анізотропії рухливості носіїв заряду в окремо взятому ізоенергетичному еліпсоїді, який визначається наступним чином [2]:

$$K = \frac{m_{\perp}}{m_{\parallel}} = \frac{3}{2} \frac{r_{X(\infty)}^0}{r_0^0} - \frac{1}{2}, \qquad (3)$$

Співвідношення (2) показує, що інформація про

тензомагнітоопір в умовах гранично великих H і X (1) може бути отримана взагалі за відсутності магнітного поля, із одних лише вимірів тензоопору в широкому інтервалі X, оскільки значення K, якими визначається права частина виразу (2), можуть бути знайдені з цих даних за допомогою співвідношення (3).

В області гелієвих температур магніто- і тензоопір некомпенсованих і компенсованих кристалів Ge n- і р-типу досліджено в роботах [6, 7]. Мета даної роботи – вивчення магніто- і тензоопору в компенсованих кристалах германію р-типу в області комбінованого механізму розсіяння носіїв заряду (на іонізованих домішках і на коливаннях кристалічної гратки), тобто в області помірно низьких температур (~ 77 K).

#### I. Результати і обговорення

У дослідах були використані зразки р-Ge зі ступенем компенсації  $k = N_d/N_a = N_{Sb}/N_{Ga} = 0,5$ , що мали питомий опір при кімнатній температурі  $r_{300 \text{ K}} \approx 1,57 \text{ Ом} \cdot \text{см}$  і вирізалися в напрямку осі вирощування зливка з поздовжньою орієнтацією [100]. Досліджувані зразки, геометрія яких вибиралася у вигляді паралелепіпедів з розмірами  $10 \times 1,5 \times 1,5 \text{ мм}^3$ , проходили необхідну попередню обробку (шліфовка, поліровка і травлення в СР-4).

При типових лабораторних значеннях напруженості магнітного поля  $0 < H \le 22,3$  кЕ для забезпечення виконання критерію  $\frac{mH}{c} \approx 1$ , що відповідає значенням проміжних магнітних полів, досліди з вищезгаданими кристалами проводилися

при T = 77 К як при різних значеннях  $X_i = const$ (X = 0; 0,2; 0,4; 0,6; 0,9; 1,1; 1,5 ГПа) у залежності від напруженості магнітного поля H (рис. 1), так і при різних фіксованих значеннях  $H_i = const$ (H = 2; 4; 8; 10; 15; 20; 22,3 кЕ) у залежності від механічного напруження X у межах  $0 \le X \le 1,5$  ГПа (рис. 2).

3 рис. 1 видно, що підвищення H при  $X_i = const$ приводить до зростання магнітоопору  $\frac{\Delta r_X^{H\perp J}}{r_0} \bigg|_X = \frac{r_X^H - r_X^0}{r_X^0} = f(H)$  компенсованих

кристалів p-Ge, однак при монотонному підвищенні механічних напружень  $X_i$  має місце немонотонність у розміщенні відповідних кривих магнітоопору.

Підвищення X при  $H_i = const$  (рис. 2) приводить до зростання тензоопору  $\frac{\Delta r_X^{H \perp J}}{r_0} \bigg|_{H} = \frac{r_X^H - r_0^H}{r_0^H}$  з

наявністю характерного мінімуму, який найбільш чітко проявляється на залежностях

$$\frac{\Delta r_X^{H \perp J}}{r_0} \Big|_{H_j = const} = f(X)$$
 в області  $\frac{mH}{c} \approx 1$ . Як

видно з рис. 2, деформаційні зміни в зонній структурі компенсованого р-Ge, що відбуваються при менших значеннях механічних напружень *X*, проявляють себе

при вимірах тензоопору 
$$\frac{\Delta r_X^{H \perp J}}{r_0} \Big|_{H_i = const} = f(X)$$

в магнітних полях більш високої напруженості. Тобто, зсув мінімуму цих функцій в область менших



Рис. 1. Полеві залежності (в межах напруженостей магнітного поля  $0 < H \le 22.3$  кЕ) поперечного магнітотензоопору компенсованих кристалів р-Ge (виміряні при T = 77 К) при різних значеннях механічного навантаження  $X_i$ , яке пружно деформує кристали і спрямоване вздовж кристалографічного напрямку [100]: 1 (■) – 0; 2 (×) – 0.2; 3 ( $\nabla$ ) – 0.4; 4 ( $\circ$ ) – 0.6; 5 (+) – 0.9; 6 ( $\Delta$ ) – 1.1; 7 ( $\bullet$ ) – 1.5 ГПа.





**Рис. 2.** Залежності поперечного тензомагнітоопору (виміряні при T = 77 К) в межах  $0 \le X \le 1.5$  ГПа за умов X // J // [100] при різних напруженостях магнітного поля  $H_i$ , орієнтованих перпендикулярно до поздовжньої осі кристалів:  $1 (\times) - 2$ ;  $2 (\nabla) - 4$ ;  $3 (\circ) - 8$ ; 4 (+) - 10;  $5 (\Box) - 15$ ;  $6 (\Delta) - 20$ ;  $7 (\bullet) - 22.3$  кЕ.



**Рис. 3**. Зіставлення теоретично розрахованого коефіцієнта Холла (суцільні криві) з експериментальними даними для германію (пунктирні криві), виміряними при температурі рідкого азоту (рисунок запозичений з роботи [8]).

значень  $X (\sim 0,3 \ \Gamma \Pi a)$  супроводжується підвищенням значень напруженості магнітного поля (до  $H \approx 22,3 \ {\rm kE}$ ) і, навпаки, при менших значеннях H $(H \approx 2 \ {\rm kE})$  він виявляється зміщеним в область більш високих механічних напружень  $X (\sim 0,5 \div 0,6 \ \Gamma \Pi a)$ . Дуже ймовірно, що поява мінімуму на кривих рис. 2 пов'язана з наявністю в кристалах p-Ge важких і легких дірок, подібно до того, як наявність цих двох сортів дірок зумовлює немонотонності полевих залежностей коефіцієнта Холла в кристалах p-типу (рис. 3, [8]).

Таким чином, можна стверджувати, що при формуванні вимірах магнітоопору на i компенсованих одновісно деформованих i монокристалах р-Ge одновісна пружна деформація і напруженість магнітного поля € взаємодоповнюючими факторами впливу, які не вносять (в межах пружної деформації) залишкових змін у будову і властивості досліджуваних кристалів. Адже виміри питомого опору і коефіцієнта Холла при кімнатній температурі і температурі рідкого азоту, які проводилися після зняття механічних напружень із досліджуваних кристалів, помітних змін цих параметрів (у результаті інтенсивного механічного навантаження до 1,5 ГПа) не виявляли. Концентрація дислокацій в кристалах після вказаних механічних навантажень теж залишалася незмінною  $(\sim 10^2 \div 10^3 \text{ cm}^{-2}).$ 

Що ж стосується загального вигляду залежностей

 $\frac{\Delta r_X^{H \perp J}}{T} = f(H)$  (рис. 3), то такі криві у випадку

компенсованих кристалів, як і в дослідах з некомпенсованими загальною зразками i3 концентрацією електрично-активних домішок  $\sim (4 \div 5) \cdot 10^{15} \text{ см}^{-3}$ навіть при напруженостях магнітних полів ~ 50 ÷ 200 кЕ не проявляють (ні при 300 К, ні при 77 К) тенденції до насичення [2, 9]. Ця особливість пов'язується з високою чутливістю магнітоопору до залишкових неоднорідностей у просторовому розподілі легуючих домішок i наявністю статистично нерівномірно розподілених в об'ємі кристалів неоднорідностей херрінгівського типу.

#### Висновки

1. Встановлено, магнітотензоопір що компенсованих кристалів р-Ge, що вимірюється в області слабких, проміжних і класично сильних Н, проявляє немонотонність змін при монотонному підвищенні механічних напружень Хі одновісно пружно деформованих кристалів.

2. Виявлено, що залежності змін тензомагнітоопору при монотонному зростанні Х характеризуються наявністю мінімуму

$$\frac{\Delta r_X^H}{r_0}\Big|_{H_i=const} = f(X),$$
який при малих значеннях

 $H = 2 \text{ кЕ розміщується в області } X \sim 0.5 \div 0.6 ГПа, а$ при підвищенні Н до 22,3 кЕ зміщується в область значень X ~ 0,2 ÷ 0,3 ГПа. Припускається, що цей ефект обумовлений наявністю в кристалах р-Ge двох сортів носіїв заряду – важких і легких дірок.

Гайдар Г.П. – доктор фізико-математичних наук, старший науковий співробітник відділу радіаційної фізики.

- [1] П.І. Баранський, А.В. Федосов, Г.П. Гайдар, Фізичні властивості кристалів кремнію та германію в полях ефективного зовнішнього впливу (Надстир'я, Луцьк, 2000).
- П.И. Баранский, И.С. Буда, И.В. Даховский, В.В. Коломоец, Электрические и гальваномагнитные [2] явления в анизотропных полупроводниках (под ред. П.И. Баранского) (Наукова думка, Киев, 1977).
- [3] P.I. Baranskii, V.V. Kolomoets, Phys. stat. sol. (b) 42(2), K113 (1970).
- [4] R.K. Willardson, T.C. Harman, A.C. Beer, Phys. Rev. 96(6), 1512 (1954).
- [5] П.И. Баранский, В.В. Байдаков, И.В. Даховский, А.И. Елизаров, ФТП 9(8), 1613 (1975).
- [6] K. Sugiyama, A. Kobayashi, J. Phys. Soc. Jpn. 18(2), 163 (1963).
- [7] K. Sugiyama, J. Phys. Soc. Jpn. 18(10), 1555 (1963).
- [8] A.C. Beer, Galvanomagnetic Effects in Semiconductors. Eds. F. Seitz and D. Turnbull. Supplement 4, Solid State Physics (Academic Press Inc., New York and London, 1963).
- [9] П.І. Баранський, А.В. Федосов, Г.П. Гайдар, Неоднорідності напівпровідників і актуальні задачі міждефектної взаємодії в радіаційній фізиці і нанотехнології. Монографія (Редакційно-видавничий відділ Луцького державного технічного університету, Київ-Луцьк, 2007).

#### G.P. Gaidar

### Magneto- and Tensoresistance of the p-Ge Compensated Crystals in the Range of Weak, Intermediate and Classically Strong Magnetic Fields

Institute for Nuclear Research, NAS of Ukraine, Avenue Nauku, 47, Kyiv, 03680, Ukraine, e-mail: gaydar@kinr.kiev.ua

On the crystals of compensated p-Ge (with the compensation factor of  $k = N_{\rm Sb}/N_{\rm Ga} = 0.5$ ) the transverse  $(H \perp (J//X))$  magnetoresistance (within the magnetic fields of  $0 < H \le 22.3$  kOe) at fixed values of the mechanical stresses  $X_i = 0$ ; 0.2; 0.4; 0.6; 0.9; 1.1; 1.5 GPa were measured at 77 K. These mechanical stresses X created the elastic deformation along the samples, the crystallographic orientation of which coincided with the direction of [100]. Also at fixed magnetic field intensities  $H_i = 2$ ; 4; 8; 10; 15; 20; 22.3 kOe the dependencies of

resistivity  $\frac{\Delta r_X^{H \perp J}}{r_0} \bigg|_{H_i = const} = f(X)$  on the mechanical stress X, which coincides with the longitudinal

axis of the crystal (X / J / [100]) and changes in the range of  $0 \le X \le 1.5$  GPa, were measured. Last dependences characterized by the presence of a minimum in the range of  $X \sim 0.5 \div 0.6$  GPa at the minimal magnetic field intensities H = 2 kOe, which was shifted to the values of  $X \sim 0.2 \div 0.3$  GPa with increasing H up to 22.3 kOe.

Keywords: germanium, compensated crystals, magnetotensoresistance, tensomagnetoresistance.

УДК 549.21:535.391.2

ISSN 1729-4428

#### О.Ю. Ананьїна, О.В. Северина

## Р-V центри в приповерхневих шарах алмазу С(111)

Кафедра фізики напівпровідників, Запорізький національний університет, Жуковського 66, Запоріжжя, 69600 Україна, e-mail: <u>ananyina@znu.edu.ua</u>

У роботі за допомогою квантово-хімічного моделювання досліджується залежність спінових станів, геометричних, електронних та енергетичні характеристик Р-V центру від його місцезнаходження на поверхні алмазу С(111). Встановлено, що поверхня алмазу С(111) впливає на геометричні параметри, зарядові характеристики і розподіл спінової густини Р-V центрів.

Ключові слова: поверхня алмазу С(111), P-V центр, квантово-хімічне моделювання.

Стаття поступила до редакції 07.06.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

#### Вступ

Алмаз, що містить оптично активні дефекти «вакансія-атом домішки», є перспективним матеріалом для використання в якості джерела поодиноких фотонів в пристроях квантової оптики, спінтроніки і біомедицині [1]. Свої властивості такі комплекси зберігають при кімнатних температурах і при переході до нанорозмірів. До останнього часу основна увага дослідників була зосереджена на вивченні центрів «азот-вакансія» (N-V центри) в алмазі [2].

Фосфор за числом валентних атомів являється аналогом азоту (ці елементи мають по п'ять валентних електронів). Тому виникає інтерес про можливе існування P-V центрів в алмазі, які можуть мати схожі з N-V центрами фізико-хімічні властивості. Не дивлячись на велику кількість публікацій стосовно N-V центрів, інформації про утворення і властивості P-V центрів майже не існує [3-6].

Чистий алмаз є широкозонним напівпровідником з забороненою зоною 5,5 еВ. Це ускладнює процеси його легування, особливо домішками п-типу. Серед елементів для отримання п-типу провідності в алмазі фосфор вважається найбільш придатним, оскільки донорні рівні фосфору (0,6 еВ) є мілкими в порівнянні з шириною забороненої зони алмазу. Але ковалентний атомний радіус фосфору (rP = 0,11 нм) на 43 % відсотки більший ніж у вуглецю (rC = 0,077 нм), введення атомів фосфору при легуванні значно деформує кристалічну гратку алмазу за рахунок утворення власних дефектів і структурних зсувів. Встановлено, що найбільш сприятливим є введення фосфору для поверхні C(111), в порівнянні з поверхнею C(100) [7]. Легування фосфором все ще перебуває на рівні експериментальних досліджень і не має широкого розповсюдження для створення реальних приладів.

Ця робота має на меті дослідити електронні і енергетичні характеристики, а також геометричну структуру Р-V центрів в алмазі.

#### I. Методика проведення розрахунків

Bci представлені в роботі розрахунки здійснювалось на основі напівемпіричних методів MNDO, PM3, PM6, що входять до програмного пакету МОРАС. В напівемпіричних методах рішення рівняння Шредингера засновано на заміні більшої частини інтегралів параметрами, що отримані з експериментів і використанні наближених виразів, що включають ці параметри, для оцінки інтегралів. Напівемпіричні методи відрізняються один від одного виглядом і складом гамільтоніану (оператору повної енергії системи) та параметрами, що включаються до розрахунку.

В роботі в якості модельних об'єктів використовувались кластери  $C_{83}H_{62}$  і  $C_{123}H_{79}$ , що відтворюють реконструйовану поверхню  $C(111)-2\times1$ . Представлені кластери мають 4 і 6 атомних шарів відповідно. Початкова геометрія задавалась виходячи з геометричних даних розміщення атомів в кристалах алмазу. Обірвані зв'язки атомів вуглецю, що направлені в об'єм, насичувалися атомами водню (модель одновалентних псевдоатомів). В подальшому оптимізація геометрії кластерів здійснювалася шляхом пошуку мінімуму повної енергії системи. Для отриманих структур розраховувались геометричні параметри кластера, енергія кластера, порядки зв'язків атомів, заселеності атомних орбіталей, молекулярні, локалізовані орбіталі.

#### **II.** Результати та їх обговорення

Дослідження в роботі проводились на кластерах алмазу  $C_{83}H_{62}$  і  $C_{123}H_{79}$ , що моделюють чисту поверхню алмазу  $C(111)-2\times1$ , реконструйовану в відповідності з моделлю  $\pi$ -зв'язаних ланцюжків ( $\pi$ bonded chain model), запропонованої вперше Пенді (Pandey) для поверхні кремнію. В результаті перебудови поверхні утворюються зигзагоподібні ланцюжки в першому і другому атомному шарах. Довжина зв'язку між атомами в ланцюжках першого шару однакова для усіх атомів і дорівнює 1,47 Å, в ланцюжках другого шару — 1,56 Å. На поверхні алмазу (111) не відбувається значного перерозподілу заряду. Порядок зв'язку між атомами вуглецю в поверхневих ланцюжках ~ 1,08 ÷ 1,11, в рядах другого шару ~ 0,95 ÷ 0,97, валентність 3,95 ÷ 3,97.

Р-V центр являється точковим дефектом, що складається з вакансії вуглецю (V), в найближчій координаційній сфері якої, один з чотирьох атомів вуглецю замінений атомом фосфору (Р). То ж моделювання Р-V центрів здійснювалось наступним чином: видалявся атом вуглецю (таким чином утворювалась вакансія) і в один з сусідніх вузлів решітки замість атому вуглецю поміщався атомом фосфору. Таким чином, для випадку розташування вакансії в першому шарі було отримано 3 стани Р-V центру (рис.1-б): A - P20 V19, B - P18 V19, C - P12 V19. Для випадку розташування вакансії в другому шарі було отримано 4 стани P-V центру (рис. 1, б): D - P19 V 12, E - P11 V12, F - P13 V12, G - P3 шар V12.

За результатами розрахунків Р-V центрів на поверхні С(111) на основі напівемпіричних методів MNDO, РМЗ, РМб було встановлено, що енергетично вигідним, за оцінкою повної енергії системи, являється розташування Р-V центрів в першому



**Рис. 1.** Кластер алмазу С<sub>123</sub>Н<sub>79</sub>, що моделює досліджувану поверхню С(111)-2×1: а – загальний вигляд; б - вид зверху. Темно-сірим кольором показані атоми першого шару, білим – другого



Рис. 2. Діаграми залежності повної енергій кластеру від місцезнаходження P-V центру в приповерхневих шарах алмазу за результатами розрахунків наступних методів: а - MNDO, б - PM3, в - PM6. За початок відліку прийнята величина повної енергії кластера, що відповідає стану з мінімальною енергією. Де: А – P20 V19, B – P18 V19, C – P12 V19, D – P19 V 12, E – P11 V12, F – P13 V12, G – P 3 шар V12

поверхневому шарі (рис. 2), тобто стани в яких вакансія і атом фосфору знаходяться в поверхневих ланцюжках.

3 отриманих методами MNDO, PM3, PM6 результатів, можна зробити висновок, про тенденцію щодо збільшення кількості зв'язків, що утворює фосфор в складі Р-V центру, при його більш глибокому розташуванні від поверхні – від двох у першому атомному шарі, до 5 зв'язків С-Р в 3 шарі. За літературними даними фосфор в складі Р-V центру в об'ємі алмазу утворює 6 зв'язків, довжина яких має значення 1,96 Å ([5]-ab initio) – 2,02 Å ([6]-DFT). Оскільки ми розглядали лише випадок розташування P-V центрів в межах перших трьох приповерхневих шарів, то отримали лише непряме підтвердження цих даних. Також отримані результати вказують на те, що метод MNDO має меншу точність і видає занижені значення довжин зв'язків С-Р. Методи РМЗ і РМ6 дають схожі дані оптимізації.

Квантово-хімічне моделювання P-V центрів показало, що на впровадженому атомі фосфору, а також на атомах вуглецю, з яким фосфор утворює зв'язки з'являється незкомпенсована спінова густина. Причому у випадку, що відповідає стану D (P19 – I шар, V12 – II шар) значення модуля спінової густини буде найбільшим: на атомі фосфору він дорівнює 0,66÷0,75 е, на атомах вуглецю, що оточують впроваджений атом фосфору – 1,48÷1,93 е (рис. 3).

Як видно з даних, отриманих методами MNDO, PM3, PM6, спінова густина на атомах оточення значно більша, ніж на атомі фосфору. Також слід зазначити, що найбільше значення спінової густини на атомі фосфору спостерігається при його знаходженні в першому атомному шарі (стани A, B, D). При подальшому більш «глибокому» розташуванні атому фосфору значення спінової густини поступово зменшується. Вже починаючи з третього атомного шару значення спінової густини на атомі фосфору близько до нуля (стан G).

Виникнення P-V центру супроводжується значним перерозподілом зарядів на атомах, що оточують вакансію. При чому на атомі фосфору зосереджено позитивний заряд, а на атомах вуглецю – від'ємний.

Довжина зв'язків С-Р на поверхні алмазу С(111)-2×1 в складі Р-V центру значно збільшується в порівнянні з випадком введення атому фосфору без вакансії в сусідньому вузлі.

При моделюванні Р-V центрів на поверхні алмазу С(111) були отримані геометричні конфігурації, в яких атом фосфору утворює з атомами вуглецю, що містяться навколо нього, 2 зв'язки (стан D), 3 зв'язки



Рис. 3. Діаграма залежності модуля спінової густини в залежності від місцезнаходження P-V центру (A-G – стани системи, отримані при моделюванні): а – на атомі фосфору, б – на атомах вуглецю, що оточують атом фосфору



**Рис. 4.** Отримані в результаті моделювання Р-V центрів на поверхні алмазу С(111) геометричні конфігурації: а – з утворенням 2 зв'язків, б – з утворенням 3 зв'язків, в – з утворенням 4 зв'язків, г – з утворенням 5 зв'язків

(стани A, B, E, G), 4 зв'язки (стан F) або 5 зв'язків (стан C) (рис. 4).

конфігурацію P-V Розглянемо центру 3 утворенням двох зв'язків С-Р (це стан D). Утворені атомом фосфору зв'язки є подвійними, про що свідчить порядок зв'язку рівний  $1,2 \div 1,25.$ Гібридизація фосфору при цьому відбувається по типу sp<sup>3</sup>. Зв'язки С-Р утворюються за рахунок σзв'язку і π-зв'язку. Виникнення σ-зв'язку обумовлене перекриттям гібридизованих орбіталей фосфору з великою р-складовою (s-складова 8÷10%) i практично повністю гібридизованих sp-орбіталей  $45 \div 50$  %. вуглецю 3 s-складовою рівною Виникнення π-зв'язку відбувається за рахунок перекриття практично негібридизованих р-орбіталей фосфору (s-складова 0,1÷0,6%) і вуглецю (sскладова  $0,1 \div 0,90$  %). Валентність фосфору дорівнює 2,94 ÷ 3,03. Один електрон є локалізованим на фосфорі, оскільки одна з орбіталей фосфору має неподілену пару електронів.

Розглянемо конфігурацію P-V центру з утворенням трьох зв'язків C-P (це стани A, B, E, G). Валентність фосфору в цьому випадку дорівнює  $3,02 \div 3,43$ . Гібридизація фосфору близька до типу sp<sup>3</sup>. Атом фосфору утворює три ковалентні σ-зв'язки з атомами вуглецю (порядок зв'язку  $0,71 \div 0,95$ ). Виникнення  $\sigma$ -зв'язку обумовлене перекриттям гібридизованих орбіталей фосфору з великою р-складовою (s-складова  $7,5 \div 10$ %) і гібридизованих орбіталей вуглецю з великою s-складовою, що дорівнює  $40 \div 50$ %. Ще два електрони фосфору локалізовані на орбіталі, що не утворює зв'язків.

конфігурацію Р-V Розглянемо центру 3 утворенням чотирьох зв'язків С-Р (це стани F).  $3,29 \div 4,10.$ Валентність фосфору дорівнює Гібридизація фосфору близька до типу sp<sup>3</sup>. При цьому атом фосфору утворює чотири ковалентні σзв'язки з атомами вуглецю. Один з утворених зв'язків є слабким (порядок зв'язку 0,47 ÷ 0,62), а три зв'язки є досить міцними (порядок зв'язків 0,73 ÷ 0,86). Виникнення σ-зв'язку обумовлене перекриттям гібридизованих орбіталей фосфору (3 орбіталі мають s-складову в межах 50 ÷ 55 % і одна в межах 20 ÷ 25 %) з гібридизованими орбіталями вуглецю з великою s-складовою, що дорівнює 40 ÷ 50 %. Один електрон є локалізованим на фосфорі, оскільки одна з орбіталей фосфору має неподілену пару електронів.

Розглянемо конфігурацію Р-V центру з утворенням п'яти зв'язків С-Р (це стан G). В цьому випадку валентність фосфору дорівнює 3,58 ÷ 4,10. При цьому атом фосфору утворює п'ять зв'язків з атомами вуглецю. Чотири утворені зв'язки досить слабкі (порядок зв'язку  $0,62 \div 0,76$ ) і один міцний (порядок зв'язку  $0,84 \div 0,94$ ). Чотири зв'язки утворюються перекриттям гібридизованих орбіталей фосфору, що мають s-складову в межах  $18 \div 25$  % з гібридизованими орбіталями вуглецю з s-складовою  $21 \div 27$  %. Один зв'язок утворюються перекриттям гібридизованої орбіталі фосфору, що має s-складову в межах  $50 \div 57$  % з гібридизованою орбіталлю вуглецю з великою s-складовою  $40 \div 45$  %. Таким чином, гібридизація атому фосфору близька до типу sp<sup>3</sup>d.

#### Висновки

В даній роботі з використанням методів напівемпіричних наближень MNDO, PM3 та PM6 проведене квантово-хімічне моделювання P-V центрів в приповерхневих шарах алмазу C(111). За результатами досліджень можна зробити висновок, про ймовірну локалізацію P-V центрів в межах перших двох шарів поверхні.

З отриманих даних видно, що при наявності P-V центру на поверхні алмазу, структурні перебудови є локальними і головним чином стосуються найближчих до атому P атомів C, що змінюють своє положення. Також виявлено тенденцію щодо збільшення кількості зв'язків C-P при більш «глибокому» розташуванні P-V центру від поверхні: – від двох у першому атомному шарі, до 6 зв'язків в об'ємі. При цьому атом фосфору зміщується в сторону вакансії.

Виникнення P-V центру супроводжується значним перерозподілом зарядів на атомах, що оточують вакансію: на атомі фосфору зосереджено позитивний заряд, а на атомах вуглецю – від'ємний. Крім цього поява P-V центру в алмазі приводить до виникнення перерозподілу спінової густини. Встановлено, що спінова густина на атомах оточення значно більша, ніж на атомі фосфору. Значення спінової густини на атомі фосфору буде максимальним при його знаходженні в першому атомному шарі і поступово зменшується до нульового значення при «заглибленні» Р-V центру в об'єм.

Отримані результати вказують на те, що метод MNDO має меншу точність в порівнянні з методами PM3 та PM6, і може використовуватись лише для якісного опису. Методи PM3 і PM6 дають схожі дані з розрахунками DFT і ab initio.

- [1] R. J. Nemanich, Material research society 39, 490 (2014).
- [2] N. Mizuochi et al., Nature photonics 6, 299 (2012).
- [3] D.-B. Kang, Bulletin of the Korean Chemical Society 19(6), 628 (1998).
- [4] C. X. Yan et al., Appl. Surf. Science 255(7), 3994 (2009).
- [5] J. P. Goss et al., Phys. Rev. B 72, 035214 (2005).
- [6] T. Miyazaky, S. Yamasaki, Phys. Rev. B 376-377, 304 (2006).
- [7] M. Katagiri et al., Phys. Stat. sol. (a) 11, 2451 (2004).

#### Olga Ananina, Elena Severina

## P-V Centers Behavior in Diamond C(111) Subsurface Layers

Semiconductor Physics Department, Zaporizhzhya National University, Zhukovsky Str. 66, Zaporizhzhya, 69600 Ukraine, e-mail: <u>ananyina@znu.edu.ua</u>.

Quantum-chemical modeling is used to study the dependence of spin states, geometrical, electronic and energy characteristics of P-V center from its location on the surface of the diamond C(111). The (111) surface of diamond crystal is found to affect the geometrical parameters, charge characteristics and spin density distribution of P-V centers.

DOI: 10.15330/pcss.17.1.53-59

УДК 538.91, 538.95

ISSN 1729-4428

## О.М. Бордун, І.І. Медвідь, І.Й. Кухарський, Б.О. Бордун Центри люмінесценції в тонких плівках β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub>

#### Львівський національний університет імені Івана Франка, вул. Університетська 1, м. Львів, 79000, Україна, e-mail: <u>bordun@electronics.lnu.edu.ua</u>

Досліджено спектри фотолюмінесценції та збудження люмінесценції тонких плівок β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> отриманих високочастотним іонно-плазмовим розпиленням в атмосфері аргону. Методом Аленцева-Фока проведено розклад спектрів фотолюмінесценції на елементарні складові. Розглянено природу двох інтенсивних смуг свічення з максимумами в області 3,00 і 3,15 eB, а також двох слабоінтенсивних смуг свічення з максимумами в області 4,00 і 4,25 eB. Визначено постійні часу загасання для смуг з максимумами в області 3,00 та 3,15 eB для різних типів плівок. Ключові слова: оксид галію, оксид ітрію, тонкі плівки, фотолюмінесценція.

Стаття поступила до редакції 20.10.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

#### Вступ

матеріалів кількості Серед великої лля оптоелектроніки особливе місце займають люмінесцентні матеріали, які використовуються при створенні дисплеїв, сцинтиляторів, засобів для запису та візуалізації інформації. В цьому плані широке застосування у якості тонкоплівкових матеріалів набувають плівки на основі β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, які є перспективними для польових транзисторів (FET) [1], газових сенсорів [2] і електродів, прозорих в УФобласті [3]. Залежно від способу одержання і легуючої домішки, такі плівки використовуються як фотолюмінофори [4, 5], катодолюмінофори або електролюмінофори [6, 7]. В загальному, оптичні та електричні характеристики плівок  $Ga_2O_3$ визначаються методами одержання, режимами нанесення і наступними технологічними прийомами, домішок, а також введенням які здатні цілеспрямовано змінювати властивості тонких плівок. З цією метою нами були досліджені тонкі плівки  $(Y_{0.06}Ga_{0.94})_2O_3$ , у яких частина іонів  $Ga^{3+}$  була замінена на іони У<sup>3+</sup>, що не вимагало локальної компенсації електричного заряду. Це зумовлене тим, що плівки У2О3 є також доволі перспективними з точки зору їх використання в оптоелектроніці і люмінесцентній техніці [8, 9]. Такі дослідження можливість краще дослідити лають пентри люмінесценції у тонких плівках на основі Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, оскільки ефективність люмінесценції в цих плівках у значній мірі визначається особливостями

рекомбінаційного процесу, зумовленого як правило центрами свічення дефектного походження [10]. У зв'язку з цим в роботі досліджуються спектри фотолюмінесценції і збудження люмінесценції тонких плівок  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та (Y<sub>0,06</sub>Ga<sub>0,94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, отриманих методом високочастотного (ВЧ) іонно-плазмового розпилення, який є оптимальним для одержання напівпровідникових та діелектричних плівок.

#### I. Методика експерименту

Тонкі плівки Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> і (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> товщиною 0,2 – 1,0 мкм ВЧ отримані іонно-плазмовим розпиленням на підкладках із плавленого кварцу и-SiO<sub>2</sub>. Після нанесення плівок здійснювалась їх термообробка у кисні або в аргоні при 1000 - 1100°С, а також відновлення у водні при 600-650°С. Рентгенодифракційні дослідження показали наявність полікристалічної структури, яка дещо відрізняється залежно від хімічного складу та способу термообробки плівок. При цьому аналіз дифрактограм показує, що структура обох типів плівок відповідає моноклінній кристалічній структурі β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub>. Отримані результати свідчать, що при відпалі у кисні переважна орієнтація плівок Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> спостерігається у площинах (400), (002), (111) і (512). Для плівок (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> при відпалі у кисні спостерігається подібна картина, однак замість рефлексу від площини (400) більш інтенсивно проявляється рефлекс від площини (110) i



Рис. 1. Спектри фотолюмінесценції відпалених у кисні тонких плівок  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> (а) та тонких плівок (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> відпалених у кисні (б), аргоні (в) і водні (г) при енергії збудження 5,05 еВ, T = 295 К. Штрихові лінії – елементарні складові.

переважаюча орієнтація таких плівок спостерігається у площинах (110), (002), (111) і (512). При відпалі в



Рис. 2. Спектри збудження люмінесценції для УФ смуги свічення з максимумом в області 3,15 еВ (1) і смуги синьої люмінесценції з максимумом в області 3,0 еВ (2) у відпалених у кисні плівках  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> (a) і відпалених у аргоні плівок (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> (б).

аргоні переважає орієнтація плівок у площинах (002) і (111) та має місце відносне зменшення орієнтації у площинах (110) і (512). Для плівок відпалених у водні, спостерігається перерозподіл рефлексів відбивання і орієнтація таких плівок переважає у площинах (201),  $(31\overline{1})$ ,  $(40\overline{3})$  і  $(31\overline{3})$ . Детальніше дослідження фазового складу отриманих плівок описані нами в [11].

За допомогою енергодисперсійного спектрометра OXFORD INCA Energy 350 виконано елементарний аналіз зразків у ряді точок на поверхні плівок. Розрахунки підтвердили відповідність процентного вмісту компонентів в отриманих плівках їх процентному вмісту у сполуці (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub>.

Спектри збудження люмінесценції i фотолюмінесценції (ФЛ) реєструвались на спектрофлуориметрі CM-2203 3 реєструючою головкою Hamamatsu R 928 і на спектрофлуориметрі HORIBA FLUOROMAX-4Р в спектральній області 220-800 нм при Т=295 К. Крім цього, на спектрофлуориметрі HORIBA FLUOROMAX-4P проводились кінетичні дослідження люмінесценції.

#### **II.** Результати і обговорення

Проведені дослідження люмінесценції тонких

Таблиця 1

$\beta$ -Ga <sub>2</sub> O <sub>3</sub> Ta (Y <sub>0.06</sub> Ga <sub>0.94</sub> ) <sub>2</sub> O <sub>3</sub>							
Плівка (атмосфера	$I_{\phi \imath}$ , в.о.	УФ люмінесценція		Синя люмінесценція		R <sub>max</sub> , Á	
відпалу)		$hv_{max}$ , eB	Δ, eB	$h_{max}^{L}$ , eB	Δ, eB		
Ga <sub>2</sub> O <sub>3</sub> (невідпалена)	70	3,18	0,36	3,03	0,57	4,37 - 4,81	
Ga <sub>2</sub> O <sub>3</sub> (кисень)	125	3,14	0,34	2,95	0,42	4,56 - 5,02	
Ga <sub>2</sub> O <sub>3</sub> (аргон)	160	3,16	0,35	3,03	0,48	4,48 - 4,93	
(Y <sub>0.06</sub> Ga <sub>0.94</sub> ) <sub>2</sub> O <sub>3</sub> (невідпалена)	120	3,18	0,35	3,03	0,55	4,42 - 4,88	
(Y <sub>0.06</sub> Ga <sub>0.94</sub> ) <sub>2</sub> O <sub>3</sub> (кисень)	230	3,15	0,34	3,03	0,46	4,5 - 4,97	
(Y <sub>0.06</sub> Ga <sub>0.94</sub> ) <sub>2</sub> O <sub>3</sub> (аргон)	195	3,18	0,34	3,03	0,47	4,49 - 4,95	
(Y <sub>0.06</sub> Ga <sub>0.94</sub> ) <sub>2</sub> O <sub>3</sub> (водень)	135	3,18	0,36	3,04	0,59	4,22 - 4,65	

Відносні інтенсивності ФЛ, спектральне положення максимуму і півширини смуг УФ та синьої люмінесценції та віддалі між донорним і акцепторним центрами в тонких плівках

плівок β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> показали, що свічення обох типів плівок є близьким між собою і утворює дві широкі неелементарні смуги, форма яких залежить від хімічного складу, умов одержання та енергії збудження. Такі спектри свічення малоінформативні, оскільки важливі дані можна отримати, визначивши параметри окремих індивідуальних смуг, які входять до складу складного спектру. У зв'язку з цим виникає необхідність розділення складного спектру на елементарні складові, тобто визначення кількості елементарних смуг, їх форми і положення на шкалі енергій. Найбільш поширеним методом розкладу таких спектрів є метод Аленцева-Фока [12], який використано в даній роботі. Для цього використано спектри люмінесценції, виміряні в області збудження 4,6 - 5,6 eB (270 - 220 нм). Розрахунки проведено за допомогою стандартних програм для обробки оптичних спектрів у математичному пакеті Origin. Для додаткової перевірки знаходження максимумів елементарних складових використовувався метод похідної спектроскопії.

Зазначимо, що даний розклад проводився для широкої смуги свічення даних плівок в спектральній області 2,6 - 3,6 еВ (475 - 345 нм).

Характерні спектри ФЛ отриманих тонких плівок, відпалених у різних атмосферах наведені на рис. 1, (а–г). Як видно з рис. 1, незалежно від атмосфери термообробки у спектрах люмінесценції обох типів плівок домінують дві смуги свічення з максимумами в області 3,15 та 3,00 еВ (395 та 415 нм).

Спектральне положення максимуму даних смуг дещо змінюється при зміні атмосфери відпалу. Зокрема при переході від окислювальної атмосфери (у кисні) до відновної атмосфери (у водні) максимуми обох типів смуг дещо зміщуються у більш високоенергетичну область. Характерні максимуми виділених смуг люмінесценції для різних типів плівок наведені у таблиці 1. При цьому у спектрах плівок  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> відпалених у кисні до 80% світлового потоку випромінюється в короткохвильовій УФ смузі випромінювання з максимумом в області 3,15 eB. У невідпалених та відпалених у водні плівках β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> у смузі з максимумом в області 3,15 eB випромінюється лише до 55% від загального випромінювання. Крім цього, у спектрах випромінювання обох типів плівок спостерігається слабке свічення в області 3,7-4,6 eB (335-270 нм), яке у тонких плівках β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, відпалених у кисні, проявляється у виді широкої смуги з максимумами в області 4,25 eB (290 нм) і 3,90 eB (315 нм), а у інших плівках спектр свічення має лише один максимум в області 4,20 еВ (295 нм).

Характерні смуги збудження УФ люмінесценції з максимумом при 3,15 eB і синього свічення з максимумом при 3,00 eB наведені на рис. 2 (а, б). Як видно з рисунку при переході від плівок β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> до (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> максимуми смуг збудження дещо зсуваються у високоенергетичну область. Зокрема, незалежно від атмосфери термообробки, для УФ люмінесценції він зміщується від 5.05 eB (245 нм) до 5,15 еВ (240 нм), а для синьої люмінесценції - від 5,00 eB (250 нм) до 5,15 eB (240 нм). Враховуючи наявність таких спектральних зміщень максимумів свічення даних смуг люмінесценції і те, що вони збуджуються практично в одній низькоенергетичній спектральній області 4,6-5,4 eB (270-230 нм), можна зробити припущення, що УФ і синя смуга  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> ta  $(Y_{0.06}Ga_{0.94})_2O_3$ люмінесценції в найімовірніше мають різну природу, хоча центри, відповідальні за дані смуги досить сильно взаємодіють між собою. Якщо врахувати, що ширина забороненої зони в β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> становить 4,80 eB [13], то збудження обох смуг люмінесценції відбувається в області зона-зонних переходів.

Зазначимо, що для плівок  $(Y_{0.06}Ga_{0.94})_2O_3$ відносна інтенсивність спостерігається вища свічення люмінесценції порівняно з плівками В-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> (таблиця 1). Крім того, в обох типах плівок відпал у атмосфері кисню приводить до зростання інтенсивності люмінесценції приблизно у два рази відносно невідпалених зразків. Для плівок β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> відпал в аргоні чи у водні збільшує інтенсивність свічення приблизно у 2,5 рази. Для плівок  $(Y_{0.06}Ga_{0.94})_2O_3$  таке зростання буде меншим, особливо для плівок відпалених у водні (таблиця 1). Це можна пояснити тим, що при відпалі у інертній чи відновній атмосфері відносно окисної атмосфери зростає густина дефектів (зокрема вакансій оксигену), яка приводить до зростання міграцій електронів на безвипромінювальні центри.

Крім того, зміна атмосфери термообробки по різному впливає на півширини смуг люмінесценції з максимумом 3,15 eB та 3,00 eB. Характерні півширини смуг наведені у таблиці 1. Звертає на себе увагу те, що півширина смуги з максимумом в області 3,15 eB практично не залежить від наявності чи атмосфери термообробки. При цьому смуга з максимумом 3,00 eB досить чутлива до наявності та атмосфери термообробки.

Великий стоксів зсув (> 1,8 еВ) і півширини (> 0,33 еВ) виділених смуг у спектрах люмінесценції при 295 К вказують на існування досить сильної електрон-фононної взаємодії, яка відображає локальний характер електронних збуджень, що зазнають випромінювального розпаду. Це дає можливість стверджувати, що виділені смуги у спектрах ФЛ тонких плівок  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> з максимумами в області 3,15 та 3,00 еВ пов'язані з радіаційним розпадом збудження, локалізованого в межах релаксованого в найнижчий коливний стан структурного комплексу (GaO<sub>6</sub>)<sup>9–</sup>, який містить іон Ga<sup>3+</sup>, октаедрично координований іонами O<sup>2–</sup>.

Розглянемо можливі моделі центрів самоактиваторного свічення в тонких плівках β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub>. Виходячи з результатів роботи [14] випливає, що двоцентрова автолокалізація екситонів в оксидах малоймовірна. Імовірність одноцентрової автолокалізації суттєво залежить від відношення іонних радіусів  $r^+/r^-$  і найбільш сприятлива у системах з великим значенням даного співвідношення. Це величина для Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> рівна 0,45, що вказує на малу імовірність автолокалізації екситона. Логічніше припустити, що люмінесценція зумовлена рекомбінацією екситонів на дефектах гратки. Вивчення впливу атмосфери відпалу на півширині смуг свічення (таблиця 1) показує, що півширина смуги свічення з максимумом в області 3,15 eB дуже слабо залежить від наявності і атмосфери відпалу. Незалежність півширини даної смуги і досить слабий вплив атмосфери відпалу (нестехіометрія гратки за оксигеном) на вихід самоактиваторної люмінесценції свідчить на користь асоціативної природи дефекта локалізації екситона.

При відпалі тонких плівок β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> при високих температурах частина іонів галію і оксигену можуть залишити регулярні положення у вузлах кристалічної гратки з утворенням вакансій оксигену Vo, галію VGa і міжвузлового галію Ga<sub>i</sub>. Міжвузлові атоми галію і оксисену в основному дифундують з об'єму на поверхню. Вакансії галію V<sup>'''</sup><sub>Ga</sub> і оксигену V<sup>\*\*</sup><sub>O</sub>, що володіють відповідно трикратним від'ємним і двократним додатнім відносно потенціалу в ідеальній гратці зарядом, притягуються за рахунок кулонівських взаємодій. Електростатична взаємодія приводить до того, що в умовах зростання рухливості вакансій при високих температурах створюються пари дефектів, що дозволяє частково скомпенсувати надлишковий електричний заряд. Об'єднуючись,  $V_{O}^{**}$  і  $V_{Ga}^{'''}$  створюють однократно від'ємно заряджений відносно гратки центр ( $V_{O}V_{Ga}$ )', який може захоплювати вільні дірки.

Враховуючи, що ширина забороненої зони в тонких плівках β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> становить 4,80 eB [13], створені в процесі збудження в смузі з максимумом в області 5,05 eB (245 нм) вільні дірки захоплюються акцепторними центрами (V<sub>O</sub>V<sub>Ga</sub>)'. У подальшому на такому комплексі може захоплюватись електрон із зони провідності. Неглибока потенціальна яма для електрона виникає внаслідок порушення періодичності потенціалу в околі дефекту. Таку пару захоплених носіїв можна розглядати як екситон, пов'язаний з асоціатом (V<sub>O</sub>V<sub>Ga</sub>)'. В результаті УФ випромінювання тонких плівок  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> i (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> можна розглядати як результат анігіляції зв'язаного екситона. Внаслідок взаємодії з фононами спектр люмінесценцій розширюється і перетворюється у смугу. Можливо, що форма УФ смуги та її розширення зумовлені також наявнісю нееквівалентних вакансій галію та оксигену. Це зумовлює дещо більшу півширину смуги випромінювання з максимумом в області 3,15 eB v невідпалених плівках та відпалених у безкисневій атмосфері відносно плівок, відпалених у кисні.

Синя смуга люмінесценції  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> з максимумом в області 3,00 eB пов'язується 3 рекомбінацією на донорноакцепторних парах [15 - 17]. Донорними компонентами пари розглядають вакансії оксигену або міжвузлові атоми галію  $\operatorname{Ga}_{i}^{**}$ . V<sub>0</sub>\* Акцепторними компонентами спочатку розглядались вакансії галію V<sub>Ga</sub> [15], але пізніші і більш широкі дослідження вказують на більшу імовірність акцепторної компоненти у виді пари (V<sub>O</sub>V<sub>Ga</sub>)' [16, 17]. V результаті можливі, наприклад, наступні рекомбінаційні процеси [16, 17]:

$$\begin{pmatrix} \mathsf{V}_{\mathsf{O}}\mathsf{V}_{\mathsf{Ga}} \end{pmatrix}^{\bullet} + \mathsf{V}_{\mathsf{O}}^{*} \to \mathsf{h}n + \begin{pmatrix} \mathsf{V}_{\mathsf{O}}\mathsf{V}_{\mathsf{Ga}} \end{pmatrix}^{\bullet} + \mathsf{V}_{\mathsf{O}}^{**}, \\ \mathsf{V}_{\mathsf{Ga}}^{"} + \mathsf{V}_{\mathsf{O}}^{*} \to \mathsf{h}n + \mathsf{V}_{\mathsf{Ga}}^{"} + \mathsf{V}_{\mathsf{O}}^{**}, \end{cases}$$

Отримані нами результати підтверджують запропоновану модель центрів свічення синьої смуги люмінесценції в тонких плівках *β*-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та  $(Y_{0.06}Ga_{0.94})_2O_3$ . Зокрема, відносна інтенсивність даної смуги люмінесценції у невідпалених плівках значно вища ніж у відпалених. Крім того, вона вища у плівках, відпалених у безкисневій атмосфері відносно плівок, відпалених у атмосфері кисню. Зрозуміло, що невідпалені плівки, нанесені в атмосфері аргону та плівки, відпалені в аргоні чи водні мають більшу кількість вакансій оксигену, ніж такі плівки, відпалені у кисні. Це приводить до більшої кількості вакансій оксигену і надлишкової кількості міжвузлового галію, як можливих донорних складових пар і більшої кількості пар (V<sub>O</sub>V<sub>Ga</sub>) як можливих акцепторних складових пар.



Рис. 3. Спектри фотолюмінесценції відпалених у кисні тонких плівок  $\beta$ –Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> (а) та тонких плівок (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> відпалених у кисні (б) та аргоні (в) при енергії збудження 4,95 еВ, T = 295 К. Штриховими лініями показано гаусіани та загальна оцінююча лінія.

Крім того, при дослідженні спектрів люмінесценції невідпалених та відпалених у безкисневій та кисневій атмосферах тонких плівок В-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, встановлено, що при переході від спектрів люмінесценції тонких плівок, відпалених у кисні, до спектрів невідпалених плівок відпалених безкисневій атмосфері, або y спостерігається розширення смуги синьої люмінесценції (таблиця 1). За півшириною спектру випромінювання донорно-акцепторної люмінесценції W<sub>1/2</sub> (ширина спектру на рівні половини максимуму інтенсивності) можна визначити енергію донорноакцепторної взаємодії  $e^2/(\varepsilon R)$ , де  $\varepsilon$  – діелектрична проникливість, *R* – відстань між донорним і

акцепторним центрами. При цьому, при значних концентраціях донорів та акцепторів (характерно для власних центрів люмінесценції) справедлива рівність [18]:

$$W_{1/2} = \frac{0.76e^2}{eR_{\text{max}}},$$

тобто розширенню смуг свічення відповідає зменшення відстані між донором і акцептором. Це узгоджується з експериментальними результатами, так як при відпалі у кисні проходить заповнення вакансій оксигену і збільшення віддалі між вузлами кристалічної гратки. При великій кількості вакансій гратка ніби стикається, що і приводить до виявленого зменшення віддалей між донорним і акцепторним центрами.

На основі отриманих значень  $W_{1/2}$  для смуги синьої люмінесценцій, яка відповідає рекомбінації в донорно-акцепторних парах визначимо відстані  $R_{max}$  між донорним і акцепторним центрами. При цьому враховуємо, що діелектрична проникність плівок  $\beta$ – Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, отриманих високочастотним магнетронним розпиленням  $\varepsilon = 5,0 - 5,5$  [19]. Отримані величини для різних типів плівок наведені у таблиці 1.

Враховуючи, що кристалічна гратка  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> має моноклінну структуру з параметрами елементарної комірки a = 12,214 Å, b = 3,0371 Å, c = 5,7981 Å і  $\beta = 103,83$  ° [20, 21] видно, що віддалі між компонентами донорно-акцепорних пар перебувають у межах елементарної комірки, що свідчить про локальний характер електронних збуджень, які зазнають випромінювального розпаду. Це також підтверджує наявність сильної електрон-фононної взаємодії, яка для смуги синьої люмінесценції визначається великим Стоксовим зсувом і півшириною смуги. Такі ж міркування цілком тотожні і для плівок (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> оскільки, як показали дифрактограми їх структура відповідає моноклінній структурі  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub>.

Зазначимо також, що при слабкій і середній електрон-фононній взаємодії спектрі y випромінювальної рекомбінації донорнона акцепторних парах спостерігаються фононні повторення основного максимуму. При сильній електрон-фононній взаємодії спектрі y випромінювання окремі фононні повторення вже не Смуги люмінесценції проявляються. мають дзвоноподібну форму, яка описується функцією Гауса [18]. Така ситуація має місце і для синьої смуги люмінесценції в отриманих нами плівках з максимумом в області 3,0 еВ.

Відносно слабкого люмінесцентного свічення отриманих плівок в більш високоенергетичній УФ області спектру 3,7 - 4,6 еВ, то найбільш імовірно воно, згідно з [22], може бути пояснено за допомогою моделі квантових ям, сформованих акцепторними кластерами. Виходячи з даної моделі [22], в  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> чи аналогічно в (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> відбувається групування ряду акцепторів у кластери і формування потенціальних ям, на яких локалізуються дірки. Коли електрон захоплюється діркою на більш глибокій акцепторній квантовій ямі, формується більш високоенергетичний екситон, який випромінює у



**Рис. 4.** Кінетика загасання люмінесценції тонких плівок  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> (a) і (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> (б) після відпалу в кисні для УФ свічення з максимумами в області 3,15 еВ (1) і для синього свічення з максимумом в області 3,0 еВ (2).

більш високоенергетичній області УФ спектру. Детальні дослідження монокристалів Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub>. проведені у [23], показали, що в даній спектральній області смуга випромінювання люмінесценції може бути описаною суперпозицією двох гаусіанів, що дозволило авторам зробити припущення, що дана смуга формується за рахунок емісії двох екситонів, сформованих у різних квантових ямах. Така ж ситуація, найімовірніше реалізується і в нашому випадку при люмінесценції тонких плівок β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, відпалених у кисні, де в спектральній області 3,7-4,6 eВ проявляються два локальних максимуми і експериментальний спектр добре моделюється двома незалежними гаусіанами (модель лінійного електронфононного зв'язку) з максимумами в області 3,87 еВ (320 нм) і 4,23 еВ (293 нм) (рис. 3, а).

Зазначимо також, що згідно з [23], емісійна смуга, зумовлена випромінюванням екситонів з різних квантових ям, може визначатись об'єднанням окремих смуг випромінювання за рахунок термічного розширення або зміни структурної досконалості. По другій причині у спектрах невідпалених чи відпалених в аргоні плівок  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та плівок (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> у даній спектральній області імовірно і проявляється доволі широка смуга випромінювання з максимумом в області 4,20 еВ (295 нм), яка також добре моделюється двома незалежними гаусіанами з максимумами, наприклад, для плівок (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> відпалених у кисні при 4,13 еВ (300 нм) і 4,35 еВ (285 нм) і відпалених у аргоні при 4,05 еВ (305 нм) і 4,28 eB (290 нм) (рис. 3, б і в). Порівняння отриманих результатів для обох типів плівок показує, що у відпалених у кисні тонких плівках β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> за рахунок структурної досконалості енергетична віддаль між квантовими ямами 0,36 eB є дещо більшою ніж у плівках (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> - 0,23 eB і це пояснює наявність двох локальних максимумів на спектрі люмінесценції. У невідпалених плівках β-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> і плівках (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> у загальному спектрі внаслідок меншої енергетичної віддалі між квантовими ямами проходить досить сильне перекривання смуг свічення двох екситонів і у спектрі люмінесценції спостерігається широка смуга з одним максимумом.

Вимірювання часу загасання люмінесценції тонких плівок  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> проводилось для двох найбільш інтенсивних смуг свічення з максимумами в області 3,15 еВ і 3,0 еВ при збудженні у максимумі фотозбудження при 5,05 еВ (245 нм). Було встановлено, що незалежно від типу плівки, кінетика загасання люмінесценції для обох смуг свічення у досліджуваних плівках добре апроксимується моноекспоненціальними функціями (рис. 4).

Постійна часу загасання в тонких плівках  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> для УФ смуги люмінесценції з максимумом в області 3,15 еВ становить 105 мкс і для синьої смуги свічення з максимумом в області 3,0 еВ – 114 мкс. Для плівок (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> ці величини відповідно становлять 108 мкс і 116 мкс.

Досить близькі значення постійної часу загасання для обох смуг і для обох типів плівок найбільш імовірно зумовлені тим, що їх природа пов'язана з однаковим асоціатом (V<sub>O</sub>V<sub>Ga</sub>)'. Зазначимо також, що одержані нами результати досить близькі проведених раніше досліджень загасання ло люмінесценції в монокристалах В-Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> [16], де встановлено, що при гасінні спостерігається досить тривале після свічення з характерним часом біля 120 мкс.

#### Висновки

Отримані результати з використанням методу Аленцева-Фока показують, що спектри люмінесценції тонких плівок  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та  $(Y_{0.06}Ga_{0.94})_2O_3$  складаються з двох інтенсивних смуг, які перекриваються між собою і максимумами яких розташовані в області 3,0 та 3,15 eB і двох більш слабких смуг в УФ області з максимумами в області 4.00 eB 4,25 eB. Отримані результати 1 підтверджують зв'язок смуги з максимумом в області 3,15 eB з анігіляцією зв'язаного екситона і смуги з максимумом в області 3,0 eB з рекомбінацією на донорно-акцепторній парі. При цьому обидві смуги пов'язуються з асоціатом, зумовленим взаємодією вакансій оксисену і галію (V<sub>O</sub>V<sub>Ga</sub>)'. Це найімовірніше визначає близькість часів загасання для даних смуг. Смуги з максимумами в області 4,00 і 4,25 еВ рекомбінацією пов'язуються 3 екситонів на квантових ямах, сформованих акцепторними кластерами.

Центри люмінесценції в тонких плівках...

Бордун О.М. – доктор фіз.-мат. наук, професор; Кухарський І.Й. – канд. фіз.-мат. наук, асистент; Медвідь І.І. – аспірант; Бордун Б.О. – магістр.

- [1] K. Matsuzaki, H. Yanagi, T. Kamiya, H. Hiramatsu, K. Nomura, M. Hirano, H. Hosono, Appl. Phys. Lett. 88 (9), 092106 (2006).
- [2] N. D. Cuong, Y. W. Park, S. G. Yoon, Sens. Actuat. B 140 (1), 240 (2009).
- [3] M. Orita, H. Ohta, M. Hirano, H. Hosono, Appl. Phys. Lett. 77 (25), 4166 (2000).
- [4] J.-G. Zhao, Z.-X. Zhang, Z.-W. Ma, H.-G. Duan, X.-S. Guo, E.-Q. Xie, Chinese Phys. Lett. 25 (10), 3787 (2008).
- [5] Y. Tokida, S. Adachi, Jpn. J. Appl. Phys. 52 (10R), 101102 (2013).
- [6] P. Wellenius, A. Suresh, J.V. Foreman, H.O. Everitt, J.F. Muth, Mater. Sci. Eng. B 146, 252 (2008).
- [7] T. Minami, T. Shirai, T. Nakatani, T. Miyata, Jpn. J. Appl. Phys. 39 (6A), L524 (2000).
- [8] K. Mishra, Y. Dwivedi, S. B. Rai, Appl. Phys. B 106 (1), 101 (2012).
- [9] C. Shang, X. Shang, Y. Qu, M. Li, Chem. Phys. Lett. 501 (4–6), 480 (2011).
- [10] T. Onuma, S. Fujioka, T. Yamaguchi, M. Higashiwaki, K. Sasaki, T. Masui, T. Honda, Appl. Phys. Lett. 103, 041910 (2013).
- [11] О. М. Бордун, І. Й. Кухарський, Б. О. Бордун, В. Б. Лущанець, Фіз. і хім. тверд. тіла 16 (2), 302 (2015).
- [12] М. В. Фок, Тр. ФИАН 59, 3 (1972).
- [13] N. Ueda, H. Hosono, R. Waseda, H. Kawazoe, Appl. Phys. Lett. 70, 3561 (1997).
- [14] Ч. Б. Лущик, А. Ч. Лущик, Распад электронных возбуждений с образованием дефектов в твердых телах (Наука, Москва, 1989).
- [15] T. Harwig, F. Kellendonk, J. Solid State Chem. 24 (3–4), 255(1978).
- [16] L. Binet, D. Gourier, J. Phys. Chem. Solids 59 (8), 1241 (1998).
- [17] K. Shimamura, E. G. Villora, T. Ujiie, K. Aoki, Appl. Phys. Lett. 92 (20), 201914 (2008).
- [18] Т. П. Пека, В. Ф. Коваленко, В. Н. Куценко, Люминесцентные методы контроля параметров полупроводниковых материалов и приборов (Техника, Киев, 1986).
- [19] S.-A. Lee, S.-Y. Jeong, J.-Y. Hwang, J.-P. Kim, M.-G. Ha, C.-R. Cho, Integr. Ferroelectr. 74 (1), 173 (2005).
- [20] B. Liu, M. Gu, X. Liu, Appl. Phys. Lett. 91 (17), 172102 (2007).
- [21] M. Mohamed, C. Janowtz, I. Unger, R. Manzke, Z. Galazka, R. Uecker, R. Formari, J. R. Weber, J. B. Varley, C. G. Van der Walle, Appl. Phys. Lett. 97 (21), 211903 (2010).
- [22] L. Binet, D. Gourier, Appl. Phys. Lett. 77 (8), 1138 (2000).
- [23] J. Zhang, B. Li, C. Xia, G. Pei, Q. Deng, Z. Yang, W. Xu, H. Shi, F. Wu, Y. Wu, J. Xu, J. Phys. Chem. Solids 67 (12), 2448 (2006).

O.M. Bordun, I.I. Medvid, I.Yo. Kukharskyy, B.O. Bordun

#### The Luminescent Centra in thin Films of b–Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> and (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub>

Ivan Franko Lviv National University, 50, Dragomanov Str., Lviv, 79005, Ukraine, e-mail: <u>bordun@electronics.wups.lviv.ua</u>

Photoexcitation and photoluminescence spectra of  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> and (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> thin films obtained by high-frequency ion-plasmous sputtering was investigated. Luminescence spectra were factorized on ultimate constituents using Alentsev-Fock method. The nature of two intensive luminescent band with maxima in region 3.00 and 3.15 eV and two faint intensive luminescent band with maxima in region 4.00 and 4.25 eV was discussion. Luminescence decay time for band with maximum in region 3.00 and 3.15 eV in different types of  $\beta$ -Ga<sub>2</sub>O<sub>3</sub> and (Y<sub>0.06</sub>Ga<sub>0.94</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub> thin films was established.

Keywords: gallium oxide, yttrium oxide, thin films, photoluminescence.

УДК 544.774 : 546.48/24

ISSN 1729-4428

С.І. Будзуляк<sup>1</sup>, Л.А. Демчина<sup>1</sup>, В.М. Єрмаков<sup>1</sup>, О.А. Капуш<sup>1</sup>, Д.В. Корбутяк<sup>1</sup>, В.М. Томашик<sup>1</sup>, З.Ф. Томашик<sup>1</sup>, Л.І. Тріщук<sup>1</sup>, С.Д. Борук<sup>2</sup>

## Фотолюмінесцентні властивості НК СdTe в колоїдних розчинах та полімерних плівках

<sup>1</sup>Інститут фізики напівпровідників ім. В.Є. Лашкарьова НАН України, пр. Науки, 41, м. Київ, 03028, Україна, тел./факс: (044) 525-57-55, <sup>2</sup>Чернівецький національний університет імені Юрія Федьковича, вул. Коцюбинського 2, м. Чернівці, Україна, 58012 e-mail: <u>savchuk-olja@rambler.ru</u>

Методом колоїдного синтезу отримано нанокристали кадмій телуриду у водних середовищах з використанням стабілізаторів і промоторів, та проведена їх подальша інкорпорація у полімерні плівки. Показано, що використання кополімеру вінілацетат-акрилату як матеріалу матриці для інкорпорації НК СdTe з колоїдних розчинів дозволяє отримати стійкі в часі нетоксичні наногетерогенні плівкові структури, що характеризуються задовільним значенням величини квантового виходу фотолюмінесценції. Проаналізовані фотолюмінесцентні характеристики досліджуваних матеріалів.

**Ключові слова**: кадмій телурид, нанокристал, кополімер вінілацетат-акрилат, спектри фотолюмінесценції, квантовий вихід фотолюмінесценції.

Стаття поступила до редакції 23.10.2015; прийнята до друку 15.12.2016.

#### Вступ

Дослідження напівпровідникових структур, в яких спостерігаються квантово-розмірні ефекти при зменшенні розміру структурних елементів є одним із важливих напрямків сучасної фізики, який інтенсивно розвивається. Оптичні, магнето- й електрооптичні властивості таких середовищ значною мірою визначаються ефектами розмірного квантування носіїв заряду у нанокристалах (НК). Ця особливість надає нульмірним структурам властивостей, які недосяжні для об'ємних кристалів, і відкриває перспективи їх практичного застосування в приладах оптоелектроніки, лазерної техніки, а також в якості основи для виробництва надмініатюрних світлодіодів, джерел білого світла, нелінійно-оптичних пристроїв, фоточутливих і фотогальванічних пристроїв. [1-3].

У більшості випадків спектр фотолюмінесценції (ФЛ) напівпровідникових нанокристалів визначається лише міжзонними переходами, широко описаними в літературі [4-6]. Тим не менш y спектрах люмінесценції нанокристалів халькогенідів кадмію може спостерігатися люмінесценція з участю рівнів, що асоціюються з дефектами [7]. При цьому варто зазначити, що формування тих чи інших дефектів кристалічної структури суттєво залежить від методу отримання НК. Внаслідок наявності дефектів поблизу дна зони провідності та стелі валентної зони формуються локальні стани, що, в свою чергу, у значній мірі впливає на оптичні властивості досліджуваних систем, оскільки при зменшенні просторових розмірів напівпровідника і локалізації носіїв електронного збудження зменшується вклад власного поглинання та зростає вклад в поглинання та фотолюмінесценцію локальних станів. Низькоенергетичні електронні збудження та механізм їх локалізації визначають комплекс радіаційних, оптичних люмінесцентних i властивостей напівпровідників [8].

Типові спекти ФЛ напівпровідникових НК, отриманих методами колоїдної хімії, характеризуються невеликою напівшириною (порядка десятків нанометрів). Уширення смуг ФЛ зумовлене дисперсією частинок за розмірами. При цьому широкий спектр поглинання (від ближнього ультрафіолету до дальньої червоної області) дозволяє використовувати одне джерело збудження для декількох зразків з різними розмірами частинок. Перенесення даних нанокристалів на пористі матриці або їх інкорпорація у полімерні плівки розширює можливості керування формою спектру і дозволяє у перспективі створювати матеріали з наперед заданими оптичними та іншими важливими для практичного застосування, властивостями [9-11].

Таким чином у колоїдних напівпровідникових НК є ряд переваг, що відрізняють їх від інших квантово-розмірних структур подібного роду. Проте широке застосування даних матеріалів в сучасних нанотехнологіях та недосконалість відомих методик їх отримання вимагає постійної оптимізації існуючих та розробки нових науково обгрунтованих методик отримання колоїдних розчинів та тонких плівок на основі сполук типу  $A^{II}B^{VI}$ , зокрема НК СdTe, придатних для використання при виготовленні оптоелектронних приладів для наноелектроніки.

В даній роботі показано, що використання кополімеру вінілацетат-акрилату у якості полімерної матриці для інкорпорації високолюмінесцентних НК СdTe є перспективним методом для

виробництва готових для застосування напівпровідникових оптоелектронних приладів та структур, отриманих у вигляді колоїдних розчинів, методом низькотемпературного синтезу.

#### I. Методика експерименту

CdTe ΗК були синтезовані методом низькотемпературного (T=25°C) колоїдного синтезу в напівперіодичному реакторі повного змішування в присутності тіогліколевої кислоти (ТГК) як стабілізатора та, додатково, етиленгліколю (ЕГ) як промотора стабілізації. Деіонізована вода застосовувалася в якості дисперсійного середовища. Концентрації вихідних речовин та умови синтезу наведено у табл. 1.

Таблиця 1

		Прекурс	ори		Співвідношення		
Номер	CdJ <sub>2</sub> , моль	H <sub>2</sub> Te, моль	ТГК, моль	ЕΓ, %	концентрації іонів [Cd <sup>2+</sup> ]:[Te <sup>2-</sup> ]	t синтезу, хв	t витримки, дні
1	2×10 <sup>-3</sup>	2,49×10 <sup>-4</sup>	5,7×10 <sup>-3</sup>	0	8:1	2	7
2		7	- ,	10			

плівкових Для формування структур змішували 51,5 % водний розчин кополімеру вінілацетат-акрилату (густина-10-70 мПа.с, розмір частинок 190-250 нм) iз досліджуваними колоїдними розчинами НК СdTe у співвідношенні наносили на скляну підкладинку 3:1. та витримували при температурі 30°С впродовж 5 годин за відсутності освітлення (мінімальна температура утворення плівок кополімеру +5°С). Зважаючи на те, що НК CdTe, синтезовані за даною методикою, характеризуються наявністю на їх поверхні негативного заряду [12], осадження наногетерогенних плівкових структур, сформованих на їх основі, проводили на скляні підкладинки з нейтральним та позитивним зарядом поверхні. Теоретично можна припустити, що їх осадження на позитивно зарядженні підкладинки дозволить отримати плівкові структури, що характеризуються значно кращою адгезійною здатністю до матеріалу підкладинки, ніж за умови використання підкладинки з нейтральним зарядом поверхні.

Контроль оптичних властивостей синтезованих запропонованим нами способом НК CdTe та плівкових структур на їх основі проводився за допомогою дослідження спектрів фотелюмінесценції. Збудження ФЛ здійснювалося діодним лазером з довжиною хвилі 405 нм і потужністю 30 мВт. Спектри ФЛ реєструвалися за допомогою автоматизованої установки на основі спектрометра МДР-23, оснащеного неохолоджуваним фотопомножувачем ФЭУ-100. При дослідженні плівкових структур для порівняння знімали характеристики підкладок та кополімеру, осадженого на

підкладинки без НК CdTe. Спектри ФЛ вимірювали при кімнатній температурі.

## **II.** Експериментальні результати та їх обговорення

Синтезовані нанодисперсії мають ряд відмінностей в залежності від природи та співвідношення вихідних компонентів (CdI<sub>2</sub>, H<sub>2</sub>Te, стабілізатор, промотор і т.д.). Аналіз літературних даних показує [1, 13, 14], що контролювати розміри утворених частинок кадмій телуриду та їх розкид за розмірами можна шляхом зміни співвідношення  $[Cd^{2+}]:[Te^{2-}]$ концентрацій в реакційному Cd<sup>2+</sup>-iohiB Вихідна концентрація середовиші. задається як початкова умова експерименту та є сталою величиною, а концентрація Te<sup>2-</sup>-ioнiв змінюється шляхом зміни тривалості синтезу та сили струму, відповідно до закону Фарадея (необхідний для синтезу нанокристалів кадмій телуриду газоподібний H<sub>2</sub>Te одержують електрохімічно у гальваностатичній кварцевій комірці). Відносне зменшення співвідношення  $[Cd^{2+}]$ : [Te<sup>2-</sup>] шляхом збільшення тривалості синтезу дозволяє отримати частинки певного, наперед заданого, розміру, а за умови проведення процесу електролізу при різних значеннях сили струму отримати ΗК можна iз заданими ΦЛ властивостями – певним співвідношенням інтенсивностей екситонної ФЛ та ФЛ через поверхневі рівні. В даній роботі досліджено властивості колоїдних розчинів НК СdTe, отриманих при співвідношенні [Cd<sup>2+</sup>]:[Te<sup>2-</sup>] = 8:1, а також НК,

інкорпорованих у плівки кополімеру вінілацетат-акрилату.

На рис. 1 наведено нормовані спектри ФЛ НК СdTe, стабілізованих індивідуально ТГК (рис. 1, I) та ТГК з додаванням ЕГ як промотора стабілізації (рис. 1, II) безпосередньо після завершення синтезу (а) та через 7 днів витримки (б), а також інкорпорованих у плівки кополімеру вінілацетатакрилату (в).



В

Рис. 1. Спектри ФЛ НК СdTe, стабілізованих індивідуально ТГК (рис. 1, І) та ТГК з додаванням ЕГ як промотора стабілізації (рис. 1, ІІ) безпосередньо після завершення синтезу (а) та через 7 днів витримки (б), а також інкорпорованих в плівки кополімеру вінілацетат-акрилату (в) та осаджених на підкладинки з нейтральним (1) та позитивним (2) зарядом поверхні.

З рис. 1 видно, що максимум спектру ФЛ колоїдних розчинів НК СdТе безпосередньо після завершення синтезу (рис.1, а) дещо зміщений в низькоенергетичну область в порівнянні з відповідним максимумом спектру ФЛ для розчинів після 7 днів витримки (рис.1, б), що свідчить про те, що в розчині відбуваються процеси доутворення (дозрівання) НК які приводять до збільшення розмірів НК за нашими оцінками від  $d_1=2,52$  нм до  $d_2=3,1$  нм. Тому синтезовані розчини витримували 7 днів при температурі 18-20°С

для дозрівання частинок, після чого проводили подальші дослідження.

Спектр ФЛ НК CdTe/TГК (рис. 1, а I, б I) є суперпозицією двох каналів випромінювальної рекомбінації, зумовлених анігіляцією екситонів та рекомбінацією через поверхневі рівні, створені дефектами. Спектр ФЛ НК CdTe/TГК являє собою смугу, яка виникає в результаті перекривання двох індивідуальних смуг свічення, локалізованих у двох областях видимого діапазону. У високоенергетичній області реєструється смуга, зумовлена

механізмом рекомбінації, а екситонним в низькоенергетичній смуга, пов'язана i3 дефектними Колоїдний станами. розчин НКСdTe/ТГК містить велику кількість частинок різного розміру, в результаті чого розмірний зсув лінії є неоднорідно уширеним.

Спектр ФЛ НК СdTe/TГК, отриманих при використанні ЕГ як промотора ТГК являє собою відносно вузьку смугу, пов'язану з екситонним механізмом рекомбінації або рекомбінацією електронів, розміщених на мілких центрах рекомбінації, з дірками у валентній зоні, тобто має місце люмінесценція, обумовлена рекомбінаційними процесами в об'ємі нанокристалу (рис. 1, а II, б II). Таким чином аналіз отриманих спектрів ФЛ дозволяє зробити висновок, що використання ЕГ як промотора ТГК дозволяє зменшити дефектність та розкид за розмірами отриманих частинок кадмій телуриду. Гідроксильні групи конкурують етиленгліколю 3 молекулами тіогліколевої кислоти в процесі модифікування поверхні НК СdTe, та створюють тим самим більш щільний ізолюючий шар навколо частинки і збільшують ступінь стабілізації за рахунок електричного та стеричного факторів.

З рис. 1, в. видно, що в обох випадках спектри ФЛ НК СdTe, інкорпорованих у плівки кополімеру вінілацетату-акрилату складаються з двох широких смуг в областях 496-539 нм (2,3-2,5 eB) та 564-620 нм (2,0-2,2 eB). Смуги, розміщені в короткохвильовій частині спектру, обумовлені екситонними переходами в НК, що і пояснює той факт, що вони характеризуються більшою інтенсивністю та меншою напівшириною випромінювання, ніж смуги, розміщенні в довгохвильовій області.

Існування смуг ФЛ в низькоенергетичній частині спектру пояснюється впливом поверхневих дефектів, які проявляють себе як рівні захоплення всередині забороненої зони.

Положення максимумів ФЛ в обох випадках співпадають, з чого можна судити про однотипність структур, що утворюються. Проте за умови використання ЕГ як промотора ТГК інтенсивність ФЛ помітно збільшується.

Також з рис. 1 видно, що в обох випадках інтенсивність ФЛ отриманих наноструктур, осаджених на підкладинки з нейтральним зарядом поверхні (рис. 1в, криві 1) в декілька разів ФЛ наноструктур, перевищує інтенсивність осаджених на підкладинки з позитивним зарядом поверхні (рис. 1в, криві 2). В результаті того, що отримані методом колоїдного синтезу НК СdТе характеризуються наявністю на їх поверхні негативного заряду в процесі їх осадження на заряджені пілклалинки. позитивно скляні відбувається зміна оптичних властивостей системи, зокрема, зменшення інтенсивності та квантового виходу ФЛ. Можливо це відбувається в зв'язку з тим, що оточуючий негативний заряд НК створює пасиваційні позитивні заряди на поверхні НК, які є безвипромінювальними каналами рекомбінації.

Робота містить результати досліджень, проведених при грантовій підтримці Державного фонду фундаментальних досліджень України за конкурсним проектом № Ф64/37-2015.

#### Висновки

1. В колоїдних розчинах НК СdTe підчас витримки при температурі 18-20°С впродовж 7 днів відбуваються процеси доутворення (дозрівання) НК які приводять до збільшення розмірів НК за нашими оцінками від d<sub>1</sub>=2,52 нм до d<sub>2</sub>=3,1 нм.

2. Використання кополімеру вінілацетатакрилату як матеріалу матриці для інкорпорації НК СdTe з колоїдних розчинів дозволяє отримати нетоксичні наногетерогенні плівкові структури, оптичні властивості яких залишаються практично незмінними протягом 1 року. При цьому використання даного полімеру дає можливість знизити собівартість отриманих структур у порівняні із описаними в літературі за рахунок використання відносно дешевого матеріалу, що виробляється у промисловості великотонажними партіями.

3. В результаті проведених досліджень встановлено, що для інкорпорації в плівки кополімеру вінілацетат-акрилату з колоїдних розчинів доцільно використовувати НК СdTe, стабілізовані ТГК із використанням ЕГ як промотора стабілізації, який дозволяє зменшити дефектність та розкид за розмірами отриманих частинок кадмій телуриду, а осадження отриманих наногетерогенних плівкових структур проводити на підкладинки з нейтральним зарядом поверхні.

*Будзуляк С.І.* – кандидат фізико-математичних наук, старший науковий співробітник;

*Демчина Л.А.* – кандидат фізико-математичних наук, старший науковий співробітник;

*Срмаков В.М.* – кандидат фізико-математичних наук, старший науковий співробітник;

*Капуш О.А.* – кандидат хімічних наук, науковий співробітник;

*Корбутяк Д.В.* – доктор фізико-математичних наук, завідувач відділу, професор;

*Томашик В.М.* – доктор хімічних наук, завідувач відділу, професор;

*Томашик 3.Ф.* – кандидат хімічних наук, старший науковий співробітник;

*Тріщук Л.І.* – кандидат фізико-математичних наук, старший науковий співробітник;

Борук С.Д. – кандидат хімічних наук, доцент.

- [1] М. Воронцова, В. Скобеева, В. Смитнин, Журнал фізичних досліджень 8(1), 89 (2004).
- [2] B.I. Федів, Buk. Med. Herald 18(4), 187 (2014).
- [3] U. Resch Genger, M. Grabolle, S. Cavaliere"Jaricot, R. Nitschke, T. Nann, Nature methods, 5(9), 763 (2008).
- [4] T. Inoshita, H. Sakaki. Physica B: Condens. Matter 227, 373 (1996).
- [5] U. Bockelmann, T. Egeler. Phys. Rev. B 46(15) 574 (1992).
- [6] A.V. Fedorov, A.V. Baranov, I.D. Rukhlenko, T.S. Perova, K. Berwick. Phys. Rev. B 76, 045 332 (2007).
- [7] T. Orii, S. Kaito, K. Matsuishi, S. Onari, T. Arai. J. Phys.: Condens. Matter. 14, 9743 (2002).
- [8] С.В. Ремпель, А.Д. Левин, А.Ю. Садагов, А.А. Ремпель, Физика твердого тела 57(6), 1087 (2015).
- [9] Y. Wu, S.K. Campos, G.P. Lopez, M.A. Ozbun, L.A. Sklar, T. Buranda, Analyt. Biochem. 364(2), 180 (2007).
- [10] С.А. Тарасов, О.А. Александрова, И.А. Ламкин, А.И. Максимов, Е.В. Мараева, И.И. Михайлов, В.А. Мошников, Известия высших учебных заведений. Электроника 4(108), 21 (2014).
- [11] О.А. Александрова, А.И. Максимов, Е.В. Мараева, Л.Б. Матюшкин, В.А. Мошников, С.Ф. Мусихин, С.А. Тарасов, Нано- и микросистемная техника 2, 19 (2013).
- [12] О.А. Капуш, Л.І. Тріщук, І.О. Мазарчук [та ін.], Науковий вісник Чернівецького національного університету. Серія хімія 581, 41 (2011).
- [13] O.A. Kapush, L.I. Trishchuk, V.N. Tomashik, Z.F. Tomashik, Inorganic Materials 50(1), 13 (2014).
- [14] О.А. Капуш, Л.І. Тріщук, В.М. Томашик, З.Ф. Томашик, І.С. Бабічук, С.Д. Борук, Оптоэлектроника и полупроводниковая техника, 47, 91 (2012).
  - S.I. Budzulyak<sup>1</sup>, L.A. Demchyna<sup>1</sup>, V.M. Yermakov<sup>1</sup>, O.A. Kapush<sup>1</sup>, D.V. Korbutyak<sup>1</sup>, V.M. Tomashyk<sup>1</sup>, Z.F. Tomashyk<sup>1</sup>, L.I. Trishchuk<sup>1</sup>, S.D. Boruk<sup>2</sup>

## Photoluminescent Properties of CdTe Nanocrystals in Colloidal Solutions and Polymer Films

<sup>1</sup>V. Lashkaryov Institute of Semiconductor Physics, National Academy of Sciences of Ukraine, 41 Nauka Ave., Kyiv, Ukraine <sup>2</sup>Yuriy Fedkovych Chernivtsi National University, 2 Kotsyubynsky, Chernivtsi, 58012, Ukraine

Using stabilizers and promoters we have obtained colloidal CdTe nanocrystals (NCs) in aqueous solutions. Incorporation of the CdTe NCs into polymer films has been fulfilled subsequently. It is shown that the use of vinyl acetate-acrylate copolymer as the matrix material for CdTe NC incorporation from colloidal solutions allows to get stable and nontoxic nanoheterogeneous film structures, which are characterized by satisfactory values of the photoluminescence quantum yield. Photoluminescence characteristics of the studied materials have been analyzed.

Keywords: cadmium telluride, nanocrystal, vinyl acetate-acrylate copolymer, photoluminescence spectra, photoluminescence quantum yield.

DOI: 10.15330/pcss.17.1.65-69

УДК 621.315.592

ISSN 1729-4428

## Я.П. Салій, Н.І. Бушков, І.С. Биліна, В.І. Маковишин Габітус, симетрія і орієнтація поверхневих структур парофазних конденсатів SnTe:Ві на ситалі

Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника, вул. Шевченка, 57, Івано-Франківськ, 76000, Україна, E-mail: <u>bushkovnazar@gmail.com</u>

Проаналізовано, одержані методом атомно-силової мікроскопії, топограми наноструктур на поверхні парофазних конденсатів SnTe:Bi, осаджених відкритим випаровуванням у вакуумі на підкладках з ситалу. З розподілу азимутального та полярного кутів вектора нормалі до елементів поверхні конденсату виявлено об'єкти з плоскими гранями з переважаючою орієнтацією в просторі та симетрією. Ключові слова: станум телурид, парофазний конденсат, орієнтація, поверхневі об'єкти.

Стаття поступила до редакції 12.11.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

#### Вступ

Станум телурид – перспективний напівпровідниковий матеріал для пристроїв оптоелектроніки інфрачервоної області спектра і термоелектрики середнього діапазону температур 500-850 К. Легування SnTe домішками п'ятої групи (Sb, Bi) періодичної системи зумовлює модифікацію електронної та фононної підсистем кристала, знижуючи концентрацію носіїв струму.

У бінарній системі Sn-Te існує тільки одна хімічна сполука SnTe, область гомогенності якої цілком зміщена відносно стехіометричного складу на бік надлишку телуру, а максимальна її протяжність від 50,0 до 50,85 ат.%. Те спостерігається при 1100 -1200 °С. При кімнатній температурі і нормальному тиску станум телурид кристалізується в структурі типу NaCl (просторова група Fm3m) з параметром гратки, який змінюється в межах області гомогенності і зменшується із ростом вмісту телуру [1].

Відомо, що ситали містять велику кількість дрібних (< 1 мкм) кристалів, пов'язаних між собою скловидним міжкристалічним прошарком, тому епітаксійні об'єкти на їх поверхні здатні формуватися на площинах окремих кристалітів полікристалічної підкладки. В структурі ситалу відсутні пори, пустоти і інші об'ємні дефекти. Вони характеризуються задовільною термостійкістю, яка зумовлена температурним коефіцієнтом лінійного розширення (5 - 10)  $10^{-7}$  K<sup>-1</sup>, а також досить високою теплопровідністю 2,1-5,5 Вт/(м К). Зауважимо, що встановлено 12 поліморфних модифікацій SiO<sub>2</sub>, основні з кристалічного них: α-кварц сингонія, (тригональна клас 32), β-кварц (гексагональна сингонія, клас 622), β2-тридиніт, βкристобаліт.

В роботі [2] встановлено, що епітаксійні парофазні структури РbTe:Ві на поверхні ситалу наслідують у певній мірі орієнтацію граней систем окремих кристалітів підкладки: {0010} – гексагональної призми, {1011} – ромбоедра, {0001} – моноедра окремих кристалітів підкладки.

Кристали SnTe як і PbTe відносяться до речовин з переважаючим іон-іонним зв'язком, а електричнонейтральними шарами з найбільшими ретикулярними густинами є атомні площини систем  $\{100\}$  і  $\{110\}$ . Саме шість площин систем  $\{100\}$  і дванадцять – системи  $\{110\}$  за певних умов будуть утворювати нанооб'єкти на поверхні конденсату. Що стосується кутів між нормалями до граней цих простих кристалічних форм, то вони, як встановлено в роботі авторів [3], можуть набувати наступних величин:  $45^0$ ,  $60^0$ ,  $90^0$ ,  $120^0$  і  $135^0$  [2, 4].

У даній статті досліджено поверхню парофазних конденсатів SnTe легованих Ві осаджених на ситалі, з метою виявлення впливу вмісту домішки на закономірності орієнтації і симетрії поверхневих структур кристалічного габітусу.

#### Таблиця 1

Змінний параметр	Матеріал	Значення змінного параметра	№ зразка	
		15	40	
	SnTe-2%Bi	60	38	
τ, c		420	36	
		15	1	
	SnTe-1.5%Bi	60	12	
		480	15	
		45	13	
	G T 0 20/ D'	60	12	
	SIITE-0.3%B1	240	3	
		360	2	

Технологічні параметри отримання парофазних конденсатів SnTe:Bi

Таблиця 2

		•		J ·	•				
Koer	ышенти	апроксимани	густини	UMOR1	DHOCT1	попя	пного	KVTA	ſ
	ріціснін	unportennuqui	1 yer min	matobi	phoen	110,111	phore	nyiu	ŀ

Вміст Ві, ат. %	№ зразка	τ, c	f <sub>max</sub> , градус <sup>-1</sup>	ρ <sub>max</sub> , градус	α	β
	2	360	0,079±0,002	7,3±0,3	0,9±0,2	2,0±0,3
0.2	3	240	$0,074\pm0,002$	6,5±0,3	0,8±0,2	1,6±0,2
0,3	12	60	0,16±0,01	2,6±0,2	1,1±0,4	1,1±0,3
	13	45	0,18±0,01	2,7±0,2	1,2±0,5	1,3±0,5
	1	480	0,029±0,001	26,4±0,3	$0,8\pm0,1$	3,6±0,1
1,5	12	60	0,054±0.001	6,8±0,1	$1,4\pm0,2$	0,8±0,1
	15	15	0,041±0.001	8,3±0,2	0,9±0,1	0,9±0,1
	36	420	$0,061 \pm 0.001$	9,0±0,2	$0,7{\pm}0,1$	2,2±0,2
2	38	60	0,120±0,005	4,1±0,3	0,9±0,3	1,6±0,4
	40	15	0,120±0,004	4,3±0,2	0,9±0,2	1,7±0,3

#### I. Методика експерименту

Парофазні наноструктури на підкладках із ситалу отримували методом відкритого випаровування у вакуумі наперед синтезованої сполуки SnTe:Bi із вмістом 0,3; 1,5; 2 ат.% Ві. Температура випарника складала 600 °C, а температура конденсації  $T_{\Pi} = 200$ °С. Товщину конденсату задавали часом осадження пари т від 15 до 480 с (табл. 1) та вимірювали за допомогою мікроінтерферометра МИИ-4. Морфологічні особливості наноструктур V конденсатах досліджували методами атомно-силової мікроскопії (ACM) Nanoscope 3a Dimention 3000 у режимі періодичного контакту. Вимірювання проведені в центральній частині зразків 3 використанням серійних кремнієвих зондів NSG-11 із номінальним радіусом закруглення вістря до 10 нм.

За результатами ACM- досліджень у програмі Gwyddion визначено розподіл полярних  $\rho$  та азимутальних  $\phi$  кутів для граней наноструктур, а також методом водорозділу проведено вимірювання латеральних розмірів D та висот h окремих поверхневих об'єктів. Апроксимацію та Фур'є фільтрування проводили у програмі Origin.

## II. Результати дослідження та їх аналіз

На АСМ- зображеннях поверхні конденсату SnTe на ситалі з вмістом легування 0,3; 1,5 та 2 ат. % Ві при часах осадження до 60 с на поверхні конденсату не виявлено об'єктів кристалічного габітусу кубічної сингонії (рис. 1). Згідно шкал на топограмах та величин одержаних методом водорозділу висота поверхневих структур становить менше 20 нм, а поперечний переріз біля 70 нм.

При збільшенні тривалості осадження з'являються утворення з плоскими гранями, у подальшому з часом кількість огранених об'єктів зростає. На поверхні конденсатів, осаджених понад 300 с, спостерігаємо кристалографічні форми з плоскими гранями (рис. 1). Спостерігаємо грані паралельні площині підкладки. Максимальні висоти об'єктів становлять 50 – 130 нм залежно від вмісту домішки. Збільшення вмісту Ві в SnTe зменшує поперечний розмір структур.

Розподіли азимугального кута згладжені пороговим фільтром Фур'є (рис. 2). З розподілу кута ф при часах осадження до 60 с (рис. 2 а) Габітус, симетрія і орієнтація поверхневих структур парофазних конденсатів...



**Рис. 1.** АСМ- зображення конденсату SnTe:Bi на ситалi; а) для часу осадження 60 с та б) – понад 300 с. Вміст Bi у ат. % вказано біля зображень.

спостерігаємо переважаючу симетрію структур з віссю 2, із збільшенням тривалості осадження від 300 с (рис. 2 б) переважає симетрія з віссю 3.

Також як при збільшенні тривалості осадження, так і при збільшенні вмісту Ві максимум розподілу кута р зміщується від 3 до 10 градусів, тобто об'єкти стають стрімкішими (рис. 2).

Густина ймовірності f полярного кута *р* вектора нормалі до поверхні елементів конденсату (рис. 2) апроксимована запропонованою в [10] плавною одно-модальною функцією виду:

 $f(\rho) = f_{max} \left(\rho/\rho_{max}\right)^{\alpha} \exp(\alpha/\beta \left(1 - \left(\rho/\rho_{max}\right)^{\beta}\right)).$ 

Коефіцієнти  $f_{max}$  і  $\rho_{max}$  вказують на положення максимуму розподілу, а  $\alpha$  і  $\beta$  – на стрімкість зростання і спадання відповідно. В (таблиці 2) наведено коефіцієнти апроксимації, розраховані методом найменших квадратів.

Згідно даних таблиці для часу осадження до 60 с

при вмісті Ві 0,3; 1,5 і 2 ат. %  $\rho_{max}$  набуває наступних приблизних значень 2,6; 7,5 і 4,2 градуса відповідно. Для вмісту 0,3% і часу 240 – 360 с  $\rho_{max} \approx 6,9$  градуса. Особливу поведінку спостерігаємо для вмісту 1.5% і часу 480 с –  $\rho_{max} \approx 26,4$  градуса, що вказує на утворення великої кількості пірамід.

Зі збільшенням часу осадження спостерігаємо збільшення як нормальних, так і латеральних розмірів об'єктів (рис. 3). Однак слід зауважити, що процес росту висот h наноструктур відбувався інтенсивніше у сполуках SnTe+1,5 ат. % Ві. В цих зразках спостерігалися більші значення висот (рис. 3. б), але одночасно менші латеральні розміри D для даної сполуки (рис. 3. а). Можливо це пов'язано з тим, що для сполуки SnTe+1,5 ат. % Ві переважає електронний (вагнерівський) процес росту, а для сполук SnTe+0,3 ат.% Ві та SnTe+2 ат. % Ві переважає дифузійний процес росту наноструктур.



**Рис. 2.** Розподіл полярного ρ та азимутального кута φ (колові діаграми на вкладках) вектора нормалі до елементів поверхні конденсату SnTe:Вi на ситалі; а) для часу осадження 60 с та б) – понад 300 с. Вміст Ві у ат. % вказано біля зображень.



Рис. 3. Залежність середніх латеральних ■ розмірів та середніх висот ♦ наноструктур від ат.% вмісту Ві.



**Рис. 4.** Залежність середніх латеральних розмірів ( $\blacksquare 0,3\%$ ,  $\blacktriangle 1,5\%$ ,  $\bullet 2\%$ ,) та середніх висот ( $\square 0,3\%$ ,  $\bigtriangleup 1,5\%$ ,  $\circ 2\%$ ) наноструктур від часу напилення.

На (рис. 4) зображено залежність значень середніх латеральних розмірів  $D_c$  та середніх висот  $h_c$  наноструктур від вмісту Ві при сталому часі  $\tau = 60c$ . Бачимо, що діаметр об'єктів зі збільшенням вмісту зменшується, а висота об'єктів майже не змінюється.

#### Висновки

1. Представлено результати АСМ-дослідження топологічних особливостей наноструктур SnTe:Bi/ситал, отриманих відкритим

випаровуванням наважки синтезованої сполуки у вакуумі за різних технологічних факторів.

- Проаналізовано залежність азимутальних φ та полярних ρ кутів від різних технологічних факторів, а саме від часу τ осадження та від відсоткового вмісту Ві. Виявлено що як при збільшенні тривалості осадження, так і при збільшенні відсоткового вмісту Ві максимум розподілу кута ρ зміщується в область більших значень, тобто об'єкти стають стрімкішими.
- 3. Вважаємо, що для сполуки SnTe+1,5ат% Ві переважає вагнерівський процес росту, а для

сполук SnTe+0,3ат% Ві та SnTe+2ат% Ві переважає дифузійний процес росту наноструктур.

*Салій Я.П.* – доктор фізико-математичних наук, професор; *Бушков Н.І.* – аспірант; *Биліна І.С.* – аспірант; *Маковишин В.І.* – аспірант.

- [1] V.M. Shperun, D.M. Freyik, V.V. Prokopiv, Teluryd olova. Fizyko-khimichni vlastyvosti. (Play, Ivano Frankivs'k, 2002).
- [2] Д.М. Фреїк, Я.С. Яворський, І.І. Чав'як, В.І. Маковишин, О.М. Матківський, Р.Я. Яремків. Напівпровідникові матеріали, інформаційні технології та фотовольтаїка, с. 106 Кременчук –2014
- [3] R.D. Venhrenovych, B.V. Ivans'kyy, A.V. Moskalyuk. Fizyka i khimiya tverdoho tila, 10(1). 19, (2009).
- [4] M.O. Galushcak, D.M. Freik, I.M. Ivanyshyn, A.V. Lysak, M.V. Pyts, Journal of Thermoelectricity, #1, 43 (2000)
- [5] V.L. Kuznetsov, Neorhanycheskye materyaly, 32(3), 261 (1996).
- [6] O.M. Matkivs'kyy, I.V. Horichok, D.M. Freyik, H.Ya. Hurhula, Fizyka i khimiya tverdoho tila. 15(3), 469 (2014).
- [7] D.M. Freyik, B.S. Dzunza, V.I. Makovyshyn, I.A. Arsenyuk, O.Yu. Kal'ka, Fizyka i khimiya tverdoho tila. 15(3), 510 (2014).
- [8] D.M. Freyik, B.S. Dzunza, I.I. Chav"yak, V.I. Makovyshyn, I.A. Arsenyuk, Fizychna inzheneriya poverkhni, 12(3), 405 (2014).
- [9] Ostwald W. Js. Physics Chemistry. 34, 495, (1900).
- [10] Я.П. Салій, Д.М. Фреїк, І.С. Биліна, І.М. Фреїк, Наноструктурное материаловедение, 12, (1), 34, (2015).

#### Ya.P. Saliy, N.I. Bushkov, I.S. Bylina, V.I. Makovyshyn

### Habit, Symmetry and Orientation of Surface Structures Vapor-Phase Condensation SnTe: Bi on Ceramics

Vasyl Stefanyk Prekarpathian University, Shevchenko Str., 57, Ivano-Frankivsk, 76018, Ukraine, e-mail: fcss@pu.if.ua

The analysis was obtained by atomic force microscopy method of topograms nanostructures on the surface of vapor-phase condensation of SnTe: Bi, thet were opened deposited by evaporation in a vacuum on substrates of ceramics. With the distribution of polar and azimuthal angles of the normal vector to the surface elements of condensate was found objects with flat faces with by dominant orientation in space and by symmetry.

УДК 544.6.076.324.4, 544.651.11

ISSN 1729-4428

## Б.К. Остафійчук, Л.С. Кайкан, Ю.С. Кайкан, А.Б. Грубяк, М.О. Николюк Вплив рН реакційного середовища на структуру і властивості нанодисперсних феритів шпінельного типу

Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника, вул. Шевченка, 57, Івано-Франківськ, 76018, Україна, e-mail:<u>julia.kaykan@ukr.net</u>

В роботі методом золь-гель автогоріня синтезовано однофазний магній-заміщений літієвий ферит при різних значеннях pH реакційного середовища. Синтезовані матеріали досліджувались рентгеноструктурним і мессбауерівським методами. Показано, що pH реакційного середовища відіграє вирішальну роль у формуванні мікроструктури і властивостей синтезованих систем.

Ключові слова: Ферити-шпінелі, метод автоспалювання, мікроструктура.

#### Вступ

Шпінельні ферити є унікальними матеріалами, що виявляють феромагнітні і напівпровідникові властивості і їх можна розглядати як магнітні напівпровідники. Ці матеріали широко використовуються в ряді пристроїв, включаючи записуючі головки, антенні стержні, в записуючих пристроях, мікрохвильових пристроях, матеріалах сердечників для перетворювачів енергії в електронних і телекомунікаціїних застосуваннях. Нанорозмірні ферити можуть мати надзвичайні електричні і магнітні властивості, що суттєво відрізняються від мікроструктурованих матеріалів, можливість адаптування їх до сучасних технологій таких як феромагнітна рідина, магнітні транспортувальники, інформаційні пристрої високої щільності, фотокаталізатори, газові сенсори, і таке інше [1] викликають підвищений інтерес до вивчення впливу умов синтезу на морфологію і властивості таких матеріалів.

Дослідження методів синтезу феритових наночастинок шпінельної структури призводять до розвитку різних хімічних технологій синтезу, які мають спільну характерну ознаку, що всі реагенти змішуються на атомному чи молекулярному рівні. Найбільш відомими методами вищевказаного синтезу є метод співосадження, золь-гель метод, метод мікроемульсій, гідротермальний, спрей-піроліз, оборотних міцелл, прекурсорний і т.ін.[2].

Метод синтезу золь-гель автогоріння (також ще називається низькотемпературним самоспалюванням, автозагорянням чи самопоширенням, а також гель-

термальною декомпозицією) де хімічний золь-гель і процес горіння є комбіновані виявляє великі можливості для приготування наноматеріалів феритів шпінельного типу. В цілому, цей метод можна розглядати як технологію згоряння розчинів [3]. Протягом останнього десятиріччя застосування методу золь-гель авто горіння для синтезу нанорозмірних порошків феритових шпінелей використовується з все зростаючою інтенсивністю. Було використано для синтезу більш ніж 20 різних шпінельних феритових сполук  $MFe_2O_4$ , де М може бути іонами Ni, Zn, Co, Cu, Li, Mg, Cd, Mn чи їх комбінаціями. Недавно цей метод також виявив можливості для успішного синтезу шпінельних феритів у вигляді одномірних (1D) і двомірних (2D) наноструктур [4]. Отримані продукти придатні для застосувань у електроніці [1] та біології [5], як магнітні матеріали високої густини і в поглиначах випромінювання [6], і матеріалах для магнітоелектричних композитів [7]. Ці матеріали також виявляють чутливість до газу і вологості, а також як каталізатори виявляють фотокаталітичну активність [8].

Незважаючи на велику кількість робіт по синтезу феритових шпінелей методом золь-гель автогоріння, в літературі не зустрічається аналізу впливу комплексоутворюючих/паливних агентів, кисневого балансу, добавок, для покращення реакції автогоріння, впливу атмосфери реакції і механізму відпалу. В даній роботі досліджено вплив pH реакційного середовища на морфологію, структуру і властивості магнійзаміщених літій-залізних шпінелей, отриманих методом золь-гель автоспалювання.

#### I. Методика експерименту

Магній-заміщені літієві ферити були синтезовані наступним чином: як вихідні реагенти використовувались водні розчини нітратів металів  $(FeNO_3 \cdot 9H_2O, LiNO_3 \cdot 3H_2O, MgNO_3 \cdot 3H_2O),$ взяті у відповідному молярному відношенні згідно стехіометрії очікуваних сполук, і лимонна кислота. Нітрати металів і лимонна кислота змішувалися покрапельно на магнітній мішалці у молярному відношенні металів до лимонної кислоти 1:1. Для досягнення відповідного значення рН реакційного середовища до отриманого розчину додавали водний розчин аміаку. В результаті було отримано три системи, що відрізнялися значеннями pH (3, 7, 9). Розчин нітратів металів –лимонна кислота повільно випаровувався у сушильній шафі до форми в'язкого гелю. Наступне висушування проводилось для повного видалення адсорбованої води при 110°С. Отриманий ксерогель поміщали у піч, яку нагрівали до температури приблизно 200-220°C після чого суміш спалахувала і в результаті реакції утворювався продукт, який досліджувався за допомогою рентгенівського дифрактометра ДРОН-3 у СиКа-випромінюванні. На рис.1 наведено висушений гель і продукт, що утворився після спалювання.



**Рис. 1.** Синтез літій-залізної шпінелі методом зольгель авто спалювання а) висушений ксерогель; б) продукт, утворений після реакції.

Для аналізу експериментальних дифрактограм застосовувався повнопрофільний метод Рітвелда а також програма PowderCell. Мессбауерівські спектри поглинання  $Fe^{57}$ були отримані в режимі постійних прискорень на спектрометрі ЯГРС-4M з використанням джерела  $\gamma$ -квантів  $Co^{57}$  у хромовій матриці. Математична обробка отриманих спектрів проводилася з використанням універсальної комп'ютерної програми Univem.

#### **II.** Результати і обговорення

На рис. 2 представлені рентгенівські дифрактограми синтезованих сполук складу  $Li_{0.5}Fe_{1.9}Mg_{0.6}O_4$ , отриманих методом золь-гель автоспалювання при значеннях pH реакційного середовища рівних 3, 7 і 9 (тобто в кислому, нейтральному і лужному середовищах).



**Рис. 2.** Експериментальні дифрактограми системи  $Li_{0.5}Fe_{1.9}Mg_{0.6}O_4$ , отриманої при різних значеннях рН реакційного середовища (а –рH=3; б – рH=7; в – рH=9).

Аналіз дифрактограм всіх синтезованих зразків говорить про присутність фази оберненої шпінелі магній-заміщеного літієвого фериту з головними дифракційними площинами (220), (311), (400), (422), (511) і (440) (JCPDS-38-0259). Площина (311) має максимальне значення інтенсивності дифракції, що є свідченням того, що даний напрямок є переважаючим. Ніяких дифракційних піків, що відповідають іншим фазам таким як  $a - Fe_2O_3$ , MgO чи нітроспо-



**Рис. 3.** Залежність сталої гратки від рН реакційного середовища системи  $Li_{0.5}Fe_{1.9}Mg_{0.6}O_4$ .

лукам зазначених елементів не спостерігалося. Так, на підставі спостережень можна стверджувати, що магній повністю замістився в гратку літієвого фериту при різних pH. Катіонний розподіл, отриманий з аналізу експериментальних рентгенівських дифрактограм за допомогою повнопрофільного методу Рітвелда можна представити як  $[Mg_{0.40}Fe_{0.76}](Li_{0.5}Fe_{1.14}Mg_{0.12})O_4$ , звідки видно, що катіони  $Li^+$  займають тільки Впозиції, тоді як іони  $Fe^{3+}$  і  $Mg^{2+}$  займають як А- так і В-підгратках у співвідношенні приблизно 4:6 а іони магнію 8:2, відповідно. Як свідчать результати рентгенівської дифрактометрії, переваги до В позиції вищевказаних іонів наступні:  $Li^+ > Fe^{3+} > Mg^{2+}$ . Таким чином, магній-заміщений літієвий ферит являє собою змішану шпінель з ступенем оберненості d = 0.24 і відноситься до просторової групи Fd3m.

Залежність сталої гратки від pH реакційного середовища наведена на рис.3.

Розміри областей когерентного розсіювання (ОКР)

визначалися за методом Шеррера 
$$\langle D \rangle = \frac{l}{b_{\frac{1}{2}} \cos q}$$
, де

*l* - довжина хвилі рентгенівського випромінювання, *q* - кут дифракції,  $b_{\frac{1}{2}}$  - півширина відбивання, а також за інтерполяційним методом Вільямсона-

Холла, згідно якого будувалася залежність  $b \cos q$  від sin q рівняння  $b \cos q = \frac{l}{D} + 4e \sin q$  (якщо наближення проводилось функціями Лоренца або Коші) або

рівняння  $b^2 \cos^2 q = \left(\frac{1}{D}\right)^2 + \left(4e \sin q\right)^2$  (якщо на-

ближення здійснювалося функцією Гаусса). Якщо лінійно апроксимувати отриману залежність, то кут нахилу прямої буде пропорційний величині мікронапруг (e чи  $e^2$ ), а перетин прямої з віссю ординат – величину, обернено пропорційну розміру ОКР (D чи D<sup>2</sup>). В таблиці 1 наведені значення розмірів ОКР для систем складу  $Li_{0.5}Fe_{1.9}Mg_{0.6}O_4$  при значеннях pH=3, 7, 9 розраховані за обома методами.

		Таблиця 1
	ОКР, нм	ОКР, нм
рН	Метод Селякова-	Метод Вільямсона
	Шеррера	Холла
3	30	28,5
7	20	19,0
9	25	23,4

Дані таблиці 1 свідчать про те, що всі синтезовані зразки є нанорозмірними і pH реакційного середовища відіграє суттєву роль у формуванні мікроструктури синтезованих зразків. Дещо більші значення ОКР в методі Селякова-Шеррера зумовлено тим, що до розрахунку брався тільки один пік інтенсивності (третій), а метод Вільямсона-Холла враховує всі рефлекси. Як відомо, із збільшенням кута відбивання збільшується півширина піку, тому врахування всіх рефлексів може дати усереднене значення, що може бути дещо меншим, ніж для одного, випадковим чином вибраного рефлексу. Також при визначенні величини  $b_1$  врахо-

вувалася інструментальне уширення, викликане розбіжністю рентгенівського пучка і шириною обмежуючих щілин, яке визначалося з використанням еталонного зразка. Таким зразком слугував добре відпалений зразок літій-залізної шпінелі, отриманий керамічним способом.

Вплив pH реакційного середовища на мікроструктуру синтезованих систем можна трактувати наступним чином: для встановлення відповідного значення pH у розчин прекурсорів додавали аміак ( $NH_4OH$ ). Аміак збільшує хелатування катіонів металу з цитратами [9], який може допомогти контролювати кисневий баланс [9] і сприяє утворенню пористої тривимірної (3D) структури в нітрат-цитратних ксерогелях

[11]. Було виявлено, що  $Fe^{3+}$  досягає повної комплектації з цитратами тільки коли значення рН є приблизно рівне 3 [9]. З цього можна зробити висновок, що без аміаку лимонна кислота працює тільки як паливо. Недостатня хелатація іонів металу з цитратами може призводити до недосконалої 3D структури гелю і, таким чином, оксидант нітрат, що впроваджується в ксерогель, легко розкладається як в процесі сушіння, так і протягом автогоріння. Це буде зменшувати кількість теплоти, що генерується внаслідок недостачі оксиданту, так, що в результаті утворюється розглянута феритова сполука [9]. Оптимальне значення рН рівне 6 для формування шпінельних феритів, як було виявлено Waqas та ін. [10]. Також було виявлено, що із збільшенням рН до 6, розклад лимонної кислоти, що міститься в ксерогелі виникає при 220°С в одному етапі і як результат, формується однофазний шпінельний ферит. Розклад цитрат-нітратного ксерогелю без аміаку повністю відбувається тільки при 500°С. Нітрат-цитратні ксерогелі без аміаку спалахують локалізовано і в результаті формується аморфний порошок. Ксерогелі, отримані з розчину при рН>7 перешкоджають процесу спонтанного спалахування, таким чином навіть при формуванні однофазної структури фериту, його морфологія є доволі щільною і,як результат, сформована система характеризується більш високими значеннями ОКР. Однак, в більшості досліджень по синтезу феритових шпінелей з нітратцитратних гелів, вибирали pH рівний 7. Yue та ін. виявили, що коли значення pH більше, ніж 4, виникає кристалізована фаза  $NH_4NO_3$ , яка розкладається на  $NH_3$ ,  $NO_y$  i  $H_2O$  протягом процесу сушіння і внаслідок виділення газу, формується 3D структура ксерогелю. Для pH=2 і 3 гель виявляє щільну сітчасту мікроструктуру, в якій існує тільки поодинокі пори в структурі гелю. Якщо значення рН збільшувати, в гелі розвивається сітчаста структура. При pH=6 і 7 3D сітчаста структура є повністю сформована. Внаслідок пористої сітчастої структури більше кисню впроваджується в ксерогелі. Кисень прискорює процес горіння, таким чином, збільшується температура горіння і швидкість. Порувата структура робить горіння ксерогелю швидким і дуже сильним. Більше того, розклад NH<sub>4</sub>NO<sub>3</sub> супроводжується виділенням О<sub>2</sub>, таким чином процес горіння прискорюється. Високі значення рН суміші розчинів є бажаними для синтезу феритових сполук із збільшеними значеннями початкової магнітної проникності. В той самий час із збільшенням значення рН зростають розміри кристалітів, що є атрибутом вищої температури горіння [11].

Рентгенівська густина синтезованих сполук розраховувалася за співвідношенням

$$d_x = \frac{ZM}{Na^3}$$

де Z – число молекул на елементарну комірку (для шпінельної гратки Z=8), М - маса молекули феритового зразка, N - число Авогадро і *а* - стала гратки.


**Рис.5.** Залежність рентгенівської густини  $d_x$  від рН реакційного середовища

Як видно з рисунку, при значенні pH=7 значення рентгенівської густини має мінімум. Це, очевидно пов'язане з тим, що при даних умовах синтезу (реакційне середовище є нейтральним) процес горіння проходить найбільш інтенсивно з великою швидкістю. В результаті чого частинки не встигають агломеруватися що призводить до отриманні дрібнодисперсного порошку з розмірами кристалітів меншими за 20 нм. Відповідно для таких зразків сильно проявляється вплив поверхні і, як результат, зростає стала гратки, що, в свою чергу, і призводить до зменшення рентгенівської густини. Мессбауерівські спектри  ${}^{57}Fe$  системи  $Li_{0.5}Fe_{1.9}Mg_{0.6}O_4$ , отриманої при значеннях pH=3;7;9 представлені на рис.6.

Всі отримані спектри є суперпозицією двох шестірок, що відповідають тетраедричному і октаедричному положенню заліза в підгратках шпінелі. Значення магнітних полів складають 490 і 447 кЕ, відповідно. Крім цього на мессбауерівських спектрах проглядається парамагнітний дублет з квадрупольним розщепленням ~0,64 мм/с. Виникнення дублету разом з секстиплетом можна пояснити наступним чином. Напрям зміни чи надобмінної взаємодії з магнітними сусідами є відповідальним за магнітне впорядкування. В досліджуваній системі заміщення магнітних атомів, включених в обмінну взаємодію з даним атомом заліза, на немагнітні іони  $Mg^{2+}$ , ізолює деякий атом заліза від інших магнітних іонів гратки, що беруть участь у магнітній взаємодії. Ізольований іон зразка релаксує відносно швидше, в той час як введення додаткового іона заліза в число сусідів розглядуваного іона збільшує час релаксації. В ряді робіт по мессбауерівському дослідженню подібний ефект відносять до так званого явища суперпарамагнетизму, інколи це явище називають «короткодіюче магнітне впорядкування».



**Рис.6.** Мессбауерівські спектри  ${}^{57}Fe$  системи  $Li_{0.5}Fe_{1.9}Mg_{0.6}O_4$ , отриманої при значеннях pH=3 (a);7(б);9(в) при кімнатній температурі.

Мессбауерівські спектри суперпарамагнітних систем подібні до парамагнітних систем внаслідок релаксаційних ефектів. В таблиці 2 наведені основні параметри мессбауерівських спектрів систем  $Li_{0.5}Fe_{1.9}Mg_{0.6}O_4$ , синтезованих при різних значеннях рН реакційного середовища.

Присутність добре вираженого дублету, накладеного на магнітний секстиплет для всіх магнійзаміщених сполук можна пояснити наступним: а) основний вклад в парамагнітну частину спектру вносять атоми заліза в В-позиціях; б) зміни, викликані заміщенням кожного немагнітного атома в А-позиції в найближчому оточенні В позицій є суттєво більшим порівняно з відповідними змінами, викликані заміщенням іона заліза в В-позиції. Підставами для таких висновків є наступні факти:

1. Найбільш важливим типом взаємодій в шпінельних сполуках є А-В взаємодія.

2. Більшість атомів магнію заміщують атоми заліза в А-позиціях, що підтверджується даними рентгеноструктурного аналізу.

Центроїд квадрупольного дублету є більш негативним порівняно з секстиплетом і тетраедричні позиції характеризуються більшою ковалентністю, тобто 4s-гібридизацією, таким чином, більш негативним ізомерним зсувом і меншими магнітними полями.

Таблиця 2

Значення рН		Ізомерний зсув <i>Is</i> , мм/с	Квадрупольне розщеплення $Qs$ , мм/с	Магнітні поля на ядрах <i>Н</i> , кЕ	Площа підс- пектру S, %	Ширина лінії <i>G</i> , мм/с
	1-й секстип- лет	0,295	0,078	447,51	34,82	0,840
3	2-й секстип- лет	0,295	0,022	490,75	23,73	0,469
	дублет	0,306	0,640	-	41,44	0,7982
	1-й секстип- лет	0,220	0,040	440,00	20,12	0,766
	2-й секстип- лет	0,306	-0,008	489,75	35,60	0,530
	дублет	0,313	0,660	-	44,28	0,695
	1-й секстип- лет	0,233	0,059	442,01	24,42	0,772
9	2-й секстип- лет	0,301	-0,006	490,24	40,17	0,568
	дублет	0,311	0,653	-	35,40	0,692

Розрахунки і спостережуване відношення площ під цими секстиплетами і дублетами добре узгоджуються якщо ми припустимо, що десять чи більше найближчих немагнітних В-позицій оточують атом заліза в А-позиції, утворюючи таким чином парамагнітний зразок; Вклад інших оточень дуже малий для парамагнітного дублету оскільки відповідні часи релаксації є надто великі, щоб дати ріст магнітного секстиплету. Зміни рН реакційного середовища викликають зміни і в картині мессбауерівських спектрів. Так, системи, отримані при pH=7 характеризуються відповідно меншими значеннями магнітних полів як в тетра-, так і в октапозиціях. Очевидно такі зміни спричинені відносно малим розміром частинок, що утворилися при синтезі, коли реакційне середовище було нейтральним. Тобто, при зменшенні розмірів кристалітів збільшується вклад в парамагнітну частину спектру, таким чином ми спостерігаємо як зменшення магнітних полів у підсистемах, так і ріст парамагнітної частини спектру.

### Висновки

В результаті синтезу методом золь-гель автогоріння при різних значеннях pH реакційного середовища отримано однофазні шпінельні ферити просторової групи Fd3m. Виявлено, що реакційне середовище значною мірою впливає на морфологію отриманого продукту. Так, розмір кристалітів, отриманих при pH=7 знаходиться в межах ~20 нм, тоді як при pH=3 і pH=9 кристаліти порівняно більш укрупнені і рівні ~25-35 нм. Це пояснюється впливом аміаку, який збільшує хелатування катіонів металу з цитратами і сприяє утворенню пористої тривимірної (3D) структури в нітрат-цитратних ксерогелях. Підвищення температури і швидкості екзотермічної реакції при pH=7 попереджує агломерацію кристалітів.

 ${}^{57}Fe$ Мессбауерівські спектри системи  $Li_{0.5}Fe_{1.9}Mg_{0.6}O_4$ , отриманої при значеннях рH=3;7;9 також виявляють залежність від рН реакційного середовища, що викликається як особливостями морфології, так і розмірами кристалітів, оскільки зміни структурних параметрів викликають відповідні зміни магнітної мікроструктури. Збільшення параметру гратки при рН=7 викликає збільшення довжин зв'язків *Me-Me* і *Me-O*, які є відповідальними за магнітну взаємодію в феритах-шпінелях. Таким чином, умови синтезу, а зокрема значення рН реакційного середовища відіграє важливу роль у формуванні структури і властивостей матеріалі, синтезованих методом золь-гель авто горіння.

Остафійчук Б.К. – член-кор. НАН України, доктор фізико-математичних наук, завідувач кафедри матеріалознавства та новітніх технологій, професор; Кайкан Л.С. – кандидат фізикоматематичних наук, науковий співробітник; Кайкан Ю.С. – аспірант; Грубяк А.Б. - кандидат фізико-математичних наук;

*Николюк М.О.* – аспірант.

- [1] S. Sun, H. Zeng, Size-controlled synthesis of magnetite nanoparticles, J. Am. Chem. Soc., 124,8204–8205 (2002)
- [2] Thapa D, Palkar V R, Kurup M B, et al. Properties of magnetite nanoparticles synthesized through a novel chemical route.Mater Lett, 2004, 58(21): 2692—2694
- [3] Low-temperature synthesis of nanocrystalline powders of lithium ferriteby an autocombustion method using citric acid and glycineSeema Verma, Jayshri Karande, Arti Patidar, P.A. Joy\*Materials Letters 59 (2005) 2630 2633.
- [4] Liu L, Kou H Z, Ling W, et al. Surfactant-assisted synthesis of α-Fe2O3 nanotubes and nanorods with shapedependentmagnetic properties. J Phys Chem B, 2006, 110(31): 15218—15223.
- [5] A.K. Gupta, M. Gupta, Synthesis and surface engineering of iron oxide nanoparticles forbiomedical applications, Biomaterials, 26, 3995–4021 (2005).
- [6] V.V.Ustinov, A.B.Rinkevich, D.V.Popovetc..Giantantiresonancein the reflection of electromagnetic waves from the3D-structure of the nanoparticlesspinel ferritesTechnical Physics, 2013, Volume 83, No. 4, 104-112.
- [7] Wang S B, Min Y L, Yu S H. Synthesis and magnetic properties of uniform hematite nanocubes. J Phys Chem C, 2007,111(9): 3551-3554.
- [8] Chen J, Xu L N, Li W Y. α-Fe2O3 nanotubes in gas sensor and lithium-ion battery applications. Adv Mater, 2005, 17(5):582—586
- [9] Liu J, Zhang W, Guo C, et al. Synthesis and magnetic properties of quasi-single domain M-type barium hexaferrite powders via sol– gel auto-combustion: Effects of pH and the ratio of citric acid to metal ions (CA/M). Journal of Alloys and Compounds, 2009, 479 (1–2): 863–869
- [10] Waqas H, Qureshi A H. Influence of pH on nanosized Mn–Zn ferrite synthesized by sol-gel auto combustion process. Journal of Thermal Analysis and Calorimetry, 2009, 98(2): 355–360
- [11] Yue Z, Guo W, Zhou J, et al. Synthesis of nanocrystalline ferrites by sol-gel combustion process: the influence of pH value of solution. Journal of Magnetism and Magnetic Materials, 2004, 270(1–2): 216–223

B.K. Ostafiychuk, L.S. Kaykan, Y.S. Kaykan, A.B. Hrubyak, M.O. Nykoliuk

# Effect of pH of the Reaction Medium on the Structure and Properties of Spinel-Type Ferrite Nano Powder

VasylStefanykPrecarpathianNationalUniversity, 57, ShevchenkoStr., Ivano-Frankivsk, 76018, Ukraine, e-mail:<u>julia.kaykan@ukr.net</u>

In this work using sol-gel auto-combustion synthesis was synthesised single-phase magnesium-substituted lithium ferrite at different pH reaction medium. The synthesized materials were investigated by X-ray and Mossbauer methods. It was shown that the pH of the reaction medium plays a crucial role in the formation of the microstructure and properties of synthesized systems.

Keywords: spinel, ferrite, combustion synthesis, microstructure.

УДК 547.791.8

ISSN 1729-4428

# О.М. Дуда<sup>1</sup>, І.Ю. Костів<sup>2</sup>

# Взаємодія водної суспензії декарбонізованого доломіту з розчином сульфатної кислоти та діоксидом карбону

<sup>1</sup>Прикарпатський національний університет ім. В. Стефаника, м. Івано-Франківськ, <sup>2</sup>Державне підприємство « Науково-дослідний інститут галургії», м. Калуш, <u>ivankostiv@yahoo.com</u>

Вивчено взаємодію водної суспензії кальцинованого за різної температури і тривалості природного доломіту та розчинів сульфатної кислоти, а також карбон діоксиду. Визначено умови одержання активної магнезії із вмістом баластного кальцій карбонату та сульфату, в які зв'язано розчинні сполуки кальцію пропусканням через суспензію карбон діоксиду чи нейтралізацією розчином сульфатної кислоти. Термічно активований доломіт, що містить активний магній оксид та різні форми інертного матеріалу, можуть бути використані для одержання магнезіальних в'яжучих.

**Ключові слова:** декарбонізований доломіт, магнезіальні в'яжучі, магнезії, сульфатна кислота, кальцій хлорид, карбон діоксид.

Стаття поступила до редакції 07.06.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

# Вступ

З метою одержання активних форм магнезій на основі природних доломітів для виробництва магнезіальних в'яжучих, а також важких магнезій для виробництва периклазу та вогнетривів проведено дослідження взаємодії декарбонізованого доломіту з різними реагентами, що переводять розчинні сполуки кальцію у нерозчинні сполуки. Такі компоненти відіграють роль наповнювачів або баластів у складі одержаних на основі доломіту магнезіальних цементів.

Вивчено взаємодію декарбонізованого доломіту з розчинами сульфатної кислоти, а також карбон діоксиду та проведено аналіз одержаних продуктів з метою встановлення можливості застосування цих матеріалів для виробництва магнезіальних в'яжучих.

Мета та завдання дослідження полягає в одержанні активних форм магнезій на основі декарбонізованого доломіту та зменшення впливу розчинних сполук кальцію, які утворюються під час термічної декарбонізації природного доломіту і переходять в розчинну форму та перешкоджають подальшому застосуванню доломіту для виробництва магнезіальних в'яжучих чи вогнетривів.

Оскільки утворені продукти є, в основному, магній оксид та кальцій сульфат або карбонат, то в процесі їх обробки можливо отримати суміш, яка є

активною магнезією, придатною для виробництва магнезіальних в'яжучих, що містить інертний наповнювач у вигляді гіпсу або кальцій карбонату.

# I. Теоретична частина

Найважливішими сполуками магнію, які використовують у різних галузях промисловості, є: магній хлорид і магнезії – магній оксид і основний магній карбонат, а також магній сульфат та деякі інші солі. В природі магній карбонати зустрічаються, в основному, у вигляді магнезиту MgCO<sub>3</sub> і доломіту CaMg(CO<sub>3</sub>)<sub>2</sub>.

В системі MgO · MgCl<sub>2</sub> · H<sub>2</sub>O в інтервалі 273 – 383 К і за концентрації MgCl<sub>2</sub> менше 45 %, утворюються кристалогідрати магній оксихлориду MgCl<sub>2</sub> · 3Mg(OH)<sub>2</sub> · 8H<sub>2</sub>O і MgCl<sub>2</sub> · 5Mg(OH)<sub>2</sub> · 2H<sub>2</sub>O, які викристалізовуються за температури менше 373К і MgCl<sub>2</sub> · 9Mg(OH)<sub>2</sub> · 5H<sub>2</sub>O і MgCl<sub>2</sub> · 2Mg(OH)<sub>2</sub> · 4H<sub>2</sub>O, які викристалізовуються за температури вище 373К.

Магній оксид MgO зустрічається в природі в вільному стані у вигляді мінералу периклазу. Штучний – порошок густиною 3,65 – 3,9 г/см<sup>3</sup>; плавиться за температури 3073 К. Одержаний за невисоких температур – легко розчиняється у кислотах, утворюючи солі, взаємодіє з водою за підвищеної температури, утворюючи гідроксид. При сильному прожарюванні стає дуже твердий і набуває кислото- і водостійкості. Рекристалізація магній оксиду починається за 773 К і за 1473 – 1873 К утворюються крупні кристали периклазу. Тому активність магній оксиду зменшується з підвищенням температури прожарювання до 1873 К. Активність матеріалу, одержаного за температури вище 1873 К, знову дещо збільшується [1].

Магній гідроксид зустрічається у природі у вигляді мінералів бруситу і немаліту. Штучно утворюється під час дії лугів на розчини солей магнію у вигляді об'ємистого білого осаду, величина рН осадження 10,5; густина осадженого гідроксиду 2,36 - 2,4 г/см<sup>3</sup>. Він легко поглинає з повітря карбон діоксил. За температури 293 К насичений водний розчин містить 0,019 г/дм<sup>3</sup>, а 373 К - 0,04 г/дм<sup>3</sup> магній гідроксиду. Тиск водяної пари над магній гідроксидом за температури 573 К становить 10 мм вод. ст. Вище 773 К Mg(OH)<sub>2</sub> втрачає воду і переходить у MgO. [2]

Магній карбонат MgCO<sub>3</sub> зустрічається у природі в вільному стані у вигляді магнезиту, а також три- і п'ятиводних кристалогідратів. Густина магнезиту 3,0 -3,12 г/см<sup>3</sup>. Тиск дисоціації: MgCO<sub>3</sub> = MgO + CO<sub>2</sub> -28,1 ккал/моль становить 1 ат за температури 923 К. За температури 298 К і тиску СО<sub>2</sub> 0,0001 ат розчинність MgCO<sub>3</sub> в воді~ 0,5 мг/дм<sup>3</sup>, 0,968 ат – 22 мг/дм<sup>3</sup>, а 15 ат – 55 мг/дм<sup>3</sup>. З підвищенням температури розчинність MgCO<sub>3</sub> зменшується. MgCO<sub>3</sub> виділяється з водних розчинів тільки, якщо в них є великий надлишок карбон діоксиду, в протилежному випадку виділяються основні солі, які утворюються і під час кип'ятіння водного розчину MgCO<sub>3</sub> і під час взаємодії розчинів солей магнію з карбонатами лужних металів. Основні солі перетворюються у нейтральний карбонат під час нагрівання концентрованими розчинами 3 гідрокарбонатів.[3]

Доломіт починає розкладатися за температури 998 К, при цьому спочатку розкладається магній карбонат, потім кальцій карбонат:

 $MgCO_3 = MgO + CO_2;$ 

 $CaCO_3 = CaO + CO_2;$ 

Загальна схема розкладу доломіту:

 $MgCO_3 \cdot CaCO_3 = MgO + CaO + 2CO_2$ 

Цемент Сореля, який утворюється в результаті тужавіння магнезіального в'яжучого на основі доломіту, має такий склад: [5]

 $4MgO+MgCl_2 = Cl-Mg-O-Mg-O-Mg-O-Mg-O-Mg-Cl_2$ 

Крім того у водній суспензії протікають такі процеси:

 $CaO+MgO+H_2O = Ca(OH)_2+MgO;$ 

 $Ca(OH)_2 + MgCl_2 = CaCl_2 + Mg(OH)_2;$ 

Добавляння сульфатної кислоти до суспензії призводить до переведення кальцій гідроксиду і кальцій хлориду в нерозчинну форму.

В результаті взаємодії із сульфатною кислотою утворюється гіпс:

 $Ca(OH)_2 + H_2SO_4 = CaSO_4 \cdot 2H_2O$ 

При насиченні карбон діоксидом водної суспензії магній карбонату останній розчиняється з утворенням гідрокарбонату

 $MgCO_3 + H_2O + CO_2 = Mg(HCO_3)_2$ 

Під час взаємодії  $MgCO_3$  з карбонатами лужних металів утворюються малорозчинні подвійні солі, наприклад,  $K_2[Mg(CO_3)_2] \cdot 4H_2O$ ,  $KH[Mg(CO_3)_2] \cdot 4H_2O$ , доломіт  $Ca[Mg(CO_3)_2]$ .

При взаємодії в розчині еквімолекулярних кількостей магній хлориду і калій карбонату чи гідрокарбонату нижче 193 К, а також за тривалого нагрівання розчину Mg(HCO<sub>3</sub>)<sub>2</sub> до 373 К утворюється метастабільна тверда фаза MgCO<sub>3</sub> · 3H<sub>2</sub>O, стійка за 313 К і яка перетворюється за 333-353 К на аморфний основний карбонат 5MgO ·  $4CO_2 \cdot nH_2O$  (де n = 6 – 7). Останній розкладається при 373 К з утворенням Mg(OH)<sub>2</sub> [17-19]. За більш високої температури (~ 473K) MgCO<sub>3</sub> · 3H<sub>2</sub>O, а також MgCO<sub>3</sub> · 4H<sub>2</sub>O розкладається до MgO.

Магній хлорид застосовують для виготовлення цементів, наприклад, цементу Сореля: 1 мас. ч. MgCl<sub>2</sub> + 2 мас. ч. МдО + вода, і на їх основі різних будівельних матеріалів. Магнезіальний цемент складається з магній оксихлоридів, склад яких залежить від умов приготування і зберігання (температури і вологості атмосфери). Стійкими у звичайних умовах  $\in$  3MgO  $\cdot$  MgCl<sub>2</sub>  $\cdot$  10H<sub>2</sub>O, 5MgO  $\cdot$  $MgCl_2 \cdot 12H_2O$  i  $7MgO \cdot MgCl_2 \cdot 14H_2O$  [5]. Магнезіальні цементи – основа багатьох будівельних матеріалів. Виробництво покриттів для підлог із ксилоліту (магнезіального цементу з опилками), стінних перегородок із фіброліту (магнезіального цементу зі стружками) та інших обходиться дешевше, ніж i3 деревини. Застосування магнезіальних i гіпсо-магнезіальних цементів особливий інтерес для південних викликає безлісових районів, багатих у той же час соляними озерами. Магнезіальні цементи застосовуються також і в якості зв'язуючого в абразивній промисловості. [4]

#### **II.** Експериментальна частина

Відібрали зразки природного доломіту з Коржівського кар'єру Тернопільської області розміром 20-50 мм. Помололи до розмірів менше 3 мм і відсіяли фракцію 1-3 мм. Аналізували вміст  $Mg^{2+}$ ,  $Ca^{2+}$ ,  $Na^+$ , СГ об'ємними методами аналізу,  $SO_4^{2-}$  – ваговим методом.

Провели прожарювання наважок природного доломіту масою по 10 г кожна на протязі 2 год за температури 1023, 1073, 1123 і 1173 К, після чого 5 г кожного одержаного декарбонізованого продукту контактували з 10 мл води для визначення вмісту іонів кальцію та магнію в суспензії. Результати досліджень наведені в табл. 1.

Другу частину прожарених матеріалів по 5 г кожен змішали з 0,1 н. розчином сульфатної кислоти для того, щоб перевести кальцій оксид у сульфат. Після взаємодії фази розділяли декантуванням та

	1
аблина	
гаолици	

Залежність складу рідкої фази гашеного водою доломіту, одержаного прожарюванням протягом 2 год, від температури прожарювання

Температура	Вміст	Вміст
прожарювання, К	Са-, мг/л	Mg <sup></sup> , мг/л
1023	470	500
1073	560	520
1123	780	600
1173	900	670

фільтруванням. Одержану тверду фазу висушували та проводили її кількісний аналіз та аналіз фільтрату на вміст кальцій-, магній- та сульфат-іонів.

Осадження кальцій сульфату із суспензії декарбонізованого за температури 1173 К доломіту проводили поступовим осадженням кислотою до повного осадження та визначали концентрацію кальцій-іонів у розчині після кожного додавання по 5 мл розчину сульфатної кислоти. Кінець реакції встановлювали за допомогою фенолфталеїну.

5 г прожареного за температури 1173 К доломіту розмелювали до розміру зерна менше 0,3 мм та змішували з дистильованою водою об'ємом 100 мл з метою отримання вапняної суспензії, в якій встановили вміст утвореного кальцій гідроксиду об'ємним методом. Через неї пропускали під невеликим надлишковим тиском діоксид карбону до повного осадження кальцій гідроксиду та зв'язування розчинних сполук кальцію, точку еквівалентності фіксували за допомогою фенолфталеїну. Рідку фазу аналізували щохвилини на вміст кальцію в розчині.

# **III.** Результати та обговорення

Кальцинований доломіт, одержаний за температури 1023 К, складається з активного магній оксиду та нерозкладених карбонатів кальцію та магнію. За температури процесу 1073 К загальна кількість магній оксиду зростає, а магній карбонату знижується. За підвишення температури кальцинації доломіту до 1123 та 1173 К різко зростає вміст магній та кальцій оксиду. Ступінь декарбонізації кальцій карбонату α та магній карбонату б (відношення маси розкладеного кальцій або магній карбонату після прожарювання до маси кальцій або магній карбонату в природному доломіті) в доломіті за різних температур приведено на рис. 1.

Ступінь декарбонізації кальцій карбонату α визначаємо за формулою:

 $\alpha = m_{CaCO3}^{\prime}/m_{CaCO3} \cdot 100\%$ ; (1) де  $m_{CaCO3}^{\prime}$  – маса розкладеного кальцій карбонату в кальцинованому доломіті;  $m_{CaCO3}$  – маса кальцій карбонату в природному доломіті.



**Рис. 1.** Ступінь декарбонізації кальцій карбонату (α) в кальцинованому доломіті в залежності від температури кальцинації (T).



**Рис. 2.** Залежність концентрації (С) кальцій-іонів у розчині від кількості добавленої сульфатної кислоти (V) на 10 г прожареного доломіту.



**Рис. 3.** Ступінь карбонізації кальцій гідроксиду (α<sub>1</sub>) в суспензії кальцинованого доломіту в залежності від часу поглинання карбон діоксиду (τ) за його постійної витрати 100 дм<sup>3</sup> /год.

Із рис. 1 видно, що з підвищенням температури зростає ступінь декарбонізації кальцій і магній карбонату. В діапазоні температур 1080 К – 1120 К відбувається різкий скачок, а з подальшим підвищенням температури інтенсивність декарбонізації знижується та процес протікає зі сталою швидкістю.

5 г доломіту одержаного за температури 1173 К, добавляли до 100 мл води, нейтралізували 1М розчином сульфатної кислоти, рівними об'ємами по 5 мл до повного осадження кальцій сульфату, кінець реакції фіксували по фенолфталеїну. Під час нейтралізації проводили аналіз концентрації кальційта магній-іонів у рідкій фазі. Результати досліджень наведені на рис. 2.

Із рис. 2 видно, що процес нейтралізації кальцій оксиду в суспензії декарбонізованого доломіту сульфатною кислотою спочатку відбувається інтенсивно і після того, як прореагує основна кількість кальцій оксиду, реакція проходить менш інтенсивно.

В наступних експериментах було проведено осадження кальцій гідроксиду із суспензії кальцинованого доломіту карбон діоксидом.

Встановлено, що чим більше насичена суспензія іонами кальцію, тим більше утворюється осаду кальцій карбонату в результаті даної реакції, тобто можна таким чином весь утворений кальцій оксид перевести в нерозчинний карбонат. Ступінь карбонізації кальцій гідроксиду  $\alpha_1$  характеризується відношенням кількості іонів кальцію, що вступили у взаємодію із діоксидом карбону до початкової кількості іонів кальцію.

Результати досліджень приведені на рис. 3.

Ступінь карбонізації кальцій гідроксиду α<sub>1</sub> визначаємо за формулою:

$$\alpha_{1} = [Ca^{2+}] / [Ca^{2+}] \cdot 100\%; \qquad (2)$$

де [Ca<sup>2+</sup>] – концентрація кальцій-йонів у розчині, що прореагували з карбон діоксидом; [Ca<sup>2+</sup>] – початкова концентрація кальцій-йонів у суспензії кальцинованого доломіту.

Із рис. З видно, що процес нейтралізації суспензії декарбонізованого доломіту карбон діоксидом за

його сталої витрати відбувається нерівномірно. Спочатку швидкість реакції велика і коли прореагує основна частина кальцій оксиду вона різко зменшується.

В результаті досліджень встановили, що активний кальцій оксид утворюється під час кальцинації доломіту і кількість його залежить від температури та тривалості процесу, чим вища температура і більша тривалість прожарювання, тим повніше декарбонізується кальцій карбонат в доломіті. Отже кальцій та магній карбонати можна повністю розкласти до оксидів.

Встановлено, що для звязування із суспензії кальцій оксиду можна використати розчин сульфатної кислоти, за допомогою якої кальцій-іони перевести у малорозчинний кальцій сульфат, та одержати продукт, який містить активний магній оксид та наповнювач у вигляді гіпсу.

Також для переведення кальцій-йонів у нерозчинну форму з кальцій оксиду можна осадити карбонат за допомогою карбон діоксиду і таким чином отримати продукт, що складається з активного магній оксиду та кальцій карбонату.

# Висновки

- В результаті взаємодії кальцинованого за різних температур та тривалості прожарювання доломіту та розчину сульфатної кислоти можна перевести сполуки кальцію в сульфат, оскільки магній карбонат значно повільніше реагує із сульфатною кислотою. Магній оксид за різних умов одержання має різну активність, але швидкість взаємодії його з кислотою нижча за швидкість взаємодії кальцій оксиду.
- 2. Найбільше активної форми магній оксиду утворюється за недовготривалої кальцинації та за помірних значень температури близько 1023 К, під час збільшення тривалості процесу одержаний магній оксид утворює менш активну форму, а за температури 1173 інтенсивно відбувається декарбонізація з повним перетворенням магній карбонату в

малоактивний оксид та утворенням великої кількості кальцій оксиду.

- Під час осадження кальцій гідроксиду сульфатною кислотою концентрація кальціййонів у концентрованому розчині спочатку різко знижується. Далі, за невисокої концентрації кальцій-йонів, їх осадження відбувається повільно до завершення реакції.
- 4. Розчинні сполуки кальцію в водній суспензії декарбонізованого доломіту за температури вищої 1173 К можна повністю осаджувати

пропусканням стисненого карбон діоксиду та перетворювати їх в нерозчинні карбонати. В доломітах, одержаних за нижчої температури, значно менше активних сполук кальцію, але активність оксиду магнію дещо вища.

*Дуда О.М.* – аспірант; *Костів І.Ю.* – кандидат технічних наук, доцент.

- М.Е. Позин, Технология минеральных солей (удобрений, пестицидов, промышленных солей, окислов и кислот), ч. І, изд. 4-е, испр. (Издательство «Химия», 1974).
- [2] М.А. Эйдензон, Магний (Металлургия, Москва, 1969).
- [3] О.М. Дуда, І.Ю. Костів, Вісник Прикарпатського національного університету імені Василя Стефаника. Серія Хімія Випуск XII, 44 (2011).
- [4] О.М. Дуда, І.Ю. Костів, Вісник Прикарпатського національного університету імені Василя Стефаника. Серія Хімія Випуск X, 45 (2010).
- [5] М.Х. Карапетьянц, С.И. Дракин, Общая и неорганическая химия (Химия, Москва, 1981).

# O.M. Duda<sup>1</sup>, I.J. Kostiv<sup>2</sup>

# The Interaction of Water Suspension Incarbonic Dolomite with Sulfuric Acid and Carbon Dioxide

<sup>1</sup>Vasyl Stefanyk' Precarpathian National University, 57, Shevchenko Str., Ivano-Frankivsk, 76025, Ukraine <sup>2</sup>The State Scientific Research Institute of Gallurgy, Kalush

The interaction of aqueous suspension of calcium chloride has been studied at different temperatures and at the duration of natural dolomite and solutions of sulfate acid and also carbon dioxide. Studied composition of formed products. Established that the reaction rate of magnesium oxide with acid or carbon dioxide is lower than calcium oxide. The conditions of obtaining of active magnesium with content ballast calcium carbonate and sulfate, which is connected to soluble calcium. For 1023 K temperature forms the most active magnesium oxide, increasing it to 1123 K, magnesium oxide is passivated and increasing the number of active calcium oxide. Soluble calcium compound completely pass into insoluble sulfates or carbonates by passing through a suspension of carbon dioxide or solution of sulfate acid neutralization. Thermo activated dolomite which containing active magnesium oxide and various forms of inert material can be used for obtaining magnesia binders.

Keywords: incarbonic dolomite, magnesia binders, magnesium, sulfate acid, calcium chloride, carbon dioxide.

PACS 73.30.+Y, 73.40.-C, 73.50.FQ

ISSN 1729-4428

# A.V. Gaponov, O.V. Vorobiov, A.M. Vasyliev

# Electrical Parameters of SnO<sub>2</sub> Based Varistor Ceramics with CaO and BaO Additions

Oles' Gonchar Dnipropetrovs'k National University, 72 Gagarin Ave., Dnipropetrovs'k, 49010, Ukraine, e-mail: <u>alexei\_gaponov@ukr.net</u>

In the tested SnO<sub>2</sub>-Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-CuO varistor ceramics the adding of CaO or BaO oxides leads to the decrease of the electric conductivity in the low electric field and correlated increase of the potential barrier height at the SnO<sub>2</sub> grain boundaries (from 0.7 to 1.0 eV). The coordinated changes of electrical parameters with the increase of the burning temperature from 1520 to 1620 K (the increase of the linear shrinkage, a grain size, an electric conductivity, a nonlinear coefficient b, a normalized nonlinear coefficient  $b_E$ , a dielectric permittivity and the decrease of the qualifying electric field  $E_1$ , an activation energy of electric conduction and a grain specific resistance) prove the barrier mechanism of electric conductivity in the SnO<sub>2</sub> based ceramics. The highest data b = 58 and  $b_E = 0.02 \text{ cm} \cdot \text{V}^{-1}$  has ceramics with CaO addition baked at 1620 K. According to the impulse experimental data in the high electric field the increase of burning temperature causes the increase of SnO<sub>2</sub> grain average size and the decrease of their grain specific resistance  $r_g$ . The obtained value  $r_g = 1.1 \text{ Ohm} \cdot \text{cm}$  for SnO<sub>2</sub>-Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-CuO ceramics is the lowest among those found in SnO<sub>2</sub> based ceramics. The addition of CaO or BaO increase the grain specific resistance and decrease their average size.

Key words: varistor, SnO<sub>2</sub>, ceramics, grain boundary, CaO, BaO, electric conductivity, specific resistance, grain size.

Стаття поступила до редакції 30.08.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

# Introduction

Along with the widespread ZnO based ceramics applied for the overvoltage protection [1, 2] the SnO<sub>2</sub> based ceramics which can be used as a varistor material has intensively been investigated for the last two decades. SnO<sub>2</sub> based ceramics was found earlier [3]. It is characterized by the high nonlinearity of the voltage current characteristics [4-10]. Such ceramics has nonohmic electric conductivity which is caused by the potential barriers at the SnO<sub>2</sub> grain boundaries. The model of tin dioxide varistors assumes that the grainboundary barriers are the double Schottky barriers (two Schottky barriers are decreased with the increase of the voltage applied to the samples [7-10].

As voltage protective elements the varistors work in the impulse mode [11-17]. The characterization of the samples under impulse influence when the grain boundary resistance is close to the grain resistance is an important precondition for the creation of the highquality varistors. Hence, the study of voltage current characteristics of the ceramics not only in low currents  $10^{-8}$ - $10^{-1}$  A·cm<sup>-2</sup> (these ones are described in many scientific works, for example [4-8]) but also in high currents  $10^1$ - $10^3$  A·cm<sup>-2</sup> are of great interest nowadays.

We have already investigated  $\text{SnO}_2\text{-Co}_3\text{O}_4\text{-Nb}_2\text{O}_5\text{-}\text{Cr}_2\text{O}_3\text{-CuO}$  varistor ceramics with alkaline-oxide metal additions CaO, SrO and BaO [18]. Tin dioxide is characterized by low densification during sintering (which is controlled by the evaporation-condensation mechanism [4]) due to its high vapour pressure at higher temperatures. In order to enhance density in the studied ceramics,  $\text{Co}_3\text{O}_4$  is added. This oxide causes modifications in the oxygen vacancy concentration and promotes an increase in density of the ceramics [19]. At high temperatures,  $\text{Co}_3\text{O}_4$  decomposes into CoO and  $\text{Co}_2\text{O}_3$  [20]. Consequently, cobalt can exhibit both  $\text{Co}^{2+}$  and  $\text{Co}^{3+}$  oxidation states. The substitution of the Sn<sup>4+</sup> ions by  $\text{Co}^{2+}$  and / or  $\text{Co}^{3+}$  leads to the formation of oxygen vacancies and can explain the high densification of ceramic materials.

The addition of  $Nb^{5+}$  in small amounts to the  $SnO_2$  ceramics results in the electron concentration increase, which enhances the electronic conductivity in the  $SnO_2$  lattice and leads to the higher conductivity of grains [21].

The addition of  $Cr_2O_3$  into the  $SnO_2$  lattice results in the substitution of  $Sn^{4+}$  by  $Cr^{3+}$ . The addition of  $Cr_2O_3$ gives the more homogeneous microstructure of materials and the higher nonlinearity of voltage current characteristics [4].

The addition of CuO forms a liquid phase during the sintering process and enhances the sintering rate of ceramics [20]. At high temperatures (above 1300 K) in the Cu-based phase ions  $Cu^{2+}$  and  $Cu^+$  appear [22]. After cooling the layers of Cu-riched phase cover the SnO<sub>2</sub> grains [23]. The thickness of Cu-riched intergranular phase is several nanometers. The liquid phase which exists during ceramics baking can improve the distribution of  $Cr_2O_3$  throughout the sample and as a result enables to create high potential barriers on the SnO<sub>2</sub> grain boundaries. Then the low-field conductivity becomes lower [23].

The addition of CaO and BaO results in the segregation of ions with large ion radius Ca<sup>2+</sup> (104 pm) or Ba<sup>2+</sup> (138 pm) on the grain boundaries [18]. It enables to create the higher potential barriers on the grain boundaries of ceramics. The addition of SrO increases the qualifying electric field  $E_1$  [18] which is defined at current density of 1 mA·cm<sup>-2</sup>. Therefore in the further experiments only the materials with CaO or BaO additions will preferably be used.

The burning temperature is the factor which influences the characteristics and parameters of baked samples [8, 24]. The increase of burning temperature from 1375 to 1675 K causes the increase of grain size, electric conductivity and dielectric permittivity and the decrease of electric field  $E_1$  and activation energy of electric conduction [24]. The largest values of nonlinear coefficient b = (E/j)(dj/dE) have the ceramics baked at 1525 K but the largest values of the normalized nonlinear coefficient  $b_E = b/E_1$  [7, 24] have the ceramics baked at 1600 K.

While testing different characteristics of SnO<sub>2</sub> based ceramics a special attention should be paid to the correlation of a great number of electrical parameters which influence the varistor properties of the obtained materials. Hence the aim of this work is to investigate the electrical parameters of SnO<sub>2</sub>-Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-CuO ceramics with CaO or BaO additions baked at 1520 and 1620 K in the wide range of current densities  $10^{-8}$ - $10^3 \text{ A} \cdot \text{cm}^{-2}$ .

# I. Experimental details

The composition of ceramics (mol. %) (98.9x)SnO<sub>2</sub> - 0.5Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub> - 0.05Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub> - 0.05Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub> - 0.5CuO  $xACO_3$  (x = 0 or 0.5 mol. %, A = Ca or Ba) was mixed with the addition of distilled water. After drying it was pressed into disks of 12 mm diameter and thickness approximately 0.9 mm under the axial pressure of 45 MPa. The pressed disks were heated with the speed of 300 K/h up to 1520 or 1620 K, kept at this temperature during 1 hour and cooled in the switched off furnace to the room temperature. While heating the decomposition of carbonates CaCO<sub>3</sub> or BaCO<sub>3</sub> with CO<sub>2</sub> emission took place and these compounds changed into CaO or BaO [18].

The shrinkage of the samples g was calculated by the formula  $g = (D_0 - D) \cdot D_0^{-1}$  where  $D_0$  and D are the diameters of the sample before and after burning. The microstructure of ceramics was studied by the scanning electron microscopy Zeiss Supra 35VP.

After baking the samples were kept for a long time in the room conditions in order to achieve the stability of their electrical properties because during the first 6 months after burning the gradual evolution of electrical parameters took place [25]. Silver was used as electrode material. Silver-containing paste was applied to the plane-parallel surfaces of the samples which were slowly heated up to 1070 K with further cooling till the room temperature in the switched off furnace. The electrical measurements were made in a certain period of time after preparing the electrodes. It was required to achieve the stability of electrical characteristics of ceramics [25].

The voltage current characteristics in low currents were registered by applying the direct voltage and the measurement of the constant values of current. The possible sample self-heating which is peculiar to the SnO<sub>2</sub> based ceramics [9, 10, 23-26] is determined as the increase of current at fixed voltage. The results were registered avoiding the Joule heating of ceramics. The nonlinear coefficient b = (E/j)(dj/dE) is estimated at the current density of  $j = 10^{-3} \text{ A} \cdot \text{cm}^{-2}$ . The qualifying electric field  $E_1$  is evaluated at the same current density.

The activation energy of electric conduction of ceramics  $E_{S}$  was determined from the temperature dependence of electric conductivity in low electric fields, using the formula  $S = S_0 \exp(-E_S / kT)$ , where  $S_0$  is a constant, *k* is the Boltzmann's constant, *T* is the absolute temperature.

In order to test the current voltage characteristics in high current field the single impulses with front approximately 8 *ms* and slow slope (for approximately 20 *ms* from the impulse beginning the current fell down up to the half of the amplitude) were given to the samples. So called 8/20 impulses are used during the testing of impulse impact on the varistors [11-18]. The interval between the impulses was 5 min. The oscillograms of voltage and current through the sample were registered with the help of storage oscilloscope C8-11. To build up the voltage current characteristics which were measured on the impulses the peak values of voltage and current were used.

The SnO<sub>2</sub> grain specific resistance and their average size were estimated using voltage current characteristics in high current range  $j = 10^{1} \cdot 10^{3} \text{ A} \cdot \text{cm}^{-2}$ . With these values *j* specific resistance was calculated from the linear part slope of dependence built in coordinates  $E \sim j$ , using the formula  $r_g = \Delta E/\Delta j$  [11-13], where  $\Delta E$  is the growth of the electric field and  $\Delta j$  is the growth of the current density. In order to evaluate the grain average size  $l_g$  the linear part of voltage current characteristics

Table 1

Addition	Linear shrinkage g, %	Grain average size $l_{g micr},$ <b>m</b> m	Nonlinear coefficient b	Electric field $E_1$ , $V \cdot cm^{-1}$	Normalized nonlinear coefficient $b_E = b/E_1$ , cm·V <sup>-1</sup>	Activation energy of electric conduction $E_{\sigma}$ , eV	Electric conductivity <i>S</i> , Ohm <sup>-1</sup> ·cm <sup>-1</sup>	Dielectric permittivity $\varepsilon$ (1 kHz)
	Baked temperature 1520 K							
_	10.9	6.2	37	2980	0.0124	0.66	$7.1 \cdot 10^{-11}$	2147
CaO	10.6	3.8	42	7300	0.0058	0.86	$9.2 \cdot 10^{-12}$	230
BaO	9.6	3.7	30	8160	0.0037	1.01	$5.2 \cdot 10^{-12}$	253
	Baked temperature 1620 K							
_	11.8	9.3	26	1860	0.0140	0.64	$2.4 \cdot 10^{-10}$	4123
CaO	11.3	6.9	58	2960	0.0196	0.85	$6.4 \cdot 10^{-11}$	1544
BaO	10.0	6.7	33	3880	0.0085	0.88	$3.6 \cdot 10^{-11}$	1064

Some parameters of SnO<sub>2</sub>-Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-CuO ceramics with CaO or BaO additions

in high current field was extrapolated to the crossing with electric field axis. The obtained value  $E_0$  was used to find  $l_g$  with the formula  $l_g = E_g / E_0$  [11-13], where  $E_g \approx 3.6 \ eV$  is the width of SnO<sub>2</sub> energy gap [27].

The AC capacity *C* was measures at the 1 kHz frequency by *LCRG* measuring device Tesla BM 591. The dielectric permittivity of the ceramics was calculated with the formula  $e = Ch/(e_0S)$ , where *h* is the sample thickness, *S* is the electrode area and  $e_0$  is a dielectric

thickness, S is the electrode area and  $e_0$  is a dielectric constant.

# II. Results and discussion

The small additions in  $SnO_2$  can change the barrier formation conditions and, therefore, it can change electrical properties of  $SnO_2$  varistors. The barrier formation process in  $SnO_2$  varistor ceramics can be influenced by the grain-boundary phase formation.

In order to test the ceramics microstructure the surface microphotographs of the samples baked at 1520 K were presented in *fig. 1*. Cu-riched intergranular phases which were in liquid state during the burning cover  $\text{SnO}_2$  grains in  $\text{SnO}_2$ - $\text{Co}_3\text{O}_4$ - $\text{Nb}_2\text{O}_5$ - $\text{Cr}_2\text{O}_3$ -CuO ceramics (*fig. 1, a*). This Cu-rich phase occurs at grain boundaries rather inhomogeneously throughout the sample. The situation can be quite complicated due to possible conversion of CuO to Cu<sub>2</sub>O in the process of synthesis [22].

Cu-riched intergranular phases are almost undetectable while adding CaO or BaO (*fig. 1, b* and *c*). It can be connected with  $Ca^{2+}$  or  $Ba^{2+}$  ion segregation with large ion radius (104 pm and 138 pm respectively) on the grain boundaries (Sn<sup>4+</sup> ion radius is 67 pm). CaO or BaO interrelate with Cu-riched phase [18] and therefore it is almost impossible to find this phase on the grain boundaries.

The grain average size of  $\text{SnO}_2$ - $\text{Co}_3\text{O}_4$ - $\text{Nb}_2\text{O}_5$ - $\text{Cr}_2\text{O}_3$ -CuO ceramics baked at 1520 K is 6.2 **m***m* (*tab. 1*) and quite the great number of pores are observed in a sample (*fig. 1, a*). Such ceramics has a linear shrinkage of g = 10.9 %. While adding CaO or BaO the shrinkage of



**Fig. 1.** SEM micrographs of the as-sintered surface of  $SnO_2$ - $Co_3O_4$ - $Nb_2O_5$ - $Cr_2O_3$ -CuO varistor ceramics without (a) and with CaO (2) or BaO (3) additions baked at 1520 K.

samples decreases up to 10.6 or 9.6 % correspondingly and at the same time a grain average size decreases (*tab. 1*). It is probably connected with worsening of synthesis due to the ions with large ion radius and the emergence of the unfavourable conditions for  $SnO_2$  grain growth.

When the burning temperature increases up to 1620 K the grains in three tested systems of ceramics grow greater and the shrinkage of the samples increases (*tab. 1*). The microstructure of such materials [18] is similar to the microstructure of corresponding samples baked at 1520 K. The increase of burning temperature leads to the formation of the more solid and less porous structure of varistors.

The dependences of current density on electric field for  $SnO_2$ - $Co_3O_4$ - $Nb_2O_5$ - $Cr_2O_3$ -CuO ceramics with CaO or BaO additions are presented in *fig.* 2. The observed varistor properties can be explained in the frames of grain-boundary double Schottky barrier concept as a decrease of the barrier height with the increase of electric field.

The electric conductivity of ceramics S is connected with potential barrier height  $j_0$  on the grain boundaries:



**Fig. 2.** Current density vs. electric field in  $SnO_2$ - $Co_3O_4$ - $Nb_2O_5$ - $Cr_2O_3$ -CuO varistor ceramics without (1) and with CaO (2) or BaO (3) additions baked at 1520 K (a) and 1620 K (b).

 $s = s_0 \exp(-(j_0 + h)/kT) = s_0 \exp(-E_S/kT)$ , where h is the distance of Fermi level from the bottom of conduction band in the grain depth. In tin dioxide based varistor ceramics the Fermi level far from the SnO<sub>2</sub> grain boundary is located below the conduction band edge at about 0.1-0.2 eV [27]. Therefore, the barrier height  $j_0$  is only slightly less than the activation energy of electrical conduction  $E_s$  which was evaluated with temperature dependence of electric conductivity (fig. 3) in hightemperature area. As a result, the obtained  $E_s$  values in SnO<sub>2</sub>-Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-CuO samples give quite correct estimation of the barrier height:  $j_0 \cong E_S \cong 0.65 \ eV \ (tab. 1).$ 

With adding CaO or BaO in  $SnO_2$ -Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-CuO ceramics the activation energy increases which leads to the decrease of electric conductivity in low electric field (*tab. 1*). With larger burning temperature the activation energy is somewhat less therefore the corresponding values of electric conductivity in low electric field are larger. It means that in the  $SnO_2$ -Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-CuO ceramics and in the ceramics with CaO or BaO additions conduction is controlled by the grain-boundary barriers.



**Fig. 3.** Temperature dependences of dc low-field electric conductivity for  $SnO_2$ - $Co_3O_4$ - $Nb_2O_5$ - $Cr_2O_3$ -CuO varistor ceramics without (1) and with CaO (2) or BaO (3) additions baked at 1520 K (a) and 1620 K (b).



**Fig. 4.** Dependences of the normalized nonlinear coefficient (a) and grain specific resistance (b) on baked temperatures for  $SnO_2$ - $Co_3O_4$ - $Nb_2O_5$ - $Cr_2O_3$ -CuO varistor ceramics without (1) and with CaO (2) or BaO (3) additions.

It is necessary to point out that  $SnO_2$  grain structure, mutual orientation of neighboring grains, surface structure of  $SnO_2$  grains, surface electronic structure, chemisorbed oxygen, used oxide additives and other factors determine the conditions for barrier formation during sintering in oxidizing atmosphere. This problem is quite complicated (see, for example, [27]) and, extends beyond the composition analysis discussed in this paper. On that reason the structure of grains and grain boundaries are not discussed in this paper.

The values of the qualifying electric field  $E_1$  in SnO<sub>2</sub>-Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-CuO ceramics obtained during the experiments (*tab. 1*) are not too high (about (2-3)  $\cdot$  10<sup>3</sup> V·cm<sup>-1</sup>). These values increases with CaO addition and even more increases with BaO addition in samples obtained at both burning temperatures (*fig. 2*). The increase of  $E_1$  is connected with the decrease of grain average size. The burning at larger temperature leads to the grain growth of the ceramics and less corresponding values of  $E_1$  (*tab. 1*).

The values of dielectric permittivity of the samples e are also specified by SnO<sub>2</sub> grain sizes: the less they are the less value of e we have (*tab. 1*). Somewhat larger values of e with BaO addition than those with CaO addition in the samples baked at 1520 K is

connected with close values of grain average size in such ceramics and, possibly, with some large grains in sample volume. Such grains were not taken into consideration while determining the grain average size at its surface. In this case the cross-section between large grains is significant and the number of in-series capacities of separate grain boundaries is less. Therefore the value of dielectric permittivity is somewhat large (*tab. 1*).

In baked at 1520 K ceramics with CaO addition the nonlinear coefficient increases from 37 to 42 and in the same ceramics baked at larger burning temperature 1620 K it increases from 26 to 58 (tab. 1). The growth of voltage current characteristics nonlinearity takes place due to the quick decrease of potential barrier height on the grain boundaries at the quite great values of electric field [9] in the system with CaO addition. Baked at 1620 K ceramics with CaO addition has the largest value b = 58 at not too high electric field ( $E_1 = 2960 \text{ V} \cdot \text{cm}^{-1}$ ). It allows to use this ceramics in commercial conditions. The value b = 26 is quite little for basic ceramics baked at 1620 K which is explained by the calculation of nonlinear coefficient at current density of 10<sup>-3</sup> A·cm<sup>-2</sup> (fig. 2, b), when the voltage at the sample was still not enough to achieve high nonlinear area at voltage current characteristics. The BaO addition does not cause the increase of nonlinear coefficient (tab. 1) possibly due to the gradual decrease of the potential barrier height on the grain boundaries at quite large electric fields.

The normalized nonlinear coefficient  $b_F = b / E_1$ decreases in baked at 1520 K ceramics with CaO addition and even more decreases with BaO addition (fig. 4, a). It takes place due to the large values of  $E_1$  in such samples (tab. 1). In baked at larger burning temperature 1620 K ceramics the corresponding values of  $E_1$  are almost two times as less as those of the ceramics baked at 1520 K. Hence the corresponding values of  $b_E$  will be larger (fig. 4, a). The largest normalized nonlinear coefficient  $b_E = 0.02 \text{ cm} \cdot \text{V}^{-1}$  has SnO<sub>2</sub>-Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-CuO ceramics with CaO addition baked at 1620 K. It is caused by a large nonlinear coefficient b at quite a moderate qualifying electric field  $E_1$ . The obtained value of  $b_E = 0.02 \text{ cm} \cdot \text{V}^{-1}$  is among the largest ones for the samples of SnO<sub>2</sub> ceramics [7, 24].

At high electric currents  $j = 10^{1} \cdot 10^{3} \text{ A} \cdot \text{cm}^{-2}$  the potential barrier height on the grain boundaries decreases and the electric conductivity of ceramics is controlled both by low potential barriers and relatively conductive SnO<sub>2</sub> grains [14-18]. The evaluated with voltage current characteristics in high current densities (approx. up to 1000 A  $\cdot \text{cm}^{-2}$ ) the grain average size in ceramics baked at 1520 K decreases with CaO or BaO additions from 4.5 to 1.3 *mm* and in ceramics baked at 1620 K from 6.8 to 3.7 and 2.6 *mm* correspondingly (*tab. 2*). The decrease of grain average size correlates with the data obtained by electron scanning microscope. Possibly, the presence in ceramics the elements with large ion radius, as it was mentioned above, worsens the baking of ceramics. As a result the grains of such ceramics grow less.

#### Table 2

Grain specific resistance and grain average size obtained of pulse regime and of scanning electron microscopy for SnO<sub>2</sub>-Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-CuO ceramics with CaO or BaO additions

Addition	Grain specific resistance $\rho_{g}$ , Ohm·cm	Grain average size (pulse regime) $l_{g pulse}, mm$	Grain average size (scanning electron microscopy) $l_{g \text{ micr}}$ , <b>m</b> $m$
		Baked temperature 1520 K	
-	4.6	4.5	6.2
CaO	10.2	1.3	3.8
BaO	26.4	1.3	3.7
		Baked temperature 1620 K	
_	1.1	6.8	9.3
CaO	5.6	3.7	6.9
BaO	9.9	2.6	6.7

It should be noted that all values of grain average size calculated with the help of impulse testing are less than those obtained by electron microscopy (*tab. 2*). It can be explained by more rapid grain growth on the surface of samples in direct contact with environment during burning. Within the samples there are the grains of less size which influence upon grain total average size calculated with voltage current characteristics at high currents. The increase of burning temperature on 100 K fosters the larger grain growth and it is resulted into larger grain sizes (*tab. 2*).

The  $SnO_2$  grain specific resistance in the samples baked at 1520 K increases with CaO or BaO additions from 4.6 to 10.2 and 26.4 Ohm correspondingly (tab. 2). Adding to the ceramics CaO or BaO with large ion radius elements (104 pm and 138 pm respectively) leads to their segregation on grain boundaries and the increase of grain specific resistance. The increase of burning temperature on 100 K causes the decrease of grain specific resistance in 2-4 times up to 1.1, 5.6 and 9.9 Ohm  $\cdot$  cm (*fig. 4, b*). The larger burning temperature fosters both the increase of grain cross section and, possibly, the better spread of  $Nb_2O_5$  (it is responsible for electric conductivity of grains) in presence of CuO based phase which is liquid during the burning [23]. Therefore the improvement of ceramics structure homogeneity is one of the most important tasks in the process of highquality varistor development.

It should be pointed out that the obtained values of grain specific resistance correlates with the data as for their average size: the larger values of grain specific resistance correspond the less values of average size (*tab. 2*). It proves the influence of grain cross section on their specific resistance.

The obtained values of SnO<sub>2</sub> grain specific resistance are several times as large as those of ZnO grains (0.25-0.7 Ohm·cm) in ZnO based varistors [12, 13]. It limits the usage of SnO<sub>2</sub> based ceramics as a varistor material. But the obtained value of 1.1 Ohm·cm for SnO<sub>2</sub>-Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-CuO system almost coincides with the value 1.2 Ohm·cm which was found out earlier for

- [1] T.K. Gupta, J. Am. Ceram. Soc. 73, 1817 (1990).
- [2] D.R. Clarke, J. Am. Ceram. Soc. 82, 485 (1999).

the  $SnO_2$ -CoO-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-Y<sub>2</sub>O<sub>3</sub> system. The last one is the least for  $SnO_2$  based varistors [17] and it allows to decrease the grain specific resistance in future.

# Conclusions

The coordinated changes of a linear shrinkage, a grain average size, a qualifying electric field, an electric conductivity, activation energy of electric conduction, a nonlinear coefficient, a normalized nonlinear coefficient and a dielectric permittivity prove the barrier mechanism of electric conductivity in SnO<sub>2</sub> based ceramics. The CaO addition improves the nonlinearity of voltage current characteristics of SnO<sub>2</sub> based ceramics. The obtained normalized nonlinear coefficient  $b_E = 0.02 \text{ cm} \cdot \text{V}^{-1}$  for  $\text{SnO}_2\text{-}\text{Co}_3\text{O}_4\text{-}\text{Nb}_2\text{O}_5\text{-}\text{Cr}_2\text{O}_3\text{-}\text{CuO}$ CaO system is the largest for the samples of SnO<sub>2</sub> based ceramics. The values of grain average sizes calculated from voltage current characteristics at high currents correlate with the data of electron microscopy. The estimated on the basis of impulse testing value of SnO<sub>2</sub> grain specific resistance 1.1 Ohm cm is the lowest among those ones for SnO<sub>2</sub> based ceramics. The increase of burning temperature leads to the decrease of grain specific resistance. The SnO<sub>2</sub>-Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-CuO-CaO ceramics is a prospective material for a varistor production.

The authors are very grateful to A.B. Glot (Universidad Tecnológica de la Mixteca) and R. Bulpett (Experimental Techniques Centre, Brunel University) for organizing the scanning electron microscopy.

Гапонов	<i>O.B.</i>	-	к.фм.н.,	доцент	кафедри
радіоелектр	оніки	;			
Воробйов	<i>O.B</i> .	-	магістр	факультету	фізики,
електроніки	1 та ко	мп'н	отерних си	стем;	
Васильєв	<i>A.M</i> .	-	магістр	факультету	фізики,
електроніки	1	та	комп'н	отерних	систем.

Electrical Parameters of SnO<sub>2</sub> Based ...

- [3] A.B. Glot, A.P. Zlobin, Inorg. Mater. 25 (2), 274 (1989).
- [4] S.A. Pianaro, P.R. Bueno, E. Longo, J.A. Varela, J. Mater. Sci. Lett. 14, 692 (1995).
- [5] P.N. Santosh, H.S. Potdar, S.K. Date, J. Mater. Res. 12, 326 (1997).
- [6] W.-X. Wang, J.-F. Wang, H.-C. Chen, W.-B. Su, G.-Z. Zang, Mater. Sci. Eng. B 99, 457 (2003).
- [7] A.B. Glot, I.A. Skuratovsky, Mater. Chem. Phys. 99 (2 3), 487 (2006).
- [8] P.R. Bueno, J.A. Varela, E. Longo, J. Eur. Ceram. Soc. 28 (3), 505 (2008).
- [9] A.B. Glot, A.V. Gaponov, A.P. Sandoval-Garcia, Phys. B: Condensed Matter. 405, 705 (2010).
- [10] A.V. Gaponov, A.B. Glot, Semiconductor Physics, Quantum Electronics & Optoelectronics 14 (1), 71 (2011).
- [11] A.I. Ivon, A.B. Glot, I.M. Chernenko, Fourth Euro-Ceramics. V. 5, Electroceramics (Gruppo Editoriale Faenza Editrice, Faenza, 1995), p. 475.
- [12] A.I. Ivon, A.B. Glot, A.V. Gaponov, S.V. Mazurik, Key Engineering Materials 132-136, 1289 (1997).
- [13] A.I. Ivon, Inorg. Mater. 36 (10), 1074 (2000).
- [14] M.A. Ramirez, W. Bassi, R. Parra, P.R. Bueno, E. Longo, J.A. Varela, J. Am. Ceram. Soc. 91 (7), 2402 (2008).
- [15] M.A. Ramirez, W. Bassi, P.R. Bueno, E. Longo, J.A. Varela, J. Phys. D: Appl. Phys. 41, 122002 (2008).
- [16] Z.-Y. Lu, Z. Chen, J.-Q. Wu, J. Ceram. Soc. Japan 117 (7), 851 (2009).
- [17] A.B. Glot, Z.Y. Lu, Z.Y. Zhou, A.I. Ivon, Superficies y Vacio 24(2), 61 (2011).
- [18] A.V. Gaponov, A.B. Glot, A.I. Ivon, R. Bulpett, Phys. Chem. Solid State 11 (3), 738 (2010), in Ukrainian.
- [19] J.A. Varela, J.A. Cerri, E.R. Leite, E. Longo, M. Shamsuzzoha, R.C. Bradt, Ceram. Int. 25, 253 (1999).
- [20] M.S. Castro, C.M. Aldao, J. Eur. Ceram. Soc. 18, 2233 (1998).
- [21] S.A. Pianaro, P.R. Bueno, P. Olivi, E. Longo, J.A. Varela, J. Mater. Sci.: Mater. Electron. 9, 159 (1998).
- [22] C. Wang, J. Wang, H. Chen, W. Su, G. Zang, P. Qi, M. Zhao, Mater. Sci. Eng. B, 116, 54 (2005).
- [23] A.B. Glot, A.P. Sandoval-Garcia, A.V. Gaponov, R. Bulpett, B.J. Jones, G. Jimenez-Santana, Adv. in Tech. of Mat. and Mat. Proc. J. 10 (1), 21 (2008).
- [24] A.V. Gaponov, A.B. Glot, Vestnik Dnepropetrovsk University 16 (2), 119 (2008), in Russian.
- [25] A.V. Gaponov, A.B. Glot, A.V. Kovalenko, Phys. Chem. Solid State 10 (4), 939 (2009), in Ukrainian.
- [26] A.B. Glot, A.N. Bondarchuk, A.I. Ivon, L. Fuentes, J.A. Aguilar-Martinez, M.I. Pech-Canul, N. Pineda-Aguilar, XIX International Conference on Extractive Metallurgy (Saltillo, Mexico, 2010). P. 572.
- [27] M. Batzill, U. Diebold, Prog. Surf. Sci. 79, 47 (2005).

# О.В. Гапонов, О.В. Воробйов, А.М. Васильєв

# Електричні параметри варисторної кераміки на основі SnO<sub>2</sub> з домішками оксидів CaO і BaO

Дніпропетровський національний університет ім. Олеся Гончара, пр. Гагаріна, 72, Дніпропетровськ, 49010, Україна, e-mail: <u>alexei\_gaponov@ukr.net</u>

В дослідженій варисторній кераміці SnO<sub>2</sub>-Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-CuO додавання оксидів CaO або BaO призводить до зменшення електропровідності в слабкому електричному полі й корельованого збільшення висоти потенціальних бар'єрів на межах зерен SnO<sub>2</sub> (з 0,7 до 1,0 еВ). Координовані зміни електричних параметрів при підвищенні температури випалу з 1520 до 1620 К (збільшення значень лінійної усадки, розміру зерен, електричної провідності, коефіцієнта нелінійності b, нормалізованого коефіцієнта нелінійності  $b_E$  і діелектричної провідності та зменшення значень класифікаційної напруженості електричного поля, енергії активації електропровідності й питомого опору зерен) підтверджують бар'єрний механізм електропровідності в кераміці на основі SnO<sub>2</sub>. Найбільші значення b = 58 і  $b_E = 0,02$  см·В<sup>-1</sup> має кераміка з домішкою CaO, спечена при 1620 К. За даними імпульсних досліджень в області сильних електричних струмів підвищення температури випалу обумовлює збільшення середнього розміру зерен SnO<sub>2</sub> і зменшення їх питомого опору  $r_g$ . Отримане значення  $r_g = 1,1$  Ом·см для кераміки SnO<sub>2</sub>-Co<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Nb<sub>2</sub>O<sub>5</sub>-Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-CuO є найменшим серед визначених в оксидно-олов'яній кераміці. Додавання оксидів CaO або BaO збільшує питомий опір зерен і зменшує їх середній розмір.

Ключові слова: варистор, SnO<sub>2</sub>, кераміка, межа зерен, CaO, BaO, електропровідність, питомий опір, розмір зерен.

ISSN 1729-4428

# І.С. Процак, Є.М. Пахлов, В.А. Тьортих

# Особливості хемосорбції диметилкарбонату поверхнею кремнезему

Інститут хімії поверхні ім. О.О. Чуйка Національної академії наук України, вул. Генерала Наумова 17, 03164 Київ, <u>e-mail:iryna\_protsak@yahoo.com</u>

Наведено результати досліджень взаємодії диметилкарбонату з центрами поверхні пірогенного кремнезему, проведених у вакуумній кварцовій кюветі із застосуванням методу ІЧ-спектроскопії. Встановлено, що хімічна взаємодія диметилкарбонату з центрами поверхні дегідратованого кремнезему інтенсивно проходить при підвищенні температури до 200 °C, а процеси хемосорбції відбуваються як по структурним силанольним групам, так і по силоксановим місткам поверхні.

Ключові слова: пірогенний кремнезем, диметилкарбонат, хемосорбція, силанольні групи, силоксановий зв'язок.

Стаття поступила до редакції 21.10.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

# Вступ

Для модифікації поверхні дисперсних кремнеземів, зокрема пірогенних, все ширше застосовують полідиметилсилоксані олігомери, що дозволяє одержувати гідрофобні наноматеріали із високим вмістом прищеплених органічних груп в поверхневому шарі. Такі продукти знаходять широке застосування як наповнювачі полімерів і загусники дисперсійних середовищ. Проте хемосорбція олігомерних полідиметилсилоксанів на поверхні частинок кремнезему потребує значних енергетичних витрат, а перебіг процесів хімічного модифікування відбувається при досить високих температурах (близько 400 °С) [1]. Для підвищення реакційної здатності полідиметилсилоксанів використовувалися різні підходи, зокрема з використанням лугів [2], кислот [3, 4], тіонілхлориду, аміаку і органічних амінів [1], застосування яких пов'язане з певними технологічними труднощами. При цьому зростає також і ризик наявності в одержаних хімічно модифікованих продуктах потенційних електролітів. Диметилкарбонат, який є ефективним алкілюючим і карбоксилюючим реагентом "зеленої" хімії [5-11], виявився активним і в процесах розщеплення силоксанового зв'язку в поліорганосилоксанах [12, 13], що було використано для пом'якшення умов їхньої хемосорбції на поверхні кремнеземів [14, 15]. Становить інтерес дослідити також як особливості взаємодії диметилкарбонату i3 структурними силанольними групами кремнезему, так і можливості

розриву силоксанових зв'язків, розташованих безпосередньо на дегідратованій поверхні.

# I. Матеріали і методи дослідження

Для досліджень використовували непористий пірогенний аморфний кремнезем марки А-300 з питомою поверхнею близько 260 м<sup>2</sup>/г, який було одержано високотемпературним гідролізом прекурсору кремнію у воднево-кисневому полум'ї на державному підприємстві "Калуський дослідноекспериментальний завод" (Калуш, Україна).

Спектральні дослідження адсорбційних хемосорбційних процесів на поверхні проводили у кварцевій кюветі, яка дозволяє здійснювати термічну обробку зразків в вакуумних умовах та містить ІЧпрозорі вікна із флюориту. Для реєстрації ІЧ-спектрів поглинання використовували спектрофотометр Спекорд М-80 з діапазоном хвильових чисел 4000 -200 см-1. Обробку поверхні проводили парами диметилкарбонату (Sigma-Aldrich, молекулярна маса 90 Да, густина 1,107 г/см<sup>3</sup>, температура кипіння 90 °С). Розміщені в кюветі спресовані пластинки (28×8 мм і масою 25 мг) пірогенного кремнезему прогрівали і відкачували до тиску 10<sup>-2</sup> мм. рт. ст., після чого приводили в контакт з насиченими парами диметилкарбонату при різних температурах, починаючи з кімнатної. Попередню підготовку поверхні кремнезему здійснювали термовакуумуванням при 650 °С протягом 1 год.



б

**Рис. 1.** ІЧ-спектри поглинання пірогенного кремнезему, підготовленого в вакуумі при 650°С, після адсорбції насичених парів диметилкарбонату (*a*) та наступного вакуумування при кімнатній температурі (*б*).

# атомів кисню молекул адсорбату.

#### В ІЧ-спектрі кремнезему, після адсорбції при кімнатній температурі насичених парів 3750 см<sup>-1</sup> диметилкарбонату (рис. 1,а) смуга валентних коливань О-Н у вільних силанольних групах поверхні зміщується до 3500 см<sup>-1</sup> в результаті утворення сорбційних комплексів з молекулами адсорбата. Спостерігаються також інтенсивні смуги поглинання в області валентних коливань С-Н адсорбованого диметилкарбонату (найбільш інтенсивні смуги в області 2965 і 2862 см<sup>-1</sup>). Така поведінка силанольних груп поверхні кремнезему характерна для адсорбційних комплексів з водневим зв'язком за участю протонів силанольних груп і

**II.** Результати та їхнє обговорення

Після відкачки кремнезему з адсорбованим диметилкарбонатом при кімнатній температурі в спектрі (рис. 1,б) частково відновлюється інтенсивність смуги поглинання при 3750 см<sup>-1</sup>, а інтенсивність смуги 3500 см<sup>-1</sup> значно зменшується. Суттєво зменшується також і інтенсивність смуг поглинання в області валентних коливань зв'язків проте частина молекул алсорбованого C-H. диметилкарбонату утримується центрами ше поверхні дегідратованого кремнезему. У спектрах присутня також інтенсивна смуга поглинання в області 1747 см<sup>-1</sup>, що відповідає коливанням карбонільної групи С=О адсорбованих молекул диметилкарбонату. При більш високих температурах вакуумування і ці сорбційні комплекси руйнуються (рис. 2). He виключено, що при адсорбції



**Рис. 2.** ІЧ-спектри поглинання пірогенного кремнезему з адсорбованим диметилкарбонатом після вакуумування при 100°С (*I*) та 200°С (*2*).

диметилкарбонату має місце утворення адсорбційних комплексів двох типів, що різняться міцністю зв'язків з центрами поверхні кремнезему.

Як вже відмічалося, диметилкарбонат € неагресивною і нетоксичною речовиною, шо відповідає основним вимогам "зеленої хімії" [6]. Тому він широко використовується як метилюючий і карбоксиметилюючий реагент в багатьох хімічних процесах, де з успіхом може замінювати більш реагенти, наприклад агресивні фосген метилгалогеніди [5, 6]. Диметилкарбонат € амбідентним електрофільним реагентом, в якому присутні як відносно жорсткий електрофіл (атом вуглецю групи С=О), так і м'який електрофіл (атоми вуглецю метоксигруп). При атаці жорстким електрофілом відбувається карбоксиметилювання нуклеофільного реагенту (Nu<sup>-</sup>), а відповідно при взаємодії з м'яким електрофілом - процес метилювання. Дуже важливо, що диметилкарбонат одночасно може використовуватися як реагент і розчинник. а в обох процесах. як карбоксиметилювання відповідного нуклеофіла:

 $Nu^-$  + H<sub>3</sub>COCO<sub>2</sub>CH<sub>3</sub> → NuCO<sub>2</sub>CH<sub>3</sub> + H<sub>3</sub>CO<sup>-</sup>, так і метилювання Nu<sup>-</sup> у відповідності зі схемою:  $Nu^-$  + H<sub>3</sub>COCO<sub>2</sub>CH<sub>3</sub> → NuCH<sub>3</sub> + H<sub>3</sub>COCO<sub>2</sub><sup>-</sup>,

в результаті реакцій не утворюються неорганічні солі. На реакційну здатність диметилкарбонату можна впливати як за рахунок зміни умов реакції, так і шляхом використання каталізаторів, зокрема солей лужних металів [16]. Для пояснення можливих причин такого впливу корисно використати дані квантовохімічних розрахунків комплексів алкілкарбонатів з йонами лужних металів. Так в роботі [17], з використанням методу функціоналу густини досліджено будову комплексів йонів літію з діетилкарбонатом. З проведених розрахунків випливає, що координація алкілкарбонату з катіоном лужного металу відбувається за участю атому кисню зв'язку С=О. При цьому в результаті такої донорноакцепторної взаємодії підвищується електронна густина на атомі кисню та зменшується електронна густина на карбоксильному атомі вуглецю.

Дослідження взаємодії насичених парів диметилкарбонату з поверхнею дегідратованого кремнезему (650 °C) при температурах 200, 300 та 350 °C протягом 1 год з наступним вакуумуванням поверхні при обраних температурах впродовж 3 год показали, що в поверхневому шарі відбувається прогресуюча хемосорбція (H<sub>3</sub>CO)<sub>2</sub>CO (рис. 3).

Було встановлено, що хімічна взаємодія (H<sub>3</sub>CO)<sub>2</sub>CO з центрами поверхні дегідратованого відбувається кремнезему при підвищенні температури до 200 °С (рис. 3). При подальшому підвищенні температури в спектрах кремнезему часткове зменшення інтенсивності відбувається смуги валентних коливань O-H ізольованих 3750 см<sup>-1</sup> силанольних груп поверхні при i3 інтенсивності зростанням одночасним смуг поглинання, що відповідають валентним коливанням С-Н (2965 і 2862 см<sup>-1</sup>) в прищеплених до поверхні метоксигрупах. При цьому хоча концентрація закріплених – ОСН3 груп суттєво зростає, повної участі силанольних груп поверхні кремнезему в хімічній реакції з диметилкарбонатом в цих умовах не спостерігається. Тому логічно було припустити, що хемосорбція (Н<sub>3</sub>CO)<sub>2</sub>CO відбувається за участі силоксанових зв'язків на поверхні кремнезему.

Для перевірки цього припущення і кращого розуміння процесів, що відбуваються при хемосорбції диметилкарбонату, з поверхні



**Рис. 3.** ІЧ-спектри поглинання пірогенного кремнезему після контакту з насиченими парами диметилкарбонату при 200°С (1), 300°С (2) і 350°С (3) та наступного вакуумування зразків при тих же температурах.



**Рис. 4.** ІЧ-спектри поглинання пірогенного кремнезему після реакції з парами гексаметилдисилазана при 120°С (1), наступного вакуумування при 300°С (2), контакту з парами диметилкарбонату та відкачки при 300°С (3).

кремнезему було видалено силанольні групи шляхом їх заміщення на триметилсилільні групи в результаті хімічної реакції з гексаметилдисилазаном (рис. 4). Як відомо [18], хемосорбція гексаметилдисилазану на поверхні пірогенного кремнезему відбувається за участю ізольованих силанольних груп з прищепленням до поверхні триметилсилільних груп - (Si(CH<sub>3</sub>)<sub>3</sub>).

Як видно з ІЧ-спектрів, після проведення реакції з гексаметилдисилазаном при 120 °С вільні силанольні групи поверхні кремнезему (3750 см<sup>-1</sup>) вдається повністю замінити на хімічно прищеплені триметилсилільні групи (інтенсивні смуги 2965 і 2905 см<sup>-1</sup>). Разом із тим після контакту з парами (H<sub>3</sub>CO)<sub>2</sub>CO при 300 °C і наступного вакуумування в спектрах чітко спостерігається смуга з максимумом поглинання при 2862 см<sup>-1</sup> (валентні коливання C-H в поверхневих метоксигрупах). Ці дані підтверджують можливість розриву силоксанових зв'язків безпосередньо на поверхні кремнезему при взаємодії з алкілкарбонатами згідно із схемою:

#### Висновки

Показано, що при адсорбції диметилкарбонату на дегідратованому кремнеземі має місце утворення адсорбційних комплексів двох типів, що різняться міцністю зв'язків з центрами поверхні. Встановлено, що хімічна взаємодія диметилкарбонату з активним центрами поверхні кремнезему інтенсивно проходить при підвищенні температури до 200 °С. При подальшому підвищенні температури відбувається прогресуюча хемосорбція (H<sub>3</sub>CO)<sub>2</sub>CO як по силанольним групам, так і по силоксановим місткам поверхні.

Acknowledgement. The research leading to these results has received funding from the People Programme (Marie Curie Actions) of the European Union's Seventh Framework Programme FP7/2007-2013/ under REA grant agreement No°PIRSES-GA-2013-612484.

Процак I.C. - провідний інженер;

*Тьортих В.А.* - доктор хімічних наук, професор; *Пахлов Є.М.* - кандидат хімічних наук, старший науковий співробітник.

- [1] В.А. Тертых, Л.А. Белякова, Химические реакции с участием поверхности кремнезема (Наукова думка, Київ, 1991).
- [2] М.Г. Воронков, Гетеролитические реакции расщепления силоксановых связей (Изд-во АН СССР, Москва, 1961).
- [3] І.Ф. Миронюк, С.А. Курта, Т.В. Гергель, Є.М. Воронін, В.Л. Челядін, О.С. Курта, Фіз. і хім. тв. тіла 10(1), 157 (2009).
- [4] О.С. Курта, В.М. Кисленко, І.Ф. Миронюк, С.А. Курта, Схід-Європ. Журн. Перед. Техн. 3(6), 54 (2011).
- [5] P. Tundo, M. Selva, Acc. Chem. Res. 35(9), 707 (2002).
- [6] Л.М. Кустов, И.П. Белецкая, Рос. хим. ж. 48(6), 3 (2004).
- [7] Y. Ono, Appl. Catal. A, 155(2), 133 (1997).
- [8] G. Lamoureux, C. Aguergo, ARKIVOC (1), 251 (2009).
- [9] Y. Ono, Pure Appl. Chem. 68(2), 367 (1996).
- [10] Ф. Арико, П. Тундо, Усп. Хим. 79(6), 532 (2010).
- [11] P. Tundo, L. Rossi, A. Loris, J. Org. Chem. 70(6), 2219 (2005).
- [12] І.С. Процак, В.А. Тьортих, Ю.М. Больбух, Р.Б. Козакевич, ХПУ (4), 58 (2013).
- [13] M. Okamoto, S. Suzuki, E. Suzuki, Appl. Catal. A 261(2), 239 (2004).
- [14] І.С. Процак, В.А. Тьортих, О.В. Гончарук, Ю.М. Больбух, Р.Б. Козакевич Хім., фіз. та техн. повер. 5(2), 226 (2014).
- [15] I.S. Protsak, V.A. Tertykh, Y.M. Bolbukh, D. Sternik, A. Derylo-Marczewska, WJNSE (5), 152 (2015).
- [16] Y. Ono, M. Akiyama, E. Suzuki, Chem. Mater. (5), 442 (1993).
- [17] С.П. Муштакова, Ю.Б. Монахова, Т.М. Варламова, Изв. Сарат. ун-та. 8(1), 12 (2008).
- [18] W. Hertl, M. Hair, J. Phys. Chem. 75(14), 2181 (1971).

# I.S. Protsak, E.M. Pakhlov, V.A. Tertykh

# Peculiarities of Chemisorption of Dimethyl Carbonate on Silica Surface

Chuiko Institute of Surface Chemistry of National Academy of Sciences of Ukraine, 17 General Naumov Str., Kyiv 03164, Ukraine, e-mail:iryna\_protsak@yahoo.com

This paper presents the results of studies of dimethyl carbonate interaction with sites of the fumed silica surface. The investigations were performed in a vacuum quartz cuvette using IR spectroscopy method. Chemical interaction of dimethyl carbonate with sites of the dehydrated silica surface was shown to occur at temperature of 200 °C and higher, chemisorption processes take place involving both structural silanol groups and siloxane bridges on the surface.

Keywords: fumed silica, dimethyl carbonate, chemisorption, silanol groups, siloxane bond.

УДК 544.774 : 546.48/22

ISSN 1729-4428

# О.В. Крупко<sup>1</sup>, Ю.Б. Халавка<sup>2</sup>, Л.П. Щербак<sup>2</sup>

# Вплив pH синтезу на оптичні властивості колоїдних розчинів наночастинок CdS/L-цистеїн

<sup>1</sup>Буковинський державний медичний університет, 2, Театральна пл., м. Чернівці, Україна, 58002 <sup>2</sup>Чернівецький національний університет імені Юрія Федьковича, 2, вул. Коцюбинського, м. Чернівці, 58012, Україна: <u>e-mail:y.khalavka@chnu.edu.ua</u>

За допомогою вимірювань абсорбційних спектрів та фотолюмінесценції, а також електронномікроскопічих дослідженьвстановлено межі концентрацій іонів кадмію і сульфуру та стабілізатора Lцистеїну, придатних для одержання стабільних колоїдних розчинів квантових точок (розміром 1 - 5 нм) CdS/L-цис з малим розкидом за розмірами та високим квантовим виходом. Показано вплив вихідних значень pH реакційної системи в межах 7 - 11 на край поглинання, фотолюмінесценцію і квантовий вихід колоїдних розчинів наночастинок CdS/L-цис. Результати систематизовано із застосуванням симплексграткового планування експерименту за методом Шефе.

Ключові слова: наночастинки, CdS/L-цистеїн, абсорбційні спектри, фотолюмінесценція, квантовий вихід, математичне планування експерименту, симплекс-гратковий аналіз.

Стаття поступила до редакції 20.05.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

# Вступ

Різноманітні можливості використання в оптоелектроніці наночастинок (НЧ) широкозонного напівпровідника CdS [1, 2] зумовили інтенсивний пошук методів модифікації їх властивостей [3-5]. Крім природи і концентрації попередників і стабілізаторів та температури синтезу, важливим фактором керування розмірами, формою, оптичними характеристиками стабільністю i отриманих НЧ виявилась кислотність дисперсійного середовища [6].

Використання L-цистеїну (L-цис) як стабілізатора для НЧ CdS демонструє широкий діапазон люмінесцентних властивостей та сприяє біосумісності колоїдних розчинів CdS/L-цис y біомедичних дослідженнях[7]. Згідно літературними даними, вибір складу реакційної  $Cd^{2+}-S^2-L-цис$ системи у більшості випадків відбувався емпіричним шляхом. Крім того, синтез НЧ при використанні вищеназваних прекурсорів відбувався за різними методиками (порядок введення компонентів у реакційну суміш, із деаерацією чи без розчинів попередників, температура синтезу і ін.), що ускладнює можливість узагальнення результатів різних авторів. Робіт, присвячених систематичному дослідженню препаративних умов синтезу НЧ CdS/Lцис із високим квантовим виходом (QY) нами не виявлено.

Метою нашої роботи було вивчення впливу вихідного рН реакційної системи (в межах 7-11) на розміри, абсорбцію та фотолюмінесценцію (ФЛ) і QY колоїдних розчинів CdS/L-цис за змінних співвідношень кристал-формуючих компонентів. Для оптимізації експериментальних досліджень та узагальнення результатів дослідження адитивного впливу концентрацій прекурсорів на оптичні властивості НЧ та їх дизайн використано метод математичного планування, запропонованого Шефе [8] (метод симплексних граток).

# I. Методика експерименту

Вихідними реагентами використано L-цистеїн (Sigma Aldrich) та CdCl<sub>2</sub>·2,5H<sub>2</sub>O, Na<sub>2</sub>S·9H<sub>2</sub>O і натрій гідроксид NaOH аналітичного ступеню чистоти. Для кожного із значень pH реакційної суміші (7; 9 та 11) було проведено дві серії експериментів за методикою симплекс-граткового планування експерименту, в кожній із яких виготовлялось по 15 сумішей. Склад реакційної суміші відображає рис. 1.

Межі концентрації попередників спочатку було обрано із охопленням та перевищенням значень, використаних у більшості літературних джерел за різних значень pH (від 4 до 11,8). Тому вміст іонів



Рис. 1. Нумерація (а) і розташування у концентраційному трикутнику розчинів першої (АВС) та другої (А<sub>1</sub>В<sub>1</sub>С)серій (б), досліджених за симплекс-гратковим планом Шефе [8].

кадмію, сульфуру та L-цис у першій серії експериментівскладав:  $A - 6 \cdot 10^{-4}$  моль  $Cd^{2+}$ ,  $3 \cdot 10^{-4}$  моль L-цис,  $1 \cdot 10^{-4}$  моль  $S^{2-}$ ;  $B - 1 \cdot 10^{-4}$  моль  $Cd^{2+}$ ,  $3 \cdot 10^{-4}$  моль L-цис,  $6 \cdot 10^{-4}$  моль  $S^{2-}$ ;  $C - 1 \cdot 10^{-4}$  моль  $Cd^{2+}$ ,  $8 \cdot 10^{-4}$  моль L-цис,  $1 \cdot 10^{-4}$  моль S<sup>2<sup>-</sup></sup>(рис.1, б, трикутник ABC).

У суміш розчинів CdCl2 та L-цис додавали розчин NaOH до досягнення значень pH, рівних 7; 9 або 11, після чого вводили розраховану кількість розчину Na<sub>2</sub>S. Значення pH

визначали за допомогою pH-метра LIDA220. Синтез НЧ здійснювався за кімнатної температури без деаерації вихідних розчинів.

Оскільки виявилось, що за низьких значень вмісту стабілізатора та високого надвишку іонів кадмію або сульфуру розчини нестабільні, була проведена друга серія експериментів (трикутник А<sub>1</sub>В<sub>1</sub>С, рис. 1), у яких вміст попередників регулювався у межах  $0,1 \div 0,35$  мМ для іонів Cd<sup>2+</sup>;  $0,55 \div 0,8$  мМ для L-цис та  $0,1 \div 0,35$  мМ для іонів S<sup>2-</sup>.

Спектри поглинання вимірювались за кімнатної температури спектрофотометром OceanOpticsUSB-650 інтервалі 350 - 700 нм. в Спектри фотолюмінесценції одержано на спектрофотометрі PerkinElmer LS55 (довжина хвилі збудження 360 нм) температури. Для 38 кімнатної розрахунку квантового виходу як еталон використовувався антрацен.

За положенням краю поглинання  $\lambda_{rp.}$  визначались ширина забороненої зони ΔЕ та розмір частинок у припущенні їх сферичності згідно з виразами:

звідки

μ

$$\Delta E(\mathbf{R}) = E_{gap} + [h^2/8R^2 (1/m_e^* + 1/m_h^*)]$$
(1)  
(KU  
$$\mathbf{R} = h(8..4E)^{-1/2}$$
(2)

де R – середній радіус сферичних наночастинок напівпровідника, h – постійна Планка, me<sup>\*</sup>=0,21me, m<sub>h</sub> =0,8m<sub>e</sub> – ефективні маси електронів та дірок в напівпровіднику,  $m_e$  – маса спокою електрона,  $\Delta E_g$  – різниця значення ширини забороненої зони наночастинок масивного та кристалу напівпровідника (в еВ).

Електронно-мікроскопічні (ПЕМ) дослідження форми і розмірів НЧ проведено за допомогою просвічуючого електронного мікроскопа ЕМ-420. Краплина досліджуваного розчину висушувалась струменем азоту на карбоновій підкладці, нанесеній на мідну сітку.

### **II.** Результати і обговорення

Утворення НЧ CdS у всьому дослідженому діапазоні концентрацій доведено наявністю характерного чіткого максимуму на спектрах поглинання в інтервалі довжин хвиль від 390 до 430 нм, що відповідає блакитному зсуву по відношенню до об'ємного CdS ( $\lambda_{rp.} = 515$  нм).

За даними оптичних досліджень розчинів ідентичного складу встановлено, що збільшення рН на початку синтезу від 7 до 11 сповільнює ріст НЧ (рис. 2), який триває не менше 96 год., після чого значення λ<sub>гр.</sub> стабілізуються.

Результати досліджень У першій cepiï експериментів наведено на рис. 3, на якому позначення вершин А, В і С концентраційного трикутника ABC відповідають компонентам  $Cd^{2+}$ ,  $S^{2-}$ 



Рис. 2. Кінетика зміни краю поглинання як функції рН синтезу НЧ при складі системи №14 концентраційного трикутника А1В1С.

(1)

і L-цис, відповідно. Заштриховані ділянки, що прилягають до вершин A і B, ілюструють область складів реакційної суміші, в якій утворені НЧ швидко (за 24 – 40 год.) агрегують. Решта розчинів залишаються стабільними протягом щонайменше двох років спостережень. Як видно з рис. 3, основним дестабілізуючим фактором виступає значне відхилення від стехіометричного співвідношення вмісту як катіона, так і аніона, особливо за малого вмісту стабілізатора.

Рис. З відображає також плив pH середовища на початку синтезу на квантовий вихід ФЛ колоїдних



**Рис. 3.**Області концентрацій колоїдних розчинів НЧ CdS/L-Cys із високим квантовим виходом ФЛ (зафарбовані). Синтез за умови: а) pH = 7; б) pH = 9; в) pH = 11; (довжина хвилі збудження 360 нм). Заштриховані області відповідають складам нестабільних розчинів.



**Рис. 4.** ПЕМ- зображення НЧ із розчинів №: а – 1; б – 3; в – 5; г – 7; д – 9; е – 11; є – 13; ж –15. Синтез проведено за умови рН = 9.

розчинів. Максимальні значення квантового виходу  $\Phi \Pi$  (QY = 35 %) забезпечує синтез НЧ у середовищі, близькому нейтрального, до за умови стехіометричного співвідношення вмісту іонів кадмію та сульфуру. При цьому більш позитивним є надвишок іонів кадмію у порівнянні із надвишком іонів сульфуру. Відомо, що низький квантовий вихід переважно пов'язується із поверхневими дефектами НЧ. за участю яких відбувається безвипромінювальна рекомбінація носіїв заряду. Очевидно, основними пастками для фотогенерованих носіїв заряду виступають вакансії кадмію, вміст яких збільшується за надвишку іонів сульфуру.

Зменшення у другій серії експериментів розмірів концентраційного трикутника за ознакою стабільності розчинів та вищих значень QY дало можливість встановити умови одержання розчинів також із низьким розкидом за розмірами. Електронно-мікроскопічні дослідження підтвердили сферичність наночасток та показали добре узгодження їх розмірів, оцінених за формулами (2, 3), із визначеними за допомогою ПЕМ-аналізу. Рис. 4 ілюструє форму та розміри НЧ, синтезованих за початкового значення pH = 9 (у вставках наведено гістограми розкиду НЧ за розмірами, одержаних за допомогою програми ImageJ). Аналогічні результати спостерігаються і за початкових значень рН 7 та 11.

Локалізація відносно невеликих ділянок концентраційного трикутника i3  $QY \ge 10 \%$ НЧпоблизу вершини С (рис. 3) вказує також на важливу роль стабілізатора у формуванні НЧ бездефектних або із малим вмістом поверхневих дефектів.За усіх досліджених початкових значень рН важливим чинником керування властивостями НЧ CdS/L-шис € співвідношення між вмістом стабілізатора та іонів кадмію. Рис. 5, а демонструє залежність діаметра НЧ від цього параметра для НЧ, синтезованих за умови pH = 7,  $[Cd^{2+}] = [S^{2-}]$  (переріз СМ, див. рис.1, б). Мінімальні за розміром НЧ отримуються малих  $(2 \pm 1)$ за значень співвідношення [L- цис]/[Cd<sup>2+</sup>]. Збільшення вмісту Lцистеїну до його майже 6-кратного перевищення над вмістом іонів Cd<sup>2+</sup> стимулює збільшення розмірів

НЧ, після чого тенденція змінюється на протилежну. Залежність квантового виходу від [L-цис]/[Cd<sup>2+</sup>] (рис. 5, б) теж проходить через максимум: максимальні значення QY характерні для найменших частинок, а із збільшенням їх розміру QY зменшується.

Враховуючи, що за методикою синтезу вихідні іони кадмію перебувають у складі комплексу [Cd(L- $[uc)_n]^{2+}$ , величина співвідношення [L-цис]/[Cd<sup>2+</sup>] характеризує координаційне число (к.ч.) комплексоутворювача п.Очевидно, за умови n = 2 зв'язок між комплексоутворювачем і лігандами міцніший, ніж за вищих значень n; вивільнення іонів кадмію відбувається повільно, формування і ріст зародків та покриття їх поверхні молекулами стабілізатора відбуваються за умов, що сприяють утворенню мало дефектних кристалів. Збільшення к.ч. ослаблює зв'язок всередині комплексного іона, взаємодія прекурсорів відбувається інтенсивніше з формуванням НЧ, більших за розміром і, за даними ФЛ, із більш дефектною поверхнею. Згідно з результатами оптичних та ПЕМ-досліджень, при к.ч.= 5 ± 0,5 розмір НЧ сягає максимальних для даної значень. колоїлний розчин системи а характеризується найбільшим розкидом 38 розмірами.

Отже, за умови  $[Cd^{2+}]/[S^{2-}] = 1$  величину квантового виходу НЧ можна регулювати по-різному за різних значень рН синтезу. Як видно з рис. 5, б, із збільшенням рН від 7 до 11 положення максимуму на залежності квантового виходу від  $[L-цис]/[Cd^{2+}]$ зміщується вправо, демонструючи необхідність введення оптимальної кількості стабілізатора.

Результати експериментів другої серії із 15 стабільних розчинів меншого концентраційного трикутника  $A_1B_1C$  наочно показали відносно незначний вплив надвишку гідроксо-іонів на розміри та оптичні властивості отриманих наночастинок. Загалом мінімальні значення  $\lambda_{rp.}$  складають406 ± 2 у всіх трьох випадках. Максимальні значення варіюються від 456 ± 2 нм для синтезованих при pH = 7 до 466 ± 2 нм у випадку синтезованих при pH = 9 та 11. За оцінкою у припущенні сферичності HЧ це відповідає розмірам від 1 до 5 нм, тобто



**Рис. 5.** Вплив співвідношення вмісту L-цисікатіона Cd<sup>2+</sup> на розмір HЧ (а) і квантовий вихід (б) колоїдних розчинів, синтезованих за умови pH = 7; 9; 11; [Cd<sup>2+</sup>]/[S<sup>2-</sup>] = 1 (переріз CM концентраційного трикутника ABC).



Рис. 6. Діаграма склад розчину – край поглинання для концентраційних трикутників А В С:

а) pH = 7, б) pH = 9, в) pH = 11.

дозволяє їх класифікувати як квантові точки (КТ).

Залежність краю поглинання ( $\lambda_{rp.}$ ) НЧ CdS/L-цис вмісту кожного попередників i3 віл y концентраційних трикутниках А<sub>1</sub>В<sub>1</sub>С за умови pH = 7; 9 i 11 показано на рис. 6. Як видно із цих даних, у всіх трьох випадках відхилення в бік надвишку іонів сульфуру викликає зміщення  $\lambda_{rp}$ , у бік найвищих значень, що зумовлено збільшенням розмірів НЧ. Цю тенденцію підтвердили результати ПЕМ-досліджень, суміщених із аналізом розкиду розмірів НЧ та побудовою відповідних гістограм. Асиметрію в розташуванні ізоліній краю поглинання в усіх трьох концентраційних трикутниках можна пояснити нелінійністю залежності  $\lambda_{rp.}$  та розмірів НЧ від значення п(рис. 5). У сильно лужному середовищі (рН = 11) цей ефект ослаблюється.

# Висновки

Систематизовані за допомогою математичного планування експерименту методом симплекс-

граткового аналізу результати вимірювань оптичних параметрів колоїдних розчинів НЧ CdS/L-цис встановити концентраційні дозволили межі формування стабільних продуктів реакційної системи за різних значень рН (7; 9 та 11). Визначено препаративні умови одержання розчинів, що характеризуються малими значеннями розмірів НЧ (від 1 до 5 нм) та високими значеннями квантового виходу. Встановлена інгібуюча дія гідроксо-іонів високої концентрації (pH = 11) на процес росту HЧ. Виявлено нелінійний характер залежності між співвідношенням вмісту стабілізатора і іонів кадмію та краєм поглинання адсорбційних спектрів і, відповідно, розмірами НЧ.

Крупко О.В. – к.х.н., асистент кафедри медичної та фармацевтичної хімії; Халавка Ю.Б. – к.х.н., асистент кафедри неорганічної хімії твердого тіла та нанодисперсних матеріалів; Щербак Л.П. – д.х.н., проф. кафедри неорганічної

хімії твердого тіла та нанодисперсних матеріалів.

- [1] T. Lavanya, N. Victor Jaya, Trans. Ind Ceram. Soc. 70(3), 119 (2011).
- [2] N. Tessler, V. Medvedev, M. Kazes [et al.], Science 295, 1506 (2002).
- [3] Shenglin Xiong, Baojuan Xi, Yitai Qian, J. Phys. Chem. C 114(33), 14029 (2010).
- [4] B.S. Rao, B.R. Kumar, V.R. Reddy [et al.], Chalcogenide Letters 8(3), 177 (2011).
- [5] Alireza Khataee, Ali Movafeghi, Fatemeh Nazari [et al.], J. Nanopart. Res. 16, 2774 (2014).
- [6] L. Spanhel, M. Haase, H. Weller [et al.], J. Am. Chem. Soc. 109, 5649 (2005).
- [7] M.N. Kalasad, M. K. Rabinal and B. G. Mulimani, J. Phys. D: Appl. Phys. 43, 305301 (2010).
- [8] H. Scheffe, J. R. Stat. Soc. B20 344 (1958).

# O.V.Krupko<sup>1</sup>, Yu. B.Khalavka<sup>2</sup>, L.P.Shcherbak<sup>2</sup>

# Effect of pH of Synthesis on CdS/L-cys Colloidal Solutions Optical Properties

<sup>1</sup>Bukovinian State Medical University, 2, Theatralna sq., 58000, Chernivtsi, Ukraine <sup>2</sup>Yuriy Fedkovych Chernivtsi National University, 2, Kotsyubinsky str., 58012, Chernivtsi, Ukraine

The purpose of this paper is to summarize experimental data of CdS/L-cystein nanoparticles (NPs) colloid solutions optical properties as function of 3-component mixture ( $Cd^{2+} - S^{2-} - L$ -cys) content and pH. The NPs synthesis was carried out at pH=7, 9 and 11 in the wide composition range based on literature data. The influence of the solutions composition on the colloids stability and the CdS/L-cys NPs sizewas monitored by absorption and fluorescence spectra observation at room temperature and studied by TEM.A polynomial model was used for the responses produced from Scheffe's simplex lattice design with fourth degree terms.

**Keywords**: nanoparticles, CdS/L-cystein, absorption spectra, photo luminescence, quantum yield, mathematic experiments planning, simplex-lattice analyses.

УДК 539.26, 539.51, 541.1

ISSN 1729-4428

# М.Г. Мізілевська<sup>1</sup>, В.О. Коцюбинський<sup>2</sup>, О.Х. Тадеуш<sup>1</sup>, В.М. Сачко<sup>2</sup>, О.Ю. Оренчук<sup>2</sup>

# Гідротермальний синтез нанодисперсного діоксиду титану (Огляд)

<sup>1</sup>ДЗ "Південноукраїнський національний педагогічний університет імені К.Д. Ушинського", вул. Старопортофранківська, 26, м. Одеса, 65020, Україна, <u>selti2109@gmail.com</u> <sup>2</sup>ДВНЗ «Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника» вул. Шевченка, 57, Івано-Франківськ, 76025, Україна, <u>kotsyubynsky@gmail.com</u>

Здійснено огляд літературних даних в рамках проблематики гідротермального методу синтезу нанодисперсного діоксиду титану. Систематизація даних дозволила зафіксувати загальні тенденції розвитку взаємозв'язків між умовами синтезу та структурно-морфологічними характеристиками нанодисперсного діоксиду титану. Отримані результати повинні лягти в основу науково-обґрунтованих способів отримання функціональних матеріалів на основі ультрадисперсного діоксиду титану з набором наперед заданих, оптимізованих для застосування в певній галузі властивостями.

Ключові слова: діоксид титану, гідротермальний метод, морфологія, анатаз, брукіт, ругил.

Стаття поступила до редакції 12.10.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

# Вступ

Функціональні властивості нанодисперсного  $TiO_2$ визначаються його структурою, морфологією та станом поверхні, які в свою чергу, залежать від технологічних умов синтезу та пост обробки [1-2].

Нанокристалічний TiO<sub>2</sub> сьогодні знаходить нові застосування як функціональний матеріал для електродів сенсибілізованих барвниками сонячних елементів [3-5], фотонних кристалів [6-8], плівкових електрохромних покрить [9-11], газових сенсорів [12-14], абсорбентів водню [15-17]. Передбачається застосування оксидів титану в якості електродних матеріалів літієвих та літій-іонних електрохімічних джерел струму [18]. Їх перевагою повинні стати структурна стабільність при циклічних процесах заряду-розряду та відносно велика енергоємність [19-20].

На сьогодні розроблено широкий спектр методів, отримання нанодисперсного діоксиду титану як в лабораторних, так і в промислових масштабах. Серед них можна виділити: золь-гель метод [21-23], метод осадження з безводного рідинного середовища [24-26], гідротермальний [27-29], темплатний [30-32], сольвотермальний [33-35] методи, метод анодного окиснення [36], міцелярний метод [37-38], хімічне осадження з парової фази [39], сонохімічний [40-42], та мікрохвильовий [43-45] методи. Проте, саме гідротермальна обробка відкриває широкі можливості для керування морфологією TiO<sub>2</sub> та розміром і ступенем кристалічності його частинок [46].

Метою роботи стало узагальнення можливостей гідротермального синтезу діоксиду титану зі встановленням основних закономірностей структуроутворення та виявленням факторів впливу на фазовий склад та морфологічні характеристики наночастинок TiO<sub>2</sub>.

### I. Гідротермальний метод синтезу

Гідротермальний синтез являє собою окремий випадок сольвотермального синтезу, базований на отриманні сполук і матеріалів з використанням фізико-хімічних процесів в закритих системах, які протікають у водних розчинах при температурах вищих 100°С і тисках більших 0,1 МПа. Метод базується на здатності води розчиняти при високих температурах (100-500°С) і тисках (0,1-100 МПа) речовини, слабо розчинні або нерозчинні при нормальних умовах – оксиди, силікати, сульфіди. Основними параметрами гідротермального синтезу, що визначатимуть як кінетику процесу, так і властивості утворених продуктів, можна вважати значення рН середовища, тривалість і температуру синтезу та величну тиску в системі [47].

Синтез типово проводиться в автоклавах при контролі температури і тиску насичених парів [34, 48-52]. Використовуючи гідротермальний метод синтезу можна отримати різні модифікації TiO<sub>2</sub> в

залежності від природи використаних прекурсорів та рН розчину.

Традиційна схема процесу гідротермального синтезу полягає в нагріванні суміші вихідних компонентів (наприклад, співосадження суміші гідроксидів металів) при заданих температурі і тиску. Компоненти, які перейшли в розчинений стан, реагують між собою з утворенням нової сполуки, як правило, термодинамічно більш стабільної порівняно з вихідними прекурсорами:  $A + B \rightarrow C$ . Водночас, в гідротермальних умовах можуть формуватися метастабільні продукти (М), стійкість яких в даних умовах менша у порівнянні зі стійкістю стабільної фази С. Взаємодія вихідних компонентів в цьому випадку протікає за схемою:  $M \leftarrow A + B \rightarrow C$ . Зміна температури, тиску та рН середовища або варіювання розчинника дозволяє в ряді випадків ефективно управляти параметрами взаємодії та одержувати в якості кінцевих продуктів або стабільні, або метастабільні фази, що є ключовою перевагою гідротермального методу.

# II. Отримання діоксиду титану з аморфного TiO₂•nH₂O

Зазвичай, низькотемпературні методи синтезу призводять до отримання аморфного  $TiO_2$  або кристалізації фази анатазу. Зокрема, гідроліз тетрабутоксиду титану в суміші  $H_2O - EtOH - HCl$  при високому вмісті прекурсору призводить до формування аморфного гелю, а при високих – до утворення гелю з переважаючим вмістом анатазу [53]. Термообробка аморфних гідрогелів в температурному діапазоні 350-500°С призводить до кристалізації анатазу [54-56]. Прожарювання при температурах 500-1100°С веде до отримання суміші анатазу і рутилу або монофазного рутилу [54-55, 57-58].

У порівнянні з рутилом і анатазом, які є основними поліморфними модифікаціями ТіО<sub>2</sub>, проблематиці синтезу брукіту в гідротермальних умовах присвячено обмежене число робіт [59-61]. Водночас, домішка фази брукіту часто спостерігається при гідротермальному отриманні анатазу [62]. В роботі [60] брукіт було синтезовано в гідротермальних умовах двома методами. У першому випадку в якості прекурсору використовувався розчин сульфату титанілу, в другому - хлориду титанілу. До водних розчинів TiOSO<sub>4</sub> і TiOCl<sub>2</sub> по краплях додавали розчин NaOH у співвідношенні 1:5 до встановлення pH = 8. У першому випадку утворювався осад TiO<sub>2</sub>·nH<sub>2</sub>O, який потім промивався і піддавався гідротермальній обробці. У другому випадку проводили гідротермальну обробку отриманого колоїдного розчину при температурах 200, 250 і 300°С впродовж 24 годин. Рентгенофазовий аналіз продуктів синтезу виявив, що у випадку застосування TiOSO4 при температурі 200°С не відбувається формування кристалічної фази, проте збільшення температури гідротермальної обробки до 250°С веде до кристалізації брукіту з розміром кристалітів >150 нм та >350 нм для температур синтезу 200 i 300°C,

відповідно. При гідротермальній обробці гелю, отриманого осадженням з розчинів TiOCl<sub>2</sub>, закристалізований брукіт утворювався вже при 200°С. При збільшенні температури і часу синтезу спостерігається ріст розмірів кристалітів брукіту. Ймовірно, на першому етапі структуроутворення відбувається гідроліз титанілу з утворенням гідратованого TiO<sub>2</sub>·nH<sub>2</sub>O з багатоядерними включеннями:

 $nTiCl_4 + xH_2O \rightarrow Ti_n(OH)_x(H_2O)_y + 4nHCl + (x-4n)H^+.$ Наступник кроком стає дегідратація TiO<sub>2</sub>·nH<sub>2</sub>O з утворенням кристалітів брукіту:

 $Ti_n(OH)_x(H_2O)_y \rightarrow mnTiO_2 + m(y+2n)H_2O + m(x-4n)OH^-.$ 

Складнішими є процеси кристалізації діоксиду титану з аморфного TiO<sub>2</sub>·nH<sub>2</sub>O, отриманого гідролізом алкоксидів або осадженням з розчинів солей титану. Незважаючи на значну кількість робіт з цієї тематики, на сьогодні немає загальноприйнятої точки зору стосовно механізмів зародкоутворення TiO<sub>2</sub> за таких умов з поясненням формування різних кристалічних модифікацій (анатаз, рутил, брукіт) та кардинально відмінних морфологічних варіацій частинок. Домінуючими в даному випадку можна вважати дві моделі – топотактичної кристалізації аморфного гелю зі структурою близькою до анатазу і брукіту [60, 62-63] та формування кристалічного TiO<sub>2</sub> в рамках механізму «розчинення-кристалізація» з перенесенням речовини через рідку фазу [64]. Основними параметрами, що визначають перебіг кристалізації аморфного TiO2 nH2O і властивості кінцевого продукту, виступають характеристики реакційного середовища (величина рН, наявність домішок), температура і тривалість обробки [65].

Спостерігається залежність параметрів фази анатазу, кристалізованої з аморфного TiO<sub>2</sub>·nH<sub>2</sub>O, від умов гідролізу та поліконденсації у водних розчинах. Зокрема, авторами [62] для випадку синтезу ультрадисперсного анатазу з аморфного діоксиду титану на основі даних раман-спектроскопії зроблено висновок про формування фази анатазу як результат структурної реорганізації октаедрів [TiO<sub>6</sub>] аморфної фази при гідротермальних умовах, причому, висувається припущення про каталітичний вплив H<sub>2</sub>O.

Перебіг кристалізації і фазових переходів аморфного TiO<sub>2</sub>·nH<sub>2</sub>O в гідротермальних умовах, отриманого гідролізом TiCl<sub>4</sub> при pH = 0,5-3,0 розглядався в роботі [66]. В усіх випадках в результаті синтезу утворювався анатаз. Водночас, було відзначено, що важливим фактором впливу на перехід анатаз  $\rightarrow$  рутил є присутність брукіту, яка прискорює утворення фазового переходу. Іншим важливим фактором можна вважати розмір частинок анатазу – з його зменшенням дефектність кристалічної структури, тобто потенційне число центрів кристалізації рутилу, зростає. Таким чином, анатаз, отриманий в гідротермальних умовах при значній тривалості процесу, менш схильний до перетворення в рутил.

Ріст частинок анатазу в гідротермальних умовах можна розділити на дві стадії: 1) швидке збільшення розмірів за твердофазно-епітаксійном механізмом; 2) повільний ріст, обумовлений рекристалізацією [67]. Подібний результат отримано авторами [68] при гідротермальному синтезі гелів TiO<sub>2</sub>·nH<sub>2</sub>O з структурою анатазу за умови застосування гідролізу тетраізопропілату титану.

# III. Значення pH реакційного середовища

У більшості випалків. як початковий етап гідротермального синтезу ТіО2. застосовується зольгель підхід [66,69]. Зокрема, автори [69] золь-гель методом отримували аморфний TiO<sub>2</sub>·nH<sub>2</sub>O, з наступною кристалізацію в гідротермальних умовах. Варіюючи умови обробки, було отримано різні поліморфні модифікації ТіО2 чи їх суміші. Так, при проведенні обробки в нейтральному, слабокислому та слабколужному середовищах утворювався анатаз, тоді як у кислому середовищі утворювався рутил. Формування рутилу в кислому середовищі також спостерігалося в роботі [66]. В кислому і нейтральному середовищах типово утворюються продукти, що містять в якості вторинної фази брукіт, який легко переходить в рутил при відпалі. При високому рН утворюється анатаз з високою стабільністю під час відпалу [70].

Висновки щодо впливу величини pH середовища на фазовий склад матеріалу знайшли підтвердження в роботі [71]. Автори здійснювали синтез діоксиду титану методом гідротермальної обробки розчину пероксокомплексу титанової кислоти з щавелевою кислотою, варіюючи значення pH в межах від 2 до 10 (табл. 1).

Вплив температури та pH реакційного середовища на фазовий склад і розмір кристалітів розглядався і в роботі [72], для випадку синтезу TiO<sub>2</sub> з золю, отриманого гідролізом TiOCl<sub>2</sub>. Повільна зміна pH досягалась збільшенням концентрації NH<sub>4</sub>OH в розчині. Отримані результати, загалом, узгоджуються з даними роботи [71]. Цікаво, що фазовий склад та розмір кристалітів різних фаз критично залежать від температури реакційного середовища (рис. 1). Схема впливу pH середовища на перебіг фазового переходу наноструктур діоксид титану / титанат натрію побудована в роботі [73] Загалом можна виділити загальну тенденцію кристалізації рутилу в кислому середовищі, а анатазу – слабколужному, нейтральному та слабкокислому середовищах (рис. 2).



**Рис. 1.** Діаграма залежності фазового складу (стовпці), розміру кристалітів (числа всередині колон, нм) та фазового вмісту від концентрації аміаку зразків TiO<sub>2</sub>, отриманих при 161(а) та 220°C (б) протягом 2 год.

nII	Фазовий вміст			Розмір кристалітів			Ширина	c	
рп	анатаз	брукіт	рутил	анатаз	брукіт	рутил	забороненої зони	Эпит	
2	97	0	3	12	-	-	3,10	62,3	
4	100	0	0	11	-	-	-		
6	6	0	94	-	-	20	3,00	35,8	
8	69	31	0	9	25	-	-		
10	73	27	0	9	25	-	2,85	50,3	
1	0	0	100	-	-	33	3,00	30,7	

Таблиця 1 Хімічні та фізичні властивості синтезованих зразків ТіО<sub>2</sub> [71].

Гідротермальний синтез нанодисперсного діоксиду титану (огляд)



**Рис. 2.** Вплив концентрації кислоти / лугу при гідротермальній обробці на фазові та морфологічні переходи титан / титанат. R, A, B, T2 і T3 позначають фази рутилу, анатазу, брукіту, Na<sub>2</sub>Ti<sub>2</sub>O<sub>5</sub> та Na<sub>2</sub>Ti<sub>3</sub>O<sub>7</sub>, відповідно.

# IV. Вплив поверхнево активних речових

Добавки ПАР суттєво впливають на агрегативну стійкість суспензій оксидів металів. Молекули ПАР, адсорбуючись на поверхні зародків, визначатимуть перебіг росту частинок. При адсорбції ПАР зв'язуються з негативно зарядженими поверхневими групами -Ме-О. Гідрофобізація поверхні сприяє коагуляції частинок і формуванню агрегатів. Зміни електроповерхневих властивостей різко впливають на агрегативну стійкість золів. Зі зменшенням радіусу частинок росте вплив ПАР на властивості їхніх суспензій. Загалом поверхневе агрегування ПАР подібне до міцелоутворення в об'ємі розчину, проте воно починається при відносно нижчих концентраціях. Водночас, якщо формування моношарів ПАР на первинних частинках золю зменшує поверхневий заряд і знижує агрегативну стійкість суспензій, то формування бішарів, навпаки, зумовлює ріст величини поверхневих зарядів. Зокрема, авторами [74] досліджувався вплив добавок ПАР на агрегативну стабільність суспензій оксидів металів, в тому числі ТіО<sub>2</sub>. Встановлено, що для водних суспензій наночастинок діоксиду титану, їх розмір зменшується майже у чотири рази за умови наявності домішки броміду цетилтриметиламонію (СТАВ). Вплив СТАВ як поверхнево активної речовин вивчався в [75], причому ПАР вводився безпосередньо в процесі гідролізу TiCl<sub>4</sub>. Встановлено, що як в присутності, так і при відсутності СТАВ, при pH = 10 і темературі реакційного середовища 200°С після 12 год реакції було отримано нанодисперсний брукіт. Проте, відмічається вплив ПАР на морфологію матеріалів - в присутності СТАВ формувалися частинки хризантемоподібної

морфології (рис. 3, а), тоді як в прилежному випадку частинки мали циліндричну морфологію (рис. 3, б).



**Рис. 3.** ПЕМ зображення брукіту, синтезованого гідротермальним методом у присутності СТАВ (а) і без додавання СТАВ (б).

В роботі [76] продемонстровано як регулюванням швидкості гідролізу прекурсору-попередника і впливом ПАР можна контролювати розмір дендритних агломератів та морфологію первинних частинок у вигляді стержнів, стрічок і дротин. Наноструктури TiO<sub>2</sub> синтезувалися методом одностадійного гідротермального синтезу: водний розчин ізопропоксиду титану (TTIP) змішувався з соляною кислотою і СТАВ з наступною гідротермальною обробкою в присутності етиленгліколю і сечовини. Зміна об'ємного співвідношення TTIP / ЕС застосовувалася для корекції швидкості гідролізу прекурсорів і контролю перебігу структуроутворення. Варіація рН реакційного розчину відбувалася введенням сечовини. Авторами показано, що швидкість гідролізу TTIP змінюється в порядку ТТІР<sub>водн</sub> > ТТІР<sub>водн</sub> + EG > ТТІР<sub>водн</sub> + EG + сечовина, що є визначальним чинником на морфологічні особливості кристалітів (рис. 4).



**Рис. 4.** СЕМ зображення 3D наноструктур TiO<sub>2</sub>: мікросфери, утворені з блоків наностержней, отриманих з водних розчинів TTIP, що мають у складі 0,05TTIP (a), 0,03TTIP (b) і 0,01TTIP (c). Мікросфери TiO<sub>2</sub>, утворені з блоків наносмужок, отриманих зі змішаних розчинів водного розчину: TTIP<sub>водн</sub> : EG = 1 : 1 (d), TTIP<sub>водн</sub> : EG = 1 : 2 (e) і TTIP<sub>водн</sub> : EG = 1 : 3 (f). Мікросфери TiO<sub>2</sub>, утворені з блоків нанопроволок, отриманих з додаванням сечовини: TTIP<sub>водний</sub> : EG = 1 : 1 (g), TTIP<sub>водний</sub> : EG = 1 : 2 (h) та TTIP<sub>водний</sub> : EG = 1 : 3 (i).

Можливість отримання різних поліморфних фаз діоксиду титану, застосовуючи ПАР в процесі гідротермального синтезу, розглядалась в роботі [77]. Нанорозмірний діоксид титану синтезовувався методом гідротермальної обробки мікроемульсій тетрабутоксиду титану в соляній та азотній кислотах / ПАР (TritonX-100, n-гексанол або циклогексан).



**Рис. 5.** СЕМ зображення частинок анатазу (A) і (B), отриманих з мікроемульсії, що містить  $HNO_3$ ; та рутилу (C) і (D), отриманих з мікроемульсії, що містить HCl [77].

Суміші піддавали гідротермальній обробці при  $120^{\circ}$ С впродовж 13 год. В присутності соляної кислоти кристалізувався рутил, тоді як анатаз отримувався при використанні азотної кислоти. Різниця в питомих площах поверхні рутилу та анатазу (39 та  $256 \text{ м}^2/\text{г}$ , відповідно) говорить про значні відмінності в морфології. Електронно-мікроскопічні зображення показують (рис. 5), що фаза анатазу формується з агломерованих сферичних частинок з вузьким розподіють голко видною морфологією. Авторами висувається гіпотеза, згідно якої, максимальний вплив на фазовий склад та морфологію чинять домішкові йони Cl<sup>-</sup> або NO<sub>3</sub>.

# V. Час та температура гідротермальної обробки

Як вже згадувалося, тривалість та температура гідротермальної обробки є основними параметрами синтезу, які визначатимуть кінетику процесу і властивості отриманих продуктів, зокрема чітко простежується їх кореляція з розміром частинок (рис. 6) [72, 78-79].



**Рис. 6.** Залежність розміру d наночастинок TiO<sub>2</sub> від температури T гідротермальної обробки [78].

Водночас, авторами [62, 80] для випадку отримання нанодисперсного TiO<sub>2</sub> гідротермальною обробкою продуктів гідролізу ізопропоксиду титану (Ti(OC<sub>3</sub>H<sub>7</sub>)<sub>4</sub>) у водному розчині етанолу при варіаціях температури та часу процесу, показано, що збільшення температури обробки не суттєво впливає на фазовий склад матеріалу (у всіх випадках отримано анатаз з домішками брукіту), проте підвищує термодинамічну стабільність матеріалу щодо фазової трансформації в ругил. Для матеріалів, отриманих при температурах 80 та 180°С розмір кристалітів анатазу росте з 6 до 11 нм, з одночасним зменшенням питомої площі поверхні з 253 до 150 м<sup>2</sup>/г. Зміна тривалості синтезу (з 12 до 96 год ) мало впливає на його результати. Кореляції між структурно-морфологічними характерристиками та умовами синтезу розглядалися у роботах [81-84] для випадків гідротермальної обробки розчинів тітанілсульфату (TiOSO<sub>4</sub>), нітрату титану  $(TiO(NO_3)_2)$  і титанілу  $(H_2TiO(C_2O_4)_2)$  та  $H_2TiCl_6$ . Загалом, можна стверджувати, що, незалежно від типу прекурсору, навіть короткочасна (десятки хвилин) гідротермальна обробка призводить до утворення нанокристалічного анатазу. Розмір кристалів анатазу росте зі збільшенням температури і тривалості процесу. При збільшенні часу гідротермальної обробки до 6 год, розглянуті системи проявляють різну поведінку – анатаз, отриманий гідролізом TiOSO<sub>4</sub>, виявився максимально стійким при термообробці, тобто ймовірним є стабілізуючий вплив на сульфат-іони. Зафіксовані загальні тенденції збільшення розмірів первинних частинок при рості температури синтезу та його тривалості. В роботі [85] зазначено трансформацію призматичних частинок анатазу в сферичні при збільшенні часу гідротермальної обробки.

Рядом авторів розглядається можливість отримання діоксиду титану з титанатів різного типу [86], при цьому шляхом інгібування зародкоутворення анатазу можна отримати монофазний брукіт. Зокрема, в роботі [87] синтез передбачав зміни часу гідротермальної обробки при фіксованій концентрації домішки NaCl. Встановлено, що з ростом тривалості гідротермальної обробки від 0 до 72 год за інших рівних умов відносний вміст брукіту в продукті синтезу зростає, причому при відсутності гідротермального впливу матеріал є рентгеноаморфним (рис. 7).



**Рис. 7.** Дифрактограми зразків, синтезованих при 180°С протягом (а) 0 год, (b) 6 год, (c) 24 год, (d) 48 год та (e) 72 год, концентрація NaCl 0,5 M.

Отриманий результат пояснюється стабілізаційним впливом NaCl на шарувату структуру титанату, який перешкоджатиме його фазовому переходу в анатаз.

### VI. Інші фактори

Умови осадження під час рідкофазного гідролізу багато в чому визначатимуть розмір і форму частинок діоксиду титану. Авторами [56] виявлено, що при гідротермальному осадженні TiO<sub>2</sub> з розчину TiOSO<sub>4</sub> площа поверхні залежить від концентрації прекурсору і впливає на форму наночастинок, яка змінюється від голкоподібної до сферичної. Відмінності у формі частинок обумовлена різними механізмами їх росту при різних концентраціях продуктів гідролізу прекурсорів [85]. Додавання електролітів, як вже згадувалося, також істотно впливає на морфологію частинок TiO<sub>2</sub>, зокрема, ріст концентрації сульфат-йонів викликає збільшення розмірів кристалітів. Гідроліз тетрабутоксиду титану у водному розчині аміаку з додаванням NaCl та подальшій гідротермальній обробці [88] призводить до формування композиту анатаз / брукіт, причому частинки володіють морфологією агрегатованих наностержнів (рис. 8). Залежність фазового складу діоксиду титану від концентрації NaCl досліджувалась в роботі [89] за умови використання в якості прекурсору слаболужного TiCl<sub>3</sub>. Показано, що при отриманні композиту анатаз / брукіт відсотковий вміст останнього росте зі збільшенням концентрації хлориду натрію. Питома площа поверхні набувала максимального значення (185 м<sup>2</sup>/г) для монофазного брукіту. В той же час для монофазного анатазу, отриманого за відсутності NaCl, питома площа поверхні мінімальна (42 м<sup>2</sup>/ $\Gamma$ ).



Рис. 8. FESEM (a) i (b), TEM (c) та HRTEM (d)зображення частинок композиту анатаз / брукіт.

Вплив електролітів (розчини KCl, NH<sub>4</sub>Cl, LiCl, CH<sub>3</sub>COONa, NaNO<sub>3</sub>, Na<sub>2</sub>B<sub>4</sub>O<sub>7</sub>) на процес еволюції кристалічної фази діоксид титану / титанат під час гідротермальної обробки розглянуто в роботі [87] (рис. 9). При температурі 180°С, не залежно від концентрацій йонів NH<sub>4</sub> Cl, формується анатаз зі слідами брукіту. При використанні домішки LiCl утворювався анатаз, при збільшенні концентрації LiCl - титанат. Продукти, отримані в присутності KCl були аналогічні до отриманих в присутності LiCl: анатаз при низькій концентрації KCl і титанат при високій концентрації КСІ, фаза брукіту не спостерігалась. Таким чином, катіони Li<sup>+</sup> та K<sup>+</sup>, сприяють конденсації [ТіО<sub>6</sub>] і стабілізують титанат, що робить їх незастосовними при синтезі брукіту, тоді як Na<sup>+</sup> сприяє формуванню брукіту [88]. Іони Li<sup>+</sup>, схильні до формування частково ковалентних зв'язків [90], тому їх інтеркаляція іонів в міжшарові проміжки структури титанату сприяє конденсації октаедрів [TiO<sub>6</sub>]. Чистий брукіт TiO<sub>2</sub> можна отримати шляхом зміни концентрації солей натрію і часу реакції. У присутності розчину СН<sub>3</sub>СООNа в продуктах реакції спостерігаються фази титанату, анатазу і брукіту.



Час гідратації повного перетворення титанату стає довшим

Рис. 9. Фазовий склад продуктів в залежності від концентрації NaCl.

Λ

#### Висновки

Проведено літературний огляд, який узагальнює результати експериментальних досліджень впливу умов гідротермального синтезу на структурноморфологічні характеристики нанодисперсного діоксиду титану. Встановлено основні закономірності впливу параметрів синтезу (рН та температура реакційного середовища, наявність тривалість синтезу, домішкових іонів) фазовий склад діоксиду титану. Гідротермальний синтез є перспективним і практичним методом зручним отримання ультрадисперсного TiO<sub>2</sub>, його перевагами є гнучкість та відтворюваність результатів з можливістю

ступенем дисперсності i керувати складом, морфологією наночастинок.

<i>Мізілевська М.І.</i> – аспірант кафедри фізики;
Коцюбинський В.О. – доктор фізико-математичних
наук, професор кафедри матеріалознавства і новітніх
технологій;
Тадеуш О.Х. – кандидат фізико-математичних наук,
доцент кафедри фізики;
Сачко В.М. – інженер кафедри органічної та
аналітичної хімії;
<i>Оренчук О.Ю.</i> – студентка фізико-технічного
факультету.

- [1] . S.M. Lam, J.C. Sin, A.R. Mohamed, Recent Pat. Chem. Eng. 1(3), 209 (2008).
- [2] X. Chen, S. S. Ma,. Chem. Rev. 107(7), 2891(2007).
- [3] B. O'Regan, M. Grätzel, Nature. 353(6346), 737 (1991).
- [4] R. Katoh, A. Furube, M. Kasuya, N. Fuke, N. Koide, L Han, J. Mater. Chem. 17(30), 3190 (2007).
- [5] U. Bach, D. Lupo, P. Comte, F. Weissörtel, J. Salbeck, M.Grätzel, Nature. 395(6702), 583(1998).
- [6] L. Ji, J. Rong, Z. Yang, Chem. Commun. 9, 1080 (2003).
- [7] W. Dong, H. Bongard, B. Tesche, F. Marlow, Advanced Materials. 14(20), 1457 (2002).
- [8] L.I. Halaoui, N.M. Abrams, T.E. Mallouk, J. Phys. Chem. B. 109(13), 6334 (2005).
- [9] G. Hodes, Electrochemistry of Nanomaterials (Wiley-VCH, New York, 2001).
- [10]K.-S. Ahn, S.J. Yoo, M.-S. Kang, J.W.Lee, Y.E. Sung, J. Power Sources. 168(2), 533 (2007).
- [11]M.J. Chen, H. Shen, Acta Metall. Sin. (Engl. Lett.). 18(3), 275 (2005).
- [12]P.I. Gouma, M.J. Mills, K.H. Sandhage, J. Am. Ceram. Soc. 83(4), 1007 (2000).
- [13]E. Traversa, M.L. Di Vona, S. Licoccia, J. Sol-Gel Sci. Technol. 19(1-3), 193 (2000).
- [14]M. Paulose, O.K. Varghese, G.K. Mor, C.A. Grimes, K.G. Ong, Nanotechnology. 17(2), 398 (2006).
- [15]S.H. Lim, J. Luo, Z. Zhong, W. Ji, J.Lin, J. Inorg. Chem. 44(12), 4124 (2005).
- [16]D.V. Bavykin, A.A. Lapkin, P.K. Plucinski, J.M. Friedrich, F.C. Walsh, J. Phys. Chem. B. 109(41), 19422 (2005).
- [17]X. Hu, B.O. Skadtchenko, M. Trudeau, D. M.Antonelli, J. Am. Chem. Soc., 128(36), 11740 (2006).
- [18]R. Pitchai, M. Mack, The BIG batteries industry guide. 4 (2010).
- [19]M. Hibino, K. Abe, M. Mochizuki, M. Miyayama, J. Power Sources. 126(1), 139 (2004).
- [20] Y.-S. Hu, L. Kienle, Y.-G. Guo, J. Maier, Adv. Mater. 18(11), 421 (2006).
- [21]R.F. de Farias, Quim. Nova. 25(6), 1027 (2002).
- [22]P. Pookmanee, S. Phanichphant, J. Ceram. Process. Res. 10(2), 167(2009).
- [23]A. Karam, J. Iran. Chem. Soc. 7(2), S154 (2010).
- [24]M. Niederberger, M. H. Bartl, G. D. Stucky, Chem. Mater. 14(10), 4364 (2002).
- [25]H. Parala, A.Devi, R. Bhakta, R.A. Fischer, J. Mater. Chem. 12(6), 1625 (2002).
- [26]T.J. Trentler, T.E. Denler, J.F. Bertone, A. Agrawal, L.V. Colvin, J. Am. Chem. Soc. 121(7), 1613 (1999).
- [27]K.M. Reddy, D. Guin, S.V. Manorama, J. Mater. Res. 19(9), 2567 (2004).
- [28]X. Huang, C. Pan, J. Cryst. Growth. 306(1), 117 (2007).
- [29]S.-J. Liu, J.-Y. Gong, B. Hu, and S.-H. Yu, Cryst. Growth Des. 9(1), 203 (2009).
- [30]P.D. Yang, D.Y. Zhao, D.I. Margolese, B.F. Chmelka, G.D. Stucky, Nature. 396(6707), 152 (1998).
- [31] Y. Yue, Z. Gao, Chem. Commun. 18, 1755 (2000).
- [32]H.-S. Yun, K. Miyazawa, H. Zhou, I. Honma, M. Kuwabara, Adv. Mat. 13(18), 1377 (2001).
- [33]Z.-Y. Yan, W.-J. Zheng, Chin. J. Inorg. Chem. 22(9), 1679 (2006).
- [34] B.-M. Wen, C.-Y. Liu, New J. Chem. 29(7), 969 (2005).
- [35], S.W. Yang, L. Gao, Mater. Chem. Phys., 99(2), 437 (2006).
- [36] G. L. Li, G. H. Wang, Nanostruct. Mater. 11 (5), 663 (1999).
- [37]K. D. Kim, S. H. Kim, H. T. Kim, Colloids Surf. A. 254(1-3),99 (2005).
- [38]K. T. Lim, H. S. Hwang, W. Ryoo, K. P. Johnston, Langmuir. 20(6), 2466 (2004).
- [39]S. Seifried, M. Winterer, H. Hahn, Chem. Vap. Deposition. 6(5), 239 (2000).
- [40]W. Huang, X. Tang, Y. Wang, Y. Koltypin, A. Gedanken, Chem. Commun. 15, 1415 (2000).
- [41] Y. Zhu, H. Li, Y. Koltypin, Y. R. Hacohen, A. Gedanken, Chem. Commun. 14, 2616 (2001).
- [42] J. C. Yu, L. Zhang, J. Yu, Chem. Mater. 14(11), 4647 (2002).
- [43]A. B. Corradi, F. Bondioli, B. Focher, A. M. Ferrari, C. Grippo, E. Mariani, C. Villa, J. Am. Ceram. Soc. 88(9), 2639 (2005).
- [44] E. Gressel-Michel, D. Chaumont, D. Stuerga, J. Colloid Interface Sci. 285(2), 674 (2005).
- [45] Yamamoto, Y. Wada, H. Yin, T. Sakata, H. Mori, S.Yanagida, Chem. Lett. 10, 964 (2002).
- [46]K.L. Yeung, S.T. Yau, A.J. Maira, J.M. Coronado, J. Soria, P.L. Yue, J. Catal. 219, 107 (2003).
- [47]H. Cheng, J. Ma, Z. Zhao, L. Qi, Chem. Mater. 7(4), 663 (1995).
- [48]S.Y. Chae, M.K. Park, S.K. Lee, T.Y. Kim, S.K. Kim, W.I. Lee, Chem. Mater. 15(17), 3326 (2003).
- [49]X.L. Li, Q. Peng, J.X. Yi, X.Wang, Y.D. Li, Chem.sEur. J. 12(8), 2383 (2006).
- [50] J. Xu, J.P. Ge, Y.D. Li, J. Phys. Chem. B. 110(6), 2497 (2006).
- [51]X. Wang, J. Zhuang, Q. Peng, Y.D. Li, Nature. 437(7055), 121 (2005).
- [52]C. S. Kim, B.K. Moon, J. H. Park, S. T. Chung, S. M. Son, J. Cryst. Growth. 254(3-4), 405 (2003).

- [53] J.W. Gao, H. Yang, Rare Metal Mat. Eng. 36, 303 (2007).
- [54]K.Y. Jung, S.B. Park, J. Photochem. Photobiol. A: Chem. 127, 117 (1999).
- [55]Q. Zhang, L. Gao, J. Guo, Appl. Catal. B: Environ. 26, 207 (2000).
- [56] V.A. Yasir, P.N. Mohandas, K.K.M. Yusuff, Int. J. Inorg. Mater. 3, 593 (2001).
- [57] A. Sclafani, L. Palmisano, M. Schiavello, J. Phys. Chem. 94, 829 (1990).
- [58]N.R.C.F. Machado, V.S. Santana, Catal. Today. 107-108, 595 (2005).
- [59]Y.Q. Zheng, E.W. Shi, S.X. Cui, W.J. Li, X.F.Hu, J. Am. Ceram. Soc. 83(10), 2634 (2000).
- [60] Z. Yanqing, S. Erwei, C. Suxian, L. Wenjun, H. Xingfang, J. Mater. Scien. Lett. 19, 1445 (2000).
- [61] T. Nagase, T. Ebina, T. Iwasaki, K. Hayashi, Y. Onodera, M. Chatteijee, Chem. Lett. 9, 911 (1999).
- [62]Ch. Wang, J.Y Ying, Chem. Mater. 11, 3113 (1999).
- [63]K. Yanagisawa, Y. Yamamoto, Q. Feng, N. Yamasaki, J. Mater. Res. 13(4), 825 (1998).
- [64]В.А. Кузнецов, Кристаллизация окислов металлов подгруппы титана (TO<sub>2</sub>, ZrO<sub>2</sub>, CrO<sub>2</sub>). Исследование процессов кристаллизации ( Наука, Москва, 1970).
- [65] J. Ovenstone, K. Yanagisawa, J. Phys. Chem. B. 103(37), 7781 (1999).
- [66] J. Ovenstone, K. Yanagisawa, Chem. Mater. 11, 2770 (1999).
- [67]S. Ito, S. Yoshida, T. Watanabe, Chem. Lett. 1, 70 (2000).
- [68] W.W. So, S.B. Park, K.J. Kim, S.J. Moon, J. Coll. Interf. Sei. 191, 398 (1997).
- [69]K. Byrappa, K.M. Lokanatha Rai, M. Yoshimura, Environ. Technol. 21(10), 1085 (2000).
- [70]Y. Li, N.H.Lee, D.S. Hwang, J.S. Song, E.G. Lee, S.J. Kim, Langmuir. 20(25), 10838 (2004).
- [71]Q.D. Truong, T.H. Le, J.-Y. Liu, C.-C. Chung, Y.-C. Ling, Appl. Catal. A. 437, 28 (2012).
- [72] A. Testino, I. R. Bellobono, V. Buscaglia, C. Canevali, M. D'Arienzo, S. Polizzi, R. Scotti, F. Morazzoni, J. Am. Chem. Soc. 129, 3564 (2007).
- [73]B. Zhao, L. Lin, D. He, J. Mater. Chem. A. 1(5), 1659 (2013).
- [74] Р. Петришин, З. Яремко, М. Солтис, Вісник Львівського університету. Серія хімічна. 52, 322 (2011).
- [75] Y. Zou, X. Tan, T. Yu, Y. Li, Q. Shang, W.Wang, Mater. Lett. 132, 182 (2014).
- [76]Z. Sun, J.H. Kim, Y. Zhao, F. Bijarbooneh, V. Malgras, Y. Lee, S.X. Dou, J. Am. Chem. Soc. 133(48), 19314 (2011).
- [77] M. Andersson, L. Österlund, S. Ljungstroem, A. Palmqvist, J. Phys. Chem. B. 106(41), 10674 (2002).
- [78] T.P. Chou, Q. Zhang, G. Cao, J. Phys. Chem. C. 111(50), 18804 (2007).
- [79] S. Nakade, Y.Saito, W. Kubo, T. Kitamura, Y. Wada, S. Yanagida, J. Phys. Chem. B. 107(33), 8607 (2003).
- [80]Z. Zhang, C.C. Wang, R. Zakaria, J.Y. Ying, J. Phys. Chem. B. 102(52), 10871 (1998).
- [81]Y.V. Kolen'ko, A.A. Burukhin, B.R. Churagulov, N.N.Oleinikov, Inorg. Mater. 40(8), 822 (2004).
- [82] Y.V. Kolen'ko, A.A. Burukhin, B.R. Churagulov, N. N.Oleinikov, Mater. Lett. 57(5), 1124 (2003).
- [83]S. Karvinen, R.J. Lamminmäki, Solid State Sci. 5(8), 1159 (2003).
- [84] M. Inagaki, Y. Nakazawa, M. Hirano, Y. Kobayashi, M. Toyoda, Int. J. Inorg. Mater. 3(7), 809 (2001).
- [85] D.V. Bavykin, V.P. Dubovitskaya, A.V. Vorontsov, V.N. Parmon, Res. Chem. Intermed. 33, 449 (2007).
- [86] B. Zhao, F. Chen, Y. Jiao, J. Zhang, J. Mater. Chem. 20(37), 7990 (2010).
- [87] Y. Jiao, B. Zhao, F. Chen, J. Zhang, CrystEngComm. 13(12), 4167 (2011).
- [88]B. Zhao, F. Chen, Q. Huang, J. Zhang, Chem. Commun. 34, 5115 (2009).
- [89]X. Shen, B. Tian, J. Zhang, Catal. Today. 201, 151 (2013).
- [90] A.N. Kozyrev, T.J. Dougherty, R.K. Pandey, Chem. Commun. 4, 481 (1998).

# M.G. Mizilevska<sup>1</sup>, V.O. Kotsyubynsky<sup>2</sup>, O.H. Tadeush<sup>1</sup>, V.M. Sachko<sup>2</sup>, O.Yu. Orenchyuk<sup>2</sup>

# Hydrothermal Synthesis of Nanodispersed Titanium Dioxide (Review)

<sup>1</sup>South Ukrainian National Pedagogical University named after K.D. Ushynsky, 26, Staroportofrankivs'ka Str., 65020 Odesa, Ukraine, <u>selti2109@gmail.com</u>

<sup>2</sup>Vasyl Stefanyk Precarpathian National University, 57 Shevchenko Str., Ivano-Frankivsk, 76025, Ukraine, <u>kotsyubynsky@gmail.com</u>

The paper is an overview of published data within the perspective method of hydrothermal synthesis of nanodispersed titanium dioxide. Organizing data allowed to capture the general trends of the relationships between the conditions of synthesis and structural morphological characteristics Nanodispersed titanium dioxide. Literature data are systematizated to select a universal method for revealing the relationship between the conditions of synthesis and structural, morphological properties of nanomaterials.

Keywords: titanium dioxide, hydrothermal method, morphology, anatase, brookite, rutile.

УДК 621.3

ISSN 1729-4428

# I.Т. Когут, М.В. Котик

# Сенсорні елементи і пристрої оперативної діагностики рівня глюкози в крові (Огляд)

#### ДВНЗ «Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника», вул. Шевченка, 57, Івано-Франківськ, 76018, Україна e-mail: <u>mikot@i.ua</u>

Проблема моніторингу цукрового діабету зумовлена як значною поширеністю захворювання, так і розвитком на цій основі складних супутніх ускладнень, ранньої інвалідності та смертності [1]. Тому актуальним є оперативний та безперервний контроль рівня глюкози в крові (РГК), що підвищить показники лікування цукрового діабету.

На даний час розроблені малогабаритні системи діагностики РГК, як для умов клінік, так і особистого користування. Такі системи в більшості є інвазивними, що вимагають безпосереднього забору крові. Водночас, набувають розвитку діагностичні пристрої в основі яких лежить неінвазивний метод, які за точністю поступаються інвазивним, але є більш перспективними, оскільки володіють більшими функціональними можливостями з точки зору простоти вимірювань, накопичення і обробки результатів. Такі системи містять вимірювальний пристрій та сенсорні елементи. В роботі проведено огляд методів та аналізу базових принципів роботи пристроїв вимірювання РГК з метою вироблення схемотехнічних рішень для створення сенсорних та мікросистемних елементів для неінвазивного контролю РГК.

Ключові слова: цукровий діабет, сенсори, інвазивні та неінвазивні методи, рівень глюкози в крові.

Стаття поступила до редакції 29.10.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

# Вступ

Розробка та вдосконалення пристроїв для безперервного моніторингу глюкози в крові (БМГК) в даний час є важливим напрямком досліджень в діагностиці діабету. Актуальною залишається проблема, вдосконалення приладів для цілодобового контролю РГК. Найбільш відомі дослідження в цьому напрямку включають різні методи, в тому числі: проведення інфрачервоної спектроскопії глюкози в біосередовищах, спектрофотометрію вмісту глюкози в поті, вимір часу спін-граткової релаксації крові людини методом магніторезонансного поглинання, використання спеціальних полімерів, які змінюють колір залежно віл глюкози крові. Достовірність концентрації в результатів одержуваних піддається сумніву, оскільки недостатньо дослідженими є фізіологічні процеси, на яких заснована робота сенсорних елементів [2].

Передбачається, що пристрої БМГК дозволять попередити пацієнта про загрозу гіпоглікемічних / гіперглікемічних ситуацій і пацієнт зможе уникнути

критичних станів, а також звести до мінімуму відхилення за межами нормального діапазону глюкози, запобігаючи, як небезпечні для життя ситуації, так і важливі ускладнення, пов'язані з діабетом. Передбачається, що пристрої БМГК будуть використовувати постійний зворотний зв'язок аналітичної інформації від сенсора глюкози, щоб активувати доставки інсуліну, тим самим, в кінцевому результаті реалізації концепції штучної підшлункової залози. Залежно від того, чи проникає пристрій БМГК в розриви шкіри і/або зразок РГК вимірюється екстракорпорально, ці пристрої можуть бути класифіковані як повністю інвазивні, частково інвазивні та неінвазивні. Крім того, пристрої БМГ механізмів класифікуються відповідно до трансдукції, що використовуються для зондування глюкози (тобто електрохімічний, оптичний і п'єзоелектричний). Тим не менш, у даний час, більшість з цих технологій мають супутні недоліки, які впливають на їх точність і тривалу роботу.
#### I. Методи визначення рівня глюкози в крові

На даний час існує досить багато методів визначення рівня глюкози в крові (РГК). Всі методи поділяються на два види: інвазивні та неінвазивні. Неінвазивні методи включають в себе: спектральний аналіз В IЧ області; Раман-спектроскопію; фотоакустичну спектроскопію; за допомогою розсіювання; поляризаціний. Інвазивні поділяються на три напрямки: ферментивний; редуктометричний; колометричний.

Переваги неінвазивних методів: - виключають внесення до організму хвороботворних вірусів і бактерій, чужорідних речовин (ксенобіотиків); відсутнє променеве навантаження на організм, наприклад, при проведенні рентгенологічних, ультразвукових радіоізотопних та методів дослідження; звільняють пацієнта від комплексу болючих і неприємних відчуттів. Неінвазивні методи моніторингу рівня глюкози поділяються на підшкірні, дермальні, епідермальні та комбіновані дермальні і епідермальні. За видом досліджуваної тканини неінвазині методи можна поділити на ті, які аналізують тканинну рідину, рідини ока та піт. Досліджуються такі частини тіла як кінчики пальців, кутикула, передпліччя і мочки вуха [2].

Неінвазивні методи ґрунтуються на використанні сенсорів і пристроїв передачі сигналів та вирішують два великі медико-соціальні завдання: моніторинг основних біохімічних і функціональних показників і створення дистанційних систем сповіщення, які можуть бути корисними як засіб постійного стеження з центру, наприклад з лікарні чи поліклініки, за певними групами хворих (хворими з небезпекою раптової кардіальної смерті, гіпертонічною хворобою, цукровим діабетом та ін.) і надання своєчасної допомоги у критичних станах [2]. Ці методи включають спектральний аналіз в інфрачервоній (IY) області, раманівську спектроскопію, фотоакустичну спектроскопію, властивості поляризації та розсіювання. Оптичні методи визначення РГК є найбільш перспективними та прогресуючими на даний час. Основні методи неінвазивного моніторингу РГК та їх короткі характеристики :

- Спектральний аналіз в ІЧ області: поглинуте чи відбите випромінювання даних на довжині хвилі ІЧ діапазону;
- Раманіваська спектроскопія: використовується лазерний промінь для того, щоб викликати випромінювання поблизу рівнів збудження;
- Фотоакустична спектроскопія: використовується лазерне збудження рідин для того, щоб створити акустичну відповідь і спектр відповідно до того, як налаштований лазер;
- Розсіювання: використовується розсіювання світла для того, щоб визначити зміни у речовині, що досліджується;

 Поляризація: відомо, що наявність глюкози в крові спричиняє поляризацію світла, що проходить крізь неї.

#### II. Пристрої інвазивного контролю РГК

Для проведення експрес-аналізу РГК в домашніх умовах. використовують глюкометри. Їх основне призначення - відстежити динаміку зміни РГК, тобто "нижче норми", "в межах допустимого" або "вище норми", а також стежити, щоб РГК не виходив за рамки допустимого рівня і своєчасно реагувати на ці зміни. Діапазон похибки глюкометрів становить до 20%. Загальний вигляд сучасних глюкометрів зображено на рис. 1.1.



**Рис. 1.1.** Загальний вигляд сучасних глюкометрів і тест-смужок: а) пристрій проколювання шкіри з регульованим викидом лез; б) - електронний блок з рілкокристалічним дисплеєм: в) тест-смужка. г) –

регульованим викидом лез; б) - електронний блок з рідкокристалічним дисплеєм; в) тест-смужка. г) – тест-смужка у збільшеному вигляді яка містить: контактні електроди; контрольне віконце, абсорбційний каналець.

#### III. Неінвазивні пристрої

Неінвазивне РГК оптичне визначення здійснюється за допомогою фокусування променя світла на тіло пацієнта. Світло модифікується тканиною після проходження через певну частину тіла чи орган. Оптичний слід чи відбиток вмісту тканини утворюється за допомогою розсіювання світла, що виходить з неї. Абсорбція світла шкірою спричиняється внаслідок наявності в ній таких хімічних елементів як вода, гемоглобін, меланін, жири і глюкоза. Передача світла на кожній довжині хвилі залежить від товщини, кольору і структури шкіри, кісток і інших тканин, через які проходить світло. Принцип дії неінвазивних глюкометрів оптичного типу полягає в наступному:

Відомо, що спектр оптичного поглинання глюкози в крові людини складний: він має ряд смуг поглинання у видимій та інфрачервоній областях спектра, за інтенсивністю яких можна вимірювати концентрацію глюкози в крові людини (рис.3.1) [3].

В оптичному діапазоні спектра поглинання глюкози характерні три максимуму: 840, 940 і 1045 нм. Водночас максимум в спектрі поглинання води становить 960 нм. Найбільш прийнятний максимум поглинання глюкози 940 нм. Цьому максимуму не заважає поглинання шкіри людини, поглинання води, що міститься в різних шарах шкіри, наявність інших компонентів, що входять до її складу. Для цієї області можна використати спеціальні світлодіоди і фотоприймачі.



Рис. 3.1. Оптичний спектр поглинання глюкози в крові людини.

Поглинання світла на певній довжині хвилі підпорядковується експоненціальному закону Ламберта – Бера, за допомогою якого можна розрахувати концентрацію глюкози. Промисловість випускає світлодіоди, що випромінюють світло на цій довжині хвилі. Інфрачервоне світло проходить через біологічний об'єкт, глюкоза поглинає частину світла з цією довжиною хвилі в залежності від її концентрації, а інша частина світла, яку не поглинула глюкоза, потрапляє на фотоприймач. Але головною перешкодою є те, що фотоприймачі, що реєструють світло, яке пройшло через біологічний об'єкт, мають низьку чутливість реєстрації. Тому для цього необхідно застосовувати підсилювачі сигналів, що надходять з фотоприймачів на реєстратор.

На основі цих принципів нами було розроблено експериментальний зразок пристрою для вимірювання РГК (рис. 3.2.а), який складається із мультиметра, світловипромінювального та фотоприймального сенсорних елементів, а також електрична схема під'єднання до вушної кліпси (рис.3.2.б).

Пристрій містить персональну вушну кліпсу, на кінцях якої розташовані світловипромінювальний і фотоприймальний сенсори із захистом впливу зовнішнього освітлення. В експериментальному пристрої були застосовані: світлодіод типу BIR BM 1331 з параметрами: довжина хвилі – 940 нм, струм споживання – 50 мА при напрузі 1,25-1,5 В, потужність випромінювання при I = 50 мА становить близько 2 мВт/см<sup>2</sup>. Фотоприймач - фототранзистор типу BIR BP 0331, з параметрами – довжина хвилі становить 940 нм, струм споживання – I = 0,35 мА при напрузі U = 5 В, темновий струм – 100 нА, а потужність – 0,5 мВт/см<sup>2</sup>. Для реєстратора вибрано мультиметр типу M830A з додатковим джерелом живленням для світлодіода.



**Рис. 3.2.** Загальний вигляд експериментального пристрою для визначення РГК (а) та електрична схема приєднання вушної кліпси і батареї типу АА до мультиметра (б).

#### IV. Принципи електрохімічного аналізу інвазивних глюкометрів

Електрохімічний (ензимний) тест базується на амперометричних та потенціометричних принципах. Амперометричні електроди покривають ферментами глюкозооксидази (GOD) для підвищення чутливості сенсора [4].

Розчин глюкози з киснем виробляє глюконову кислоту та перекис водню, згідно рівняння 1. Якщо ж до розчину подається потенціал 700 мВ, то концентрація глюкози може бути виміряна за допомогою спеціальних напівпровідникових мембран, які контролюють проходження кисню в електричному контакті згідно рівняння 2 [5].

$$GOD$$

$$GLUCOSE + O_2 \longrightarrow GLUCONIC ACID + H_2O_2 \quad (1)$$

$$700 \text{ mV}$$

$$H_2O_2 \longrightarrow O_2 + 2H^+ + 2\acute{e} \quad (2)$$

Сенсори ферменту глюкози зазвичай використовують 3 електроди, як показано на рис. 4.1. Контакт де здійснюється вимірювання називається робочим електродом (PE). (Рt-платина) Електрод порівняння (ЕП) (Ag/AgCl) використовується для усунення коливань системи, що має постійну напругу на його контактах (зазвичай 700 мВ). Терміналом служить лічильний або допоміжний електрод (ЛЕ або ДЕ) (Рt) і використовується для пропускання струму в робочий електрод.

Інший спосіб полягає у вимірюванні зміни локального рівня pH, через отриманий на сенсорі водень (рівняння 2), де зазвичай покривається дріт pH селективного електроду. Така вибіркова мембрана, при використанні польового транзистора утворює потенціометричний сенсор, який також відображає рівень глюкози [6].



Рис. 4.1. Принципова схема електрохімічного сенсора глюкози на основі ферментів.

#### V. Оптичний аналіз

В оптичних сенсорах глюкози можна використовувати як підкладку (лектин каонкавалін А) з флоуресцентним індикатором (ізотіоціанат флоуресцеїну – декстран), щоб виявити різні концентрації аналізованих речовин, як зображено на рис. 5.1. Збуджуюче світло проходить у розчин, флоуресціюючи з непов'язаним індикатором, і флоуресцентне світло повертається по тому ж волокні до вимірювальної системи [7].



**Рис. 5.1.** Принципова схема оптичного сенсора для вимірювання глюкози.

#### VI. Електронна елементна база неінвазивних систем на прикладі пристрою GlucoTrack [8]

У цьому пристрої реалізовано новий підхід з використанням методу комбінацій, де в режимі незалежних реального часу працюють три інтегрованих технології: ультразвукова, електромагнітна і теплова. Кожна технологія вимірює різні параметри тканини, які залежать від однієї і тієї ж зміни концентрації глюкози. Незалежність передбачається за рахунок невтручання у змінні будь-якої пари каналів вимірювання, в тій мірі, що вони дозволяють ефективне усереднення за сукупністю вимірювань. Пристрій містить головний модуль (ГМ), до якого підключено три різні пари латчиків (кожен за певною технологією), розташовані на персональній вушній кліпсі (ПВК) (рис. 6.1.).



**Рис. 6.1.** Концептуальна блок-схема пристрою GlucoTrack.

Для вимірювання РГК, ПВК причіпляється зовні мочки вуха користувача на час вимірювання, після чого знімається (рис. 6.3, в). Мочка вуха – це легко доступна частина тіла, яка має великий запас крові та не заважає звичайній роботі. Крім того, капілярні концентрації рівня глюкози вух і пальців добре корелюють, і дві ділянки можуть бути використані взаємозамінно з отриманням аналогічних результатів у конкретного пацієнта.

Електромагнітна технологія. Принцип, що лежить в техніці електромагнітного порушення балансу трансмембранного електроліту зрушенням рідини індукованої глюкозою призводить до зміни клітинного мембранного потенціалу. Окрім того, варіації метаболічно активного енантіомеру -Dглюкози впливають на проникність і провідність клітинних мембран. Таким чином. глюкозоіндукована вода і перенесення іонів через клітинну призводять до зміни електричних мембрану властивостей клітинних і, отже, позаклітинних відсіків. Ці зміни відбуваються в зміні імпедансу тканини, представленої на еквівалентній електричній схемі згідно рис. 6.2.



**Рис. 6.2.** Еквівалентна електрична схема епідермісу і основної тканини.

E<sub>sc</sub>,C<sub>e</sub>,R<sub>e</sub>,C<sub>m</sub>,R<sub>m</sub> і R<sub>ext</sub> відповідно позначені – потенціал поверхні шкіри, епідермальну ємність, опір епідермісу, ємність тканини клітинної мембрани, опір тканини клітинної мембрани, і позаклітинний опір.



Рис. 6.3. Головний модуль з ПВК (а) та вид збоку (б) ПВК; 1- гвинт регулювання; 2 – тепловий сенсор; 3 – ультразвуковий та електромагнітний сенсор; 4 – сенсор відстані.

**Теплова технологія**. Базовий принцип теплової технології описується рівнянням:

$$\mathbf{r}_{t}c_{t}\frac{\partial U_{t}}{\partial t} = k_{t}\nabla^{2}U_{t} + h_{m} + h_{b} + h_{ext}$$

де рt, c<sub>t</sub> i k<sub>t</sub> відповідно щільність, теплоємність і теплопровідність тканини. U позначає температуру в точці вимірювання в мочці вуха. Метаболічне тепло, теплообмін між тканиною і кров'ю, і будь-якого ступеня зовнішнього нагріву позначаються  $h_m$ ,  $h_b$ , і  $h_{ext}$ , відповідно.

Зміна концентрації РГК на теплопередавальні характеристики через зміни от, с, і k, в воді / електроліті. Таким чином, РГК бути оцінено побічно за допомогою вимірювання змін в характеристиках теплопередачі у відповідь на певну кількість енергії, яка подається до тканини протягом заданого періоду часу. Варіації РГК впливають на теплопередавальні характеристики внесенням змін до теплоємності, щільності і теплопровідності тканин внаслідок зміни співвідношення вода/електроліт. Таким чином, зміна процесів теплопередачі, що відбуваються в багатошаровій структурі механічних тканинисенсора (рис. 6.4.) є прямим результатом до змін концентрації РГК.

Чим вище концентрація глюкози в крові, тим менше теплоємність і тим нижче теплопровідність, тим самим викликаючи більше підвищення температури в зовнішніх шарах тканини у відповідь підігрів. Оскільки датчик (термістор) на встановлений на епідермісі, виміряна швидкість і величина зміни температури при нагріванні вище, ніж у внутрішніх тканинах.



**Рис. 6.4.** Схематична механічна конструкція сенсора тканин.

Ультразвукова технологія. Суть цієї технології полягає в тому, що швидкість звуку (с) в рідинах і м'яких тканинах залежить від стискуваності ( $\beta$ ), яка визначає міжмолекулярні сили зв'язку, і середньої щільності ( $\rho$ ), у відповідності з наступним рівнянням:

$$c = \left(\frac{1}{b * r}\right)^{1/2}$$

Зміна концентрації глюкози може бути побічно оцінена шляхом вимірювання швидкості звуку через тканину. Коли концентрація глюкози зростає, збільшується швидкість поширення, а також, оскільки швидкість поширення лінійно залежить від концентрації глюкози, тим вище вміст глюкози в тканині, чим швидше ультразвукова хвиля проходить через неї, таким чином, зменшуючи час поширення.



**Рис. 6.5.** Схематичне представлення мочки вуха між двома ультразвуковими п'єзоелементами (а) і фазовий зсув між переданою і отриманою хвилями (б); 1 – тканина (мочки вуха); 2 – ультразвуковий передавач; 3 – ультразвуковий приймач.

#### Висновки

захворювань Значне поширення цукровим діабетом вимагає постійного моніторингу РГК для аналізу та забезпечення найефективнішого лікування хворих. Інвазивні технології, не зважаючи на вищу точність, не можуть задовольнити потреб сучасної медицини та хворих, оскільки мають ряд недоліків, головними з яких є дискомфорт та необхідність постійного забору зразків крові пацієнтів. Дорогими є тестові смужки. Сам інвазивний метод теж психологічно може впливати на достовірність результатів. На відміну від інвазивного типу, неінвазивні пристрої не потребують проколювання і забору крові, тому є безпечніші та комфортніші, але € менш точними, вимагають спеціальних схемотехнічних рішень щодо сенсорних елементів, схем обробки результатів вимірювання, підвищення точності. Якщо інвазивні пристрої відносно зручні для пацієнта тільки з періодичними (1-3 рази на рік) амбулаторними відвідуваннями для забору крові, то неінвазивні технології дозволяють уникнути цих недоліків та створити принципово нові системи, які будуть базуватись на оптико-електронній елементній базі та оптичних властивостях глюкози, чим досягається значне підвищення функціональності та

ефективності глюкометрів, дозволять простіше реалізувати постійний моніторинг РГК як в процесі досліджень, так і оперативно вживати необхідні лікувальні заходи хворим. Проведений аналіз показує, що найбільш доцільними видаються дослідження зі створення неінвазивних пристроїв визначення РГК на основі оптичних спектрів поглинання глюкози в крові людини.

*Когут І.Т.* – доктор технічних наук, завідувач кафедри радіофізики і комп'ютерної інженерії, професор; *Котик В.М.* – аспірант.

[1] Е.Г. Бутолин, В.Г. Иванов, Клиническая информативность показателей биологических жидкостей организма, (Ижевск, Экспертиза, 1998).

- [2] В.Л. Герасименко, Обзор методов определения глюкозы, (Наука, М. 2005).
- [3] Y. Kim, S. Hahn and G. Yoon, Determination of Glucose in Whole Blood Samples by Mid-Infrared Spectroscopy, (Appl. Opt. 2003).
- [4] El. Wilkins, P. Atanasov, Glucose monitoring: state of the art and future possibilities, (Med Eng Phys. 1996).
- [5] PU Abel, T. von Woedtke, Biosensors for in vivo glucose measurement: can we cross the experimental stage, (Biosens Bioelectron 2002).
- [6] S. Zimmermann, D. Fienbork, B. Stoeboer, A.W. Flounders, D. Liepmann, A Microneedle-Based Glucose Monitor: Fabricated on a Wafer-Level Using in-Device Enzyme Immobilization. Proceedings of the 12th International Conference on Solid State Sensors, (Actuators and Microsystems; Boston, MA, USA. 2003).
- [7] Y. Mendelson, J.D. Bronzino, Optical Sensors in The Biomedical Engineering Handbook, (Boca Raton, 1995).
- [8] M.D. Ilana Harman-Boehm, A. Gal, A.M. Raykhman, Ph.D. Eugene Naidis, M. Sc., and Y. Mayzel, Noninvasive Glucose Monitoring: Increasing Accuracy by Combination of Multi-Technology and Multi-Sensors, (Journal of Diabetes Science and Technology Volume 4, Issue 3, May 2010).

#### I.T. Kogut, M.V. Kotyk

#### Sensory Elements and Devices Operational Diagnostic Blood Glucose (Review)

Vasyl Stefanyk Precarpathian National University 57, Shevchenko Str., Ivano-Frankivsk, 76018, Ukraine, E-mail: mikot@i.ua

The problem of monitoring diabetes is caused as a significant prevalence of the disease, and development on this basis of complex related complications, early disability and mortality. [1] So important is operational and continuous monitoring of blood glucose (MBG), which will increase rates treatment of diabetes.

Currently developed compact diagnostic system CMG for both the clinic and personal use. These systems are the most invasive, requiring immediate blood sampling. At the same time, become of diagnostic devices which are based on non-invasive method that the accuracy inferior invasive, but is more promising, because they have more functionality in terms of ease of measurement, storage and processing results. These systems include a measuring device and sensor elements. This paper will review methods and analysis of the basic principles of measurement devices MBG to develop circuit solutions for the creation of sensor and microsystem elements for noninvasive monitoring MBG.

Keywords: diabetes, sensors, invasive and noninvasive methods, blood glucose levels.

УДК 538.971

ISSN 1729-4428

# I.В. Горічок<sup>1</sup>, Л.І. Никируй<sup>1</sup>, М.О. Галущак<sup>2</sup>, М.А. Лоп'янко<sup>1</sup>, Т.О. Семко<sup>1</sup>, О.Л. Соколов<sup>1</sup>

## Структура і властивості матеріалів на основі систем Ag-Pb-Sb-Te з високою термоелектричною добротністю (Огляд)

<sup>1</sup>Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника, вул. Шевченка, 57, Івано-Франківськ, 76018, Україна <sup>2</sup>Івано-Франківський національний технічний університет нафти і газу ,вул. Карпатська,15, Івано-Франківськ, 76001, Україна

Проведено огляд робіт присвячених дослідженню термоелектричних, термодинамічних і механічних властивостей високоефективних термоелектричних матеріалів у системі Ag-Pb(Sn)-Sb-Te. Показано, що на їх основі можна отримувати як п-, так і р-вітки термоелектричних перетворювачів з параметром безрозмірної термоелектричної добротності ZT ≈ 1,5-2,0.

Ключові слова: LAST, плюмбум телурид, термоелектричні властивості.

Стаття поступила до редакції 23.11.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

#### Вступ

Одним із найбільш важливих та пріоритетних напрямків світових наукових досліджень є розробка нових енергозберігаючих технологій, створення ефективних відновлювальних джерел енергії, використання теплових відходів, автономних джерел енергії, тощо. Це зумовлено усвідомленням вичерпності викопних видів палива та значними викидами в атмосферу при їх спалюванні шкідливих газів, які забруднюють оточуюче середовище, пошкоджують озоновий шар Землі та викликають глобальні зміни клімату. При цьому на одне із перших місць виходять дослідження, пов'язані із прямим перетворенням теплової енергії в електричну. Одним з основних аргументів при цьому є те, що термоелектричні перетворювачі є одними з найнадійніших джерел електроенергії з ресурсом безперервної роботи десятки років [1-6].

Ефективність термоелектричних матеріалів визначається безрозмірною термоелектричною добротністю (ZT):

$$ZT = \left(\frac{S^2\sigma}{k}\right)T,$$

де S, σ, k, T – коефіцієнт Зеебека, питома електропровідність, коефіцієнт теплопровідності та абсолютна температура, відповідно [1-6].

Параметр Z пов'язаний із коефіцієнтом корисної дії залежністю [7]

$$\eta = \frac{T_{h} - T_c}{T_h} \cdot \frac{\sqrt{1 + ZT} - 1}{\sqrt{1 + ZT} + \frac{T_c}{T_h}} \,.$$

Тут  $T_h$ ,  $T_c$  – температура гарячого та холодного кінців термоелемента.

Найбільш поширені сучасні термоелектричні генератори працюють на основі матеріалів, для яких ZT  $\approx$  (0.5-1.0) [1, 2, 8]. Збільшення даного параметра до значень ZT  $\approx$  (1.5-2.0) дозволить суттєво розширити область використання перетворювачів. Значною перешкодою на цьому шляху є взаємопов'язаність величин S,  $\sigma$ , k, що не дозволяє покращувати один з параметрів, не погіршуючи при цьому інший [6].

Основними шляхами отримання матеріалів з високими значеннями ZT є пошук нових матеріалів або модифікація властивостей вже відомих. Причому, другий спосіб має ряд переваг, оскільки, можна використовувати вже розроблену технологію базового матеріалу.

Серед термоелектричних матеріалів, що вже використовуються для виготовлення генераторів електричної потужності, слід відзначити плюмбум телурид PbTe. Використовуючи нелегований матеріал, можна досягнути ZT  $\approx$  (0.7-0.8) [5-6]. Проте, основні його параметри можна ефективно змінювати шляхом легування та створення твердих розчинів [9-15]. Особливо перспективною домішкою при цьому є сурма [11-14]. Заміщуючи йони плюмбуму, стибій (Sb), який у валентній оболонці має на один електрон більше у порівнянні з атомом Pb, віддає його у зону провідності, що зумовлює ріст концентрації вільних носіїв n-типу та питомої електропровідності. У твердих розчинах PbTe-Sb<sub>2</sub>Te<sub>3</sub>, термоелектричні властивості можуть бути додатково покращеними за рахунок зменшення теплопровідності внаслідок ефективного розсіювання фононів на точкових дефектах кристалічної гратки [15].

В останні роки значного приросту термоелектричної ефективності матеріалів на основі плюмбум телуриду досягнуто завдяки створенню нового класу сполук Ag<sub>x</sub>Pb<sub>m</sub>Sb<sub>2-x</sub>Te<sub>m+2</sub> (LAST) [16-20]. Атоми аргентуму та стибію у цих матеріалах займають позиції у катіонній підгратці (рис.1) [18] і, оскільки, перший є акцептором, а інший донором, скомпенсовують електричну дію один одного, не впливаючи суттєвим чином на концентрацію носіїв. Проте, створювані нанорозмірні порушення періодичності кристалічної гратки в областях збагачених Ag i Sb [16] ефективно розсіюють фонони, що призводить до значного зменшення теплопровідності. При цьому, термоелектричні властивості різко залежить від величин m, x та умов експерименту, при якому матеріали були отримані [20]. Крім того, згідно [21], LAST матеріали характеризуються неоднорідним електронним розподілом, у якому зустрічаються фази з концентрацією носіїв 0,2·10<sup>18</sup> см<sup>-3</sup> та 2,0·10<sup>18</sup> см<sup>-3</sup>. Перша з них характерна для областей збагачених аргентумом, а друга - стибієм. Причому, якщо у другому випадку встановлено, що за високу концентрацію носіїв відповідальна фаза PbTe:Sb, то у першому – існують труднощі з однозначною інтерпретацією. Зокрема встановлено, що це точно не є фаза AgSbTe<sub>2</sub>. Можлива фаза, присутність якої могла б пояснити спостережувану збіднену електронну область – Ag2Te, експериментально не спостерігалась, хоча, варто відзначити, що межа ідентифікації фаз обраним авторами [21] методом становить ≈ 2 %. Також автори відзначають можливість існування у кристалах фази Sb<sub>2</sub>Te<sub>3</sub>.



**Рис. 1.** Кристалічна структура сполук AgPb<sub>m</sub>SbTe<sub>2+m</sub> [21].

Варто звернути увагу на той факт, що зміною температурних режимів синтезу, охолодження та ін. можна змінювати величину ZT в межах 0,6-1,7 для n-LAST (AgPbSbTe), та 1.0-1.6 для p-LAST (Ag-PbSnSbTe) (рис. 2) в діапазоні температур (700-800) К [23]. Також, не менш важливим з практичної точки зору, є той факт, що за найбільш оптимальних умов безрозмірна термоелектрична добротність пресованих зразків мало відрізняються від злитків (рис. 3).

Таким чином, зважаючи на наявність значної кількості робіт присвячених дослідженню сполук



**Рис. 2.** Діапазон значень ZT для LAST  $(Ag_{0.86}Pb_{19}SbTe_{20})$  і LASTT  $(Ag_9Pb_{19}Sn_9Sb_{0.6}Te_{20})$  отриманих за різних хімічних складів та технологічних умов [23].



**Рис. 3.** Порівняння значень ZT для зразків LAST вирізаних зі злитка і гаряче пресованих [23].

LAST та перспективність їх практичного використання, актуальним є проведення аналізу можливих методів отримання високоефективних термоелектричних матеріалів, а також встановлення впливу технологічних факторів на їх властивості.

#### I. Термодинамічні властивості і енергетична структура Pb-Ag-Sb-Te

Фазова діаграма системи PbTe-AgSbTe<sub>2</sub> представлена на рис. 4. Видно, що область розчинності AgSbTe<sub>2</sub> у PbTe є відносно неширокою, особливо при низьких температурах в області кімнатної, що й зумовлює виникнення значної кількості преципітатів. Їх можливий тип аналізується у роботах [36], на основі результатів яких можна стверджувати, що основними утвореннями є Ag<sub>2</sub>Te та Sb<sub>2</sub>Te<sub>3</sub> різних структурних типів.



**Рис. 4.** Фазова діаграма квазі-бінарної системи PbTe-AgSbTe<sub>2</sub> [34].

Дослідження пружних властивостей сполук LAST здійснено у роботах [38, 41-42]. Так у роботі [38] встановлено, що коефіцієнть пружності значно відрізняється від відповідних значень для бездомішкового плюмбум телуриду (табл. 1). Аналогічні результати отримано і для мікротвердості (табл. 2). Зміна хімічного складу матеріалів (LAST) зумовлює зміну його мікротвердості у кілька разів. Варто зазначити, що значні зміни параметра Н спостерігаються і при варіації технологічних параметрів отримання зразків. Наприклад, для зразків N43 та N48 однакового хімічного складу мікротвердість відрізняється у 2,5 рази [41].

Таблиця 1 Пружні сталі (в ГПА) і температурі Дебая (в К) для PbTe і AgPb<sub>14</sub>SbTe<sub>16</sub> з атомами Ag-Sb розміщеними у найближчих вузлах [38].

	PbTe (Expt.)	PbTe (Calc.)	AgPb <sub>14</sub> SbTe <sub>16</sub> (Calc. <sup>a</sup> )
<i>C</i> <sub>11</sub>	128.1, <sup>b</sup> 105.3 <sup>c</sup>	110.2, <sup>a</sup> 115.7 <sup>c</sup>	63.7
$C_{12}$	4.4, <sup>b</sup> 7.0 <sup>c</sup>	5.7, <sup>a</sup> 4.2 <sup>c</sup>	33.5
<i>C</i> <sub>13</sub>			9.0
C <sub>22</sub>			53.9
C <sub>23</sub>			9.1
C <sub>33</sub>			100.6
$C_{44}$	15.1, <sup>b</sup> 13.2 <sup>c</sup>	14.3, <sup>a</sup> 14.3 <sup>c</sup>	9.6
$C_{55}$			13.1
$C_{66}$			34.0
$\Theta_D$	168 K <sup>b</sup>	209 K <sup>a</sup>	189 K

У роботах [41-42] досліджено також температурні залежності мікротвердості, модуля Юнга і коефіцієнта Пуассона (рис. 5). Зокрема встановлено, що при охолодженні/нагріванні зразка з швидкістю ≥ 5 К/хв температурна залежність модуля Юнга характеризується наявністю гістерезису. При охолодженні/нагріванні зразка з швидкістю 2 К/хв такий ефект відсутній.

Таблиця 2

Хімічний склад (моль. част.), середні значення мікротвердості  $H_{mean}$  та стандартне відхилення  $H_{stdev}$  для 17 зразків n-типу  $Ag_aPb_bSb_cTe_d$  [41].

Spec. ID	Ag a	Pb b	Sb c	Te d	H <sub>mean</sub> (GPa)	H <sub>stdev</sub> (GPa)
N33	0.030	0.422	0.042	0.506	0.922	0.174
N35	0.043	0.427	0.034	0.496	0.798	0.068
N37	0.017	0.427	0.043	0.513	0.727	0.107
N39	0.015	0.467	0.017	0.501	0.740	0.126
N40	0.006	0.480	0.011	0.503	0.526	0.063
N41	0.008	0.464	0.021	0.506	0.592	0.057
N42	0.011	0.454	0.030	0.505	0.855	0.186
N43	0.011	0.454	0.030	0.505	0.641	0.071
N48	0.025	0.446	0.028	0.501	0.768	0.053
N49	0.020	0.455	0.024	0.502	0.687	0.060
N50	0.009	0.472	0.016	0.503	0.578	0.039
N51	0.016	0.442	0.034	0.509	0.652	0.095
N52	0.021	0.450	0.026	0.502	0.660	0.061
N53	0.015	0.468	0.016	0.501	0.645	0.073
N54	0.043	0.427	0.034	0.496	0.743	0.102
N55	0.017	0.417	0.050	0.517	0.772	0.108
N58	0.011	0.454	0.030	0.505	0.548	0.075



**Рис. 5.** Температурна залежність модуля Юнга (а) та коефіцієнта Пуассона (b) зразків LAST [41].

Дослідження механічних і термоелектричних властивостей та впливу на них пористості, добавок нанопорошків SiC, ZnO та технологічних факторів гарячого пресування здійснено у роботі [7]. Синтез сполук складу  $Ag_{0.86}Pb_{19}SbTe_{20}$  проводили при температурі  $\approx 1350$  К протягом  $\approx 10$  год, охолодження – протягом 24 год. Пресування проводили подаючи та знімаючи навантаження у кілька етапів; максимальний тиск пресування – 60 МПа (витримка –  $\approx 1$  год), максимальна температура – 823 К.

Значення модуля Юнга при кімнатній температурі (58,4±0,6) ГПа, а коефіцієнт термічного розширення –  $20 \cdot 10^{-6} \text{ K}^{-1}$  для злитка та  $24 \cdot 10^{-6} \text{ K}^{-1}$  для пресованого зразка  $Ag_{0.86}Pb_{19}SbTe_{20}$  (для злитку РbTе дана величина становить  $20,4 \cdot 10^{-6} \text{ K}^{-1}$ ). Встановлено, що температурні залежності модуля Юнга, модуля усесто-



Рис. 6. а – залежність параметра гратки  $AgPb_mSbTe_{2+m}$  від числа т [22]; b – зміна параметра гратки  $AgSb_{1-x}Pb_{18}Te_{20}$ , як функції від х [27]; с – залежність параметра гратки  $AgPb_mSbTe_{2+m}$  від співвідношення (AgSb)/(PbTe) для двох можливих випадків розташування атомів аргентуму та стибію (у найближчих вузлах та наступними за найближчими) [38].

роннього стискування та коефіцієнта Пуассона практично співпадають як для злитків, так і пресованих зразків з різною пористістю. З іншого боку, термоелектрична добротність Z з ростом пористості зростає. На рис. 6.а представлено залежності параметра елементарної комірки сполук LAST від величини параметра m, а на рис.6.6 – від кількості стибію. Спостережувані залежності виглядають логічними, зважаючи на те, атомні радіуси атома стибію є меншим за атомний радіус плюмбуму. Зазначимо, що атомні радіуси аргентуму та і плюмбуму є практично однакові [40].

З рис. 5.в бачимо, що суттєвою є залежність параметра елементарної комірки і від відносного місця розташування у ній атомів Ag і Sb. Якщо один з них перебуває у другій координаційній сфері відносно першого то відносна зміна сталої гратки при зміні величини т характеризується практично лінійною залежністю. Якщо ж ці атоми є найближчими сусідами, то спостерігається відхилення від лінійності, яке підтверджується експериментально. Такі закономірності знаходять пояснення у роботі [38]. На основі



**Рис. 7.** Енергія утворення  $E_f$  AgPb<sub>m</sub>SbTe<sub>2+m</sub> (m=6, 14, і 30) в залежності від відстані між Ag і Sb атомів визначена з врахуванням іонної релаксації [38].

розрахунків енергій утворення LAST сполук з атомами у різних координаційних сферах, встановлено, що при малих та великих m (m = 6 i m = 30) найменшою  $\epsilon$  енергія при розміщенні пари Ag-Sb у наступній за найближчою координаційній сфері (рис.7). Для проміжних значень, зокрема m = 14, енергії розміщення зазначених атомів у першій та другій координаційній сфері один відносно одного  $\epsilon$  приблизно однаковими.

Структура енергетичних зон досліджуваних систем вивчалась у роботах [33-38] і представлена на рис.8, рис. 9. Встановлено, що ізольовані атоми Аргентуму створюють у валентній зоні резонансні акцепторні стани, а атоми стибію – донорні у зоні провідності (рис.8). В той же час, наявність у кристалічній гратці одночасно Ag і Sb призводить до змін енергетичної структури, які, окрім хімічного складу, проявляють сильну чутливість і до взаємного розміщення атомів [33].

З рис. 9 видно, що збільшення вмісту AgSbTe<sub>2</sub> у сполуці призводить до значних змін у структурі країв головних зон, що й визначає суттєві відмінності у термоелектричних властивостях матеріалів з різним значенням параметра m.



**Рис. 8.** Густина станів сполуки у випадку наявності у гратці 1-го атома Ag (а), 1-го атома Sb (b), пари атомів Ag-Sb на відстані 11,19 A (с) та 4,57 A (d). Для порівняння штриховою лінією представлено густину станів бездомішкового PbTe [33].



**Рис. 9.** Густина станів сполуки РbTe, AgPb<sub>14</sub>SbTe<sub>16</sub> та AgPb<sub>6</sub>SbTe<sub>8</sub> [36].

#### II. Термоелектричні властивості LAST

дослідження Вже перші [22, 24]систем Ag<sub>x</sub>Pb<sub>m</sub>Sb<sub>2-x</sub>Te<sub>m+2</sub> дали підстави вважати, що найбільш оптимальними значеннями величини т є 18 (Рис.10). В діапазоні температур (300-800) К питома електропровідність зменшується від  $\approx 1800$  (Ом см)<sup>-1</sup> до  $\approx 200$  (Ом см)<sup>-1</sup>. Коефіцієнт Зеебека при цьому зростає від  $\approx 120$  мкВ/К до  $\approx 380$  мкВ/К, що є досить хорошим показником. Коефіцієнт теплопровідності у вказаному температурному діапазоні зменшується від  $\approx 2,1$  Вт/( м К) до  $\approx 1,0$  Вт/( м К). Такі значення основних термоелектричних параметрів забезпечують отримання безрозмірної термоелектричної добротності ZT > 2.

Збільшення вмісту плюмбуму у сполуці LAST понад m=18, зменшує його термоелектричну потужність внаслідок зменшення як питомої електропровідності, так і коефіцієнта Зеебека [23].

Дослідження матеріалів системи складу  $Pb_xAg_{20}Sb_{30-x}Te_{50}$  (x = 3, 4, 5, 6) також продемонстрували значно нижчу ефективність (ZT < 1,0 [2]) у порівнянні з LAST-18.

Варіюванням відношення Ag/Sb можна ефективно змінювати як провідність, так і коефіцієнт Зеебека матеріалу [28]. Як видно з рис. 11, такого роду залежність для AgPb<sub>18</sub>Sb<sub>1+x</sub>Te<sub>20</sub> характеризується екстремальними точками в діапазоні вмісту сурми від x = 0до x = 1. Питомий опір при максимальному вмісті Sb зменшується практично на порядок, а коефіцієнт Зеебека – втроє. Коефіцієнт теплопровідності при цьому зростає, ймовірно, за рахунок електронної складової, оскільки концентрація носіїв при цьому зростає всемеро. Подальше збільшення вмісту стибію призводить до часткового зменшення величини n та її стабілізації (табл. 3), що ймовірно зумовлено досягненням межі розчинності Sb в PbTe.

Варто зазначити, що у роботі [30] при аналогічному до [27] вмісті Sb отримано значно нижчі концентрації носіїв. Також встановлено, що якщо різниця між коефіцієнтами z та у у формулі  $Ag_{1-y}Pb_{18}Sb_{1+z}Te_{20}$  є меншою ((1+z)-(1-y)) < 0.5 то концентрація носіїв є



**Рис. 10.** Температурні залежності питомої електропровідності (А), коефіцієнта Зеебека (А), коефіцієнта теплопровідності (В) та безрозмірної термоелектричної добротності (С) AgPb<sub>18</sub>SbTe<sub>20</sub> [22].

до  $\approx 3 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup>.

Таблиця З
Концентрація носіїв та їх рухливість для зразків
AgPb <sub>18</sub> Sb <sub>1+x</sub> Te <sub>20</sub> при різних значеннях х [28]

Samples	Carrier concentration (10 <sup>19</sup> cm <sup>-3</sup> )	Carrier mobility (cm <sup>2</sup> /V·s)
x = 0	0.36	401
x = 0.2	2.75	637
x = 0.5	1.61	564
x = 1	1.06	507



Рис. 11. Температурні залежності питомого опору (а), коефіцієнтів Зеебека (b), теплопровідності (c) та безрозмірної термоелектричної добротності (d) сполук  $AgPb_{18}Sb_{1+x}Te_{20}$  при різних значеннях х [28].

Такі відмінності у властивостях зумовлені значним впливом на них технологічних факторів отримання дослідних зразків [28-32]. Зокрема у роботі [31] досліджено вплив відпалу кристалів LAST на їх структурні і термоелектричні властивості. В результаті встановлено, що при однаковій кількості введених атомів Ag та Sb і температурі відпалу до 500°C у матричній фазі більше розчиняються атоми аргентуму (рис. 12, а), тоді як надлишкові атоми стибію утворюють численні преципітати (рис. 13). Також показано, що при збільшенні вмісту Sb об'ємна кількість преципітатів зменшується (рис. 12, б). При відпалі кристалів за T > 500°C, співвідношення між концентраціями Ag/Sb стає практично рівним одиниці.

Вплив збільшення температури відпалу на термоелектричні властивості є дуже вагомим. Так підвищення температури відпалу від 360 С до 580 С зменшує величину питомої електропровідності у всьому діапазоні температур вимірювання (Рис.14). Особливо суттєвим це зменшення є в області кімнатних температур. Коефіцієнт теплопровідності теж монотонно зменшується з ростом температури відпалу, а коефіцієнт Зеебека зразків відпалених при 505°С є найвищим. Цей максимум величини S і визначає оптимальність температури 505°С для отримання матеріалу з максимальним ZT.

У випадку отримання зразків шляхом пресування існує ряд додаткових технологічних факторів, що впливають на властивості сполук LAST. Зокрема, у роботі [48] досліджено зміну термоелектричних параметрів гарячопресованих зразків в залежності від тиску пресування для сполук складу AgPb<sub>10</sub>SbTe<sub>12</sub>. Результати представлено у табл.4-5 та на рис. 15. Встановлено, що зі збільшенням тиску пресування густина р монотонно зростає, тоді як стала гратки практично не змінюється. При цьому, теплопровідність, розрахована як  $k = D \rho C_{p}$ , де D – термічна дифузія, до тиску 4 ГПа практично не змінюється, а при вищих тисках - суттево зростає. Також вище вказаного тиску суттево зростає концентрація носіїв, що призводить до збільшення електропровідності, та одночасного зменшення коефіцієнта Зеебека.

Автори [48] такі закономірності у зміні властивостей кристалів пов'язують зі змінами в об'ємі кристаліту. Проте, на нашу думку, значними можуть бути і зміни у міжкристалічних контактах, які з підвищенням тиску можуть покращуватись. Підтвердженням таких припущень може бути той факт, що стала гратки, яка характеризує внутрішній об'єм кристаліта, при збільшення тиску пресування не змінюється, тоді як густина, яка характеризує зразок в цілому, зростає.



**Рис. 12**. Зміна співвідношення між Ag і Sb в матричній фазі (а) і об'ємна частка вторинних фаз в основній фазі в залежності від вмісту Sb в матриці [31].



**Рис. 13.** SEM зображення, що демонструють матричні і вторинні фази об'ємних матеріалів. [29].



**Рис. 14.** Температурні залежності питомої електропровідності (а), коефіцієнтів Зеебека (b), теплопровідності (c) та безрозмірної термоелектричної добротності (d) сполук AgPb<sub>18</sub>SbTe<sub>20</sub> різних температур відпалу [31].

**Таблиця 4** Параметр гратки і густина для Ag<sub>0,8</sub>Pb<sub>10</sub>SbTe<sub>12</sub> отриманих пресуванням під високим тиском [48].

Synthetic pressure (GPa)	Lattice constant (nm)	Densit (g/cm <sup>2</sup>
2	0.6454	8.01
3	0.6452	8.12
4	0.6452	8.28
4.5	0.6456	8.33
5	0.6453	8.34

#### Таблиця 5

Коефіцієнт теплопровідності і показник добротності Ag<sub>0,8</sub>Pb<sub>10</sub>SbTe<sub>12</sub> отриманих пресуванням під вис оким тиском [47].

Properties	2∙0 GPa	3.0 GPa	4∙0 GPa	4.5 GPa	5∙0 GPa
$\kappa_{\text{total}}$ (W/mk)	1.67	1.74	1.66	2.28	3.94
$Z(10^{-4} \text{K}^{-1})$	1.03	1.66	0.73	0.49	1.64 0.59



**Рис. 15.** Залежність концентрації носіїв (а) та коефіцієнта Зеебека (b) від тиску пресування зразка Ag<sub>0.8</sub>Pb<sub>10</sub>SbTe<sub>12</sub> [48].

## Ш. Альтернативні чотирикомпнентні системи

Окрім систем Ag-Pb-Sb-Te активно досліджувались також системи Na-Pb-Sb-Te [43] р-типу провідності і евтектики PbTe-NiSb [44], у яких атоми нітрогену та нікелю є акцепторами, а також Ag-Pb-Bi-Te, у яких вісмут – донор [45,46].

Зокрема у [44], в результаті структурних досліджень, встановлено, що як для евтектик PbTe-NiSb, так і для PbTe-Sb проявляються регулярні пластинчато-волокнисті структури, які для PbTe-NiSb є (рис.16). Аналогічні наноутворення автори [43] виявили і у системі Na-Pb-Sb-Te (рис. 17). Саме їх наявність зумовлює низьку теплопровідність матеріалів (рис. 18). На цьому рисунку також приведена теплопровідність PbTe<sub>0.9</sub>Se<sub>0.1</sub> і Pb<sub>0.9</sub>Sn<sub>0.1</sub>Te. У цих твердих розчинах атоми Селену та Стануму є центрами ефективного розсіювання фононів. Оскільки атомна маса Se, Sn i Sb є близькими, то можна було б припустити, що й теплопровідність Na-Pb-Sb-Te повинна б бути близькою до PbTe<sub>0.9</sub>Se<sub>0.1</sub> і Pb<sub>0.9</sub>Sn<sub>0.1</sub>Te. Проте, саме завдяки нановключенням величина k є значно нижчою.



**Рис. 16.** Мікроструктура поперечних (а) і повздовжніх (b) блоків PbTe-NiSb [43].



**Рис. 17.** Мікроструктура поверхні зразка Na<sub>0.95</sub>Pb<sub>20</sub>SbTe<sub>22</sub>. [43].



**Рис. 18.** Граткова теплопровідність зразка Na<sub>0,95</sub>Pb<sub>20</sub>SbTe<sub>22</sub> (▲) та PbTe<sub>0,9</sub>Se<sub>0,1</sub> (○) і Pb<sub>0,9</sub>Sn<sub>0,1</sub>Te (●) [43].

Елекропровідність системи Na-Pb-Sb-Te зі збільшенням вмісту PbTe слабо зростає, а термо-EPC – слабо зменшується. Зміна ж вмісту Sb при фіксованій концентрації Na, зумовлює незначне зменшення електропровідності при відчутно виразнішому рості коефіцієнта термо-EPC (рис. 19, b,c). В результаті величина термоелектричної потужності зростає зі збільшенням вмісту Sb. Відмінність величин граткової теплопровідності для зразків з різними вмістами Na i Sb у області робочих температур не є суттєвою (рис. 5, a). Величина ZT є найвищою для складу Na<sub>0.95</sub>Pb<sub>20</sub>SbTe<sub>22</sub> і становить 1,7 при 650 K.



**Рис. 19.** а – температурна залежність електричної провідності і коефіцієнта Зеебека  $Na_{0.95}Pb_{20}SbTe_{22}$ . Температурна залежність електричної провідності (b) та коефіцієнта Зеебека (c) для  $Na_{0.8}Pb_{20}Sb_yTe_{22}$  при y= 0,4 (**n**), y = 0,6 ( $\circ$ ), y = 0,8 (**A**)[43].

У [44] проведено порівняльний аналіз термоелектричних властивостей вирізаних з полікристалічного злитку зразків  $Ag_{1-x}Pb_{18}SbTe_{20}$  та  $Ag_{1-x}Pb_{18}BiTe_{20}$ . Встановлено, що обидва матеріали містять нанороз-



Рис. 20. а – температурна залежність коефіцієнту теплопровідності  $Na_{0.95}Pb_{19}SbTe_{21}$  ( $\circ$ ) і  $Na_{0.8}Pb_{20}Sb_{0.6}Te_{22}$  ( $\bullet$ ). b – температурна залежність термоелектричної добротності  $Na_{0.95}Pb_{19}SbTe_{22}$  ( $\bullet$ ), $Na_{0.95}Pb_{19}SbTe_{21}$  ( $\circ$ ), $Na_{0.8}Pb_{20}Sb_{0.6}Te_{22}$  ( $\Box$ ) [43]. Для порівняння приведено також дані для p-PbTe (суцільна крива) та системи p-TAGS (штрихова лінія) [43].



Рис. 21. Температурна залежність безрозмірної термоелектричної добротності для  $Ag_xPb_{18}BiTe_{20}$  (x = 0; 0,3) та  $Ag_xPb_{18}SbTe_{20}$  (x = 0,3) [45].

мірні включення, що зумовлює їх низьку теплопровідність. Проте, як було встановлено, безрозмірна термоелектрична добротність матеріалу, що містить стибій є вищою, аніж у випадку коли матеріал містить бісмут (Рис. 21). Це зумовлено тим, що, поперше, коефіцієнт Зеебека  $Ag_{1-x}Pb_{18}BiTe_{20}$  є практично вдвоє нижчим, аніж у випадку  $Ag_{1-x}Pb_{18}SbTe_{20}$ (рис. 22). По-друге, теплопровідність Bi-вмісного матеріалу є вищою, аніж Sb-вмісного. На думку авторів, це зумовлено тим, що різниця атомних мас стибію і плюмбуму є більшою аніж різниця атомних мас бісмуту і плюмбуму. Тому, у другому випадку

Таблиця б

Властивості Ag<sub>1-x</sub>Pb<sub>18</sub>BiTe<sub>20</sub> при 300 К у порівнянні із PbTe та Ag<sub>1-x</sub>Pb<sub>18</sub>BiTe<sub>20</sub> [45].

sample	type	carrier concentration (n) $(10^{19} \text{ 1/cm}^3)$	mobility (cm <sup>2</sup> /V•s)	ref
PbTe	n	0.5	$1 - 1.5 \times 10^{3}$	22
		Ag <sub>1-r</sub> Pb <sub>18</sub> SbTe <sub>2</sub>	0	
x = 0	n	0.54	778	this work
x = 0.14	n	0.51	783	this work
x = 0.33	n	1.9	$\sim 800$	7
		Ag <sub>1-x</sub> Pb <sub>18</sub> BiTe <sub>2</sub>	0	
x = 0	n	4.19	192	this work
x = 0.14	n	3.04	222	this work
x = 0.30	n	5.04	178	this work



**Рис. 22.** Температурні залежності питомої електропровідності сполук складу  $Ag_{1-x}Pb_{18}SbTe_{20}$  (a) та  $Ag_{1-x}Pb_{18}BiTe_{20}$  (б) [45].



Рис. 23. Температурні залежності коефіцієнта Зеебека сполук складу  $Ag_{1-x}Pb_{18}SbTe_{20}$  (a) та  $Ag_{1-x}Pb_{18}BiTe_{20}$  (б) [45].

зменшення гракової теплопровідності буде вагомішим. Електропровідність обох матеріалів є приблизно однаковою (рис. 22). При вищій концентрації носіїв у  $Ag_{1-x}Pb_{18}BiTe_{20}$  їх рухливість є нижчою (табл. 6).

На відміну від [45], у [46] проведено дослідження пресованих зразків. Авторами досліджено зразки, отримані холодним пресуванням (T =  $T_{\text{кім}}$ , P = 867 МПа, 15 хв, відпал – CPA), гарячим пресуванням (T = 473 K, P = 434 МПа, 15 хв – HP), а також зразки, отримані короткотерміновим спіканням (T = 673 K, P = 56 МПа, 11 хв – STS).

Для таких матеріалів коефіцієнт Зеебека є вищим, а питома електропровідність нижчою у порівнянні з полікристалічними зразками. Проте безрозмірна термоелектрична добротність для обох матеріалів є практично однаковою і її максимальне значення становить ZT  $\approx$  0,9 (рис. 24).

В значній мірі встановлені у [45-46] закономірності зумовлено відмінностями енергетичної зонної структури Sb чи Bi вмісних матеріалів (Рис. 25). З порівняльного аналізу енергетичної структури можна зробити висновок, що для PbAgSbTe густина станів в околі країв головних зон є вищою ніж для PbAgBiTe, що пояснює, зокрема, більший коефіцієнт Зеебека, оскільки S ~dln( $v^2 \cdot g \tau/d(E)$  [3]. Тут v – швидкість носіїв,  $\tau$  – час їх релаксації, g – густина станів.



**Рис. 24.** Температурні залежності питомої електропровідності (а), коефіцієнта Зеебека (б), теплопровідності (в) та безрозмірної термоелектричної добротності (г) сполук AgPb<sub>m</sub>BiTe<sub>m+2</sub> отриманих холодним пресуванням (СРА), гарячим пресуванням (СР) та іскроплазмовим спіканням (STS) [46].



**Рис. 25.** Зонна структура PbTe (a), PbAgSbTe (b) та PbAgBiTe (в).



**Рис. 26.** Фазова діаграма системи PbTe-Ag<sub>2</sub>Te і процедура отримання матеріалу з преципітатами на етапі низькотемпературного відпалу [47].

Високі значення безрозмірної термоелектричної добротності було досягнуто у системі PbTe-Ag<sub>2</sub>Te при додатковому сильному легуванні Na для отримання матеріалу р-типу чи La для отримання матеріалу п-типу провідності [47]. При заданих умовах синтезу та охолодження матеріалу (рис. 26), Ag<sub>2</sub>Te утворює нанорозмірні преципітати які ефективно розсіюють фонони, зменшуючи теплопровідність матеріалу. А домішка Натрію чи Лантану, при цьому, сприяє покращенню величини питомої електропровідності та коефіцієнта Зеебека (рис. 26).



**Рис. 27.** а – температурні залежності питомої електропровідності PbTe:Na-Ag<sub>2</sub>Te та PbTe:Na; b – коефіцієнта Зеебека PbTe:Na -Ag<sub>2</sub>Te та теоретично розраховані за формулою Писаренко криві для PbTe:Na і PbTe:La-Ag<sub>2</sub>Te. с – коефіцієнт теплопровідності та його граткова компонента PbTe:Na-Ag<sub>2</sub>Te та, для порівняння, SALT (PbNaSbTe); d – безрозмірна термоелектрична добротність PbTe:Na-Ag<sub>2</sub>Te, PbTe:La-Ag<sub>2</sub>Te [47].



Рис. 28. Температурні залежності: а — питомої електропровідності і коефіцієнта Зеебека сполук  $Ag_{0.5}Pb_6Sn_2Sb_{0.2}Te_{10}$ ; b — коефіцієнта теплопровідності (  $\Box$  — AgPb<sub>12</sub>Sn<sub>4</sub>Sb<sub>0.4</sub>Te<sub>20</sub>,  $\Delta$  — AgPb<sub>14</sub>Sn<sub>6</sub>Sb<sub>0.4</sub>Te<sub>24</sub>, • — AgPb<sub>10</sub>Sn<sub>10</sub>Sb<sub>0.67</sub>Te<sub>22</sub>); с — безрозмірної термоелектричної добротності [46].

Для отримання високоефективного термоелектричного матеріалу р-типу провідності у роботах [49, 50] запропоновано систему  $Ag(Pb_{1-y}Sn_y)_mSbTe_{2+m}$ . Дослі-

дження даних сполук у широких межах зміни величини m та у ( $8 \le m \le 36$ ,  $0.1 \le y \le 0.6$ ) дало можливість встановити оптимальний хімічний склад для досягнення найвищих значень ZT (рис. 28). Для складів р-Ag<sub>0.5</sub>Pb<sub>6</sub>Sn<sub>2</sub>Sb<sub>0.2</sub>Te<sub>10</sub> та n-Ag<sub>0.86</sub>Pb<sub>18</sub>SbTe<sub>20</sub> досягнуто значень безрозмірної термоелектричної добротності ZT, відповідно, 1,5 та 1,7, в околі 700 К [49].

#### Висновки

- Аналіз результатів досліджень чотирикомпонентних сполук LAST, а також альтернативних їм систем, свідчить про перспективність практичного використаня даних матеріалів у якості віток як п-, так і р-типу провідності для створення високоефективних термоелектричних генераторів з параметром безрозмірної термоелектричної добротності ZT ≈ 1,5-2,0.
- Високі характеристики даних матеріалів зумовлені можливість відносно незалежного зменшення коефіцієнта теплопровідності без значних змін у електронній підсистемі, що зумовлено наявністю великої кількості преципітатів, які активно розсіюють фонони.
- Додатковими ефективними методами оптимізації властивостей сполук LAST є варіація технологічних факторів отримання пресованих зразків та отримання нанокомпозитів, шляхом додавання нанопорошків SiC, ZnO та ін.

This research is sponsored by NATO's Public Diplomacy Division in the framework of "Science for Peace" (NATO.NUKR.SFPP 984536) and carried out in particular by scientific projects of Ministry of Education and Science of Ukraine (state registration number 0115U002303).

Горічок І.В. – кандидат хімічних наук, старший науковий співробітник Фізико-хімічного інституту; Никируй Л.І. – кандидат фізико-математичних наук, доцент кафедри фізики і хімії твердого тіла; Галущак М.О. – доктор фізико-математичних наук, завілуван кафедри, загадьної та прикладної фізики

завідувач кафедри загальної та прикладної фізики, професор;

*Лоп'янко М.А.* – кандидат фізико-математичних наук, доцент кафедри фізики і хімії твердого тіла; *Семко Т.С.* – аспірант;

*Соколов О.Л.* – науковий співробітник Фізикохімічного інституту.

- [1] Li-Dong Zhao, Vinayak P. Dravid, and Mercouri G. Kanatzidis, Energy Environ. Sci. 7, 251 (2014).
- [2] Joseph R. Sootsman, Duck Young Chung, and Mercouri G. Kanatzidis, Angew. Chem. Int. Ed. 48, 8616 (2009).
- [3] А.В Дмитриев, И.П. Звягин, УФН 180 (8), 821 (2010).
- [4] Hongchao Wang, Je-Hyeong Bahk, Chanyoung Kang, Junphil Hwang, Kangmin Kim, Jungwon Kim, Peter Burke, John E. Bowers, Arthur C. Gossard, Ali Shakouri, and Woochul Kim, PNAS, July 29, 111(30), 10949 (2014).
- [5] Terry M. Tritt, Harald Böttner, Lidong Chen, MRS Bulletin 33, 366 (2008).
- [6] Jin-cheng Zheng, Front. Phys. China 3(3), 269 (2008).

- [7] Jennifer Elisabeth Ni, Powder processing and mechanical properties of Ag<sub>0.86</sub>Pb<sub>19</sub>SbTe<sub>20</sub> (LAST) and Pb<sub>0.95</sub>Sn<sub>0.05</sub>Te – PbS 8% (PbTe-PbS) thermoelectric materials (A dissertation doctorate of philosophy Materials Science Engineering. Michigan State University, 300 (2012).
- [8] A.O. Епремян, В.M. Арутюнян, А.И. Ваганян, International scientific journal for alternative energy and ecology 5(25), 7 (2005).
- [9] A.V. Shevelkov, Russian Chemical Reviews 77(1), 1 (2008).
- [10] Yanzhong Pei, Aaron LaLonde, Shiho Iwanaga and G. Jeffrey Snyder, Energy Environ. Sci. 4, 2085 (2011).
- [11] L.D. Borisova, Phys. stat. sol. (a) 53, K19 (1979).
- [12] Chr. Jaworski, J. Tobola, E.M. Levin, Kl. Schmidt-Rohr, J. Heremans, Physical Review B. 80, 125208 (2009).
- [13] D.M. Freik, C.A. Kryskov, I.V. Horichok, T.S. Lyuba, O.S. Krynytsky, O.M. Rachkovsky, Journal of Thermoelectricity 2, 42 (2013).
- [14] D.M. Freik, S.I. Mudryi, I.V. Gorichok, R.O. Dzumedzey, O.S. Krunutcky, T.S. Lyuba, Ukr. J. Phys. 59(7), 706 (2014).
- [15] P.-W. Zhu, Y. Imai, Y. Isoda, Y. Shinohara, X.-P. Jia, G.-T. Zou. Chin. Phys. Lett. 22(8), 2103 (2005).
- [16] K-F. Hsu, S. Loo, F. Guo, W. Chen, J. S. Dyck, C. Uher, T. Hogan, E. K. Polychroniadis, M. G.Kanatzidis. Science 303(5659), 818 (2004).
- [17] H. Hazama, U. Mizutani, Phys. Rev. B. 73, 115108 (2006).
- [18] E. Quarez, K.F. Hsu, R. Pcionek, N. Frangis, E.K. Polychroniadis, M.G. Kanatzidis, J. Am. Chem. Soc. 127, 9177 (2005).
- [19] J. Sootsman, R. Pcionek, H. Kong, C. Uher, M.G. Kanatzidis, Mater. Res. Soc. Symp. Proc. 886, 0886-F08-05 (2006).
- [20] D. Bilc, S.D. Mahanti, E. Quarez, K.F. Hsu, R. Pcionek, M.G. Kanatzidis, Phys. Rev. Lett. 93, 146403 (2004).
- [21] E.M. Levin, B.A. Cook, K. Ahn, M.G. Kanatzidis, and K. Schmidt-Rohr1, Physical Review B 80, 115211, 2009.
- [22] Kuei Fang Hsu, Sim Loo, Fu Guo, Wei Chen, Jeffrey S. Dyck, CtiradUher, Tim Hogan, E.K. Polychroniadis, Science 303(6), 818 (February 2004).
- [23] Harold Schock, et al., Thermoelectric Conversion of Waste Heat to Electricity in an IC Engine Powered Vehicle (Michigan State University Iowa State University Northwestern University NASA Jet Propulsion Laboratory Cummins Engine Company, P.178, April 30, 2011).
- [24] J. Sootsman, R. Pcionek, H. Kong, C. Uher, M.G. Kanatzidis. Mater. Res. Soc. Symp. Proc. 886, 0886-F08-05 (2006).
- [25] Hsin-jay Wu, Sinn-wen Chen, Teruyuki Ikeda, G. Jeffrey Snyder, Acta Materialia 60, 6144 (2012).
- [26] E. Quarez, K.F. Hsu, R. Pcionek, N. Frangis, E.K. Polychroniadis, M.G. Kanatzidis, J. Am. Chem. Soc. 127, 9177 (2005).
- [27] F. Yan, T.J. Zhu, S.H. Yang and X.B. Zhao, Physica Scripta 129, 116 (2007).
- [28] J.K. Lee, M.W. Oh, S.D. Park, B.S. Kim, B.K. Min, M.H. Kim, and H.W. Lee, Electronic Materials Letters, 8(6), 659 (2012).
- [29] S. Perlt, Th. Hoche, J. Dadda, E. Muller, P. Bauer Pereira, R. Hermann, M. Sarahan, E. Pippel, R. Brydson, Journal of Solid State Chemistry.
- [30] Jayaram Dadda, Eckhard Muller, Benedikt Klobes, Paula Bauer Pereira, and Raphael Hermann, Journal of Electronic Materials 41(8), (2012).
- [31] Jayaram Dadda, Eckhard Müller Susanne Perlt, Thomas Höche, Paula Bauer Pereira, Raphaël P. Hermann, 26(15), 1800 (Aug 14, 2011).
- [32] Lijun Wu, Jin-Cheng Zheng, Juan Zhou, Qiang Li, Jihui Yang, and Yimei Zhu, Journal of Applied Physics 105, 094317 (2009).
- [33] Bilc. Resonant States in the Electronic Structure of the High Performance TE AgPb<sub>m</sub>SbTe<sub>2+m.</sub>
- [35] Hoang... Theoretical study of deep-defect states in bulk PbTe.
- [36] Jayaram Dadda, Eckhard Müller, Susanne Perlt, Thomas Höche, Raphael Hermann, and Achim Neubrand, Phys.Status Solidi A 211(6), 1276.
- [37] Barabash. Thermoelectric AgPbSbTe Alloys.
- [38] Hirofumi Hazama and Uichiro Mizutani, Ryoji Asahi, Physical Review B 73, 115108 (2006).
- [39] Б.И. Болтакс, Диффузия и точечные дефекты в полупроводниках (Наука, Ленинград, 1972).
- [40] Paula Bauer Pereira, Structure and Lattice Dynamics of Thermoelectric Complex Chalcogenides (Dissertation presentee par Paula Bauer Pereira en vue de l'obtention du grade de Docteur en Sciences Annee academique. P.133, 2011-2012).
- [41] Rev. Ren, Hardness as a function of composition for n-type LAST thermoelectric material.pdf.

- [42] Rev. Ren, Anomalous temperature-dependent Young's modulus of a cast.pdf.
- [43] Poudeu, High Thermoelectric Figure of Merit and Nanostructuring in Bulk p-type Na<sub>1-x</sub> Pb<sub>m</sub>Sb<sub>y</sub>Te<sub>m+2</sub>.
- [44] K.Sh. Kagramanov, S.Sh. Kagramanov, E.D. Moroudor, M.G. Pishkin, CILD XII(3), 38 (2006).
- [45] Mi-Kyung Han, Khang Hoang, Huijun Kong, Robert Pcionek, Ctirad Uher, Konstantinos M. Paraskevopoulos, S. D. Mahanti, and Mercouri G. Kanatzidis, Chemistry. Materials 20, 3512 (2008).
- [46] Oliver Falkenbachr', Andreas Schmitzz, David Hartung3, Torben Dankworf, Guenter Koch, Lorenz Kienlea, Peter J. Klar, Eckhard Muellerr'2 and Sabine Schlechtr, The 2014 International Conference on Thermoelectrics, July 6-10, , Nashville, Tennessee, USA (2014).
- [47] Yanzhong Pei, Nicholas A. Heinz, Aaron LaLonde and G. Jeffrey Snyder, Energy & Environmental Science 4, 3640 (2011).
- [48] Taichao Su, Hongyu Zhu, Xiaolei Li, Shangsheng Li, Le Deng, Shizhao Zheng, Hongan Ma and Xiaopeng Jia, Bull. Mater. Sci. 34(6), 1209 (2011).
- [49] John Androulakis, Kuei Fang Hsu, Robert Pcionek, Huijun Kong, Ctirad Uher, Jonathan J. D'Angelo, Adam Downey, Tim Hogan, and Mercouri G. Kanatzidis, Adv. Mater. 18, 1170 (2006).
- [50] Dr. Terry Hendricks Dr. Tim Hogan Dr. Eldon Case, Advanced Soldier Thermoelectric Power System for Power Generation from Battlefield Heat Sources (Technikal Report SERDP Project EW-1652, 2010).

# I.V. Horichok<sup>1</sup>, L.I. Nykyruy<sup>1</sup>, M.O. Galushchak<sup>2</sup>, M.A. Lopyanko<sup>1</sup>, T.O. Semko<sup>1</sup>, O.L. Sokolov<sup>1</sup>

#### Structure and Properties of Materials on the Basis of Ag-Pb-Sb-Te with High Thermoelectric Figure of Merit (Review)

<sup>1</sup>Vasyl Stefanyk Precarpathian National University, 57, Shevchenko Str., Ivano-Frankivsk, 76018, Ukraine <sup>2</sup>Ivano-Frankovsk State University of the Oil and Gas, Karpatska Str., 15, 76000, Ukraine

The review of works devoted to the study of thermoelectric, thermodynamic and mechanical properties of highly efficient thermoelectric materials in the system Ag-Pb (Sn) -Sb-Te. It is shown that based on them can be obtained as n-, and district branches of thermoelectric converters with parameter dimensionless thermoelectric figure of merit ZT  $\approx$  1,5-2,0.

Keywords: LAST, Lead telluride, thermoelectric properties.

УДК 546.49'682'24

ISSN 1729-4428

## О.В. Галочкін<sup>1</sup>, С.Г. Дремлюженко<sup>2</sup>, З.І. Захарук<sup>2</sup>, В.М. Склярчук<sup>2</sup>, В.З. Цалий<sup>1</sup>, А.А. Ащеулов<sup>1</sup>

### Одержання однорідних кристалів ртутно-індієвого телуриду

<sup>1</sup>Буковинський державний фінансово-економічний університет, вул. М. Штерна 1, м. Чернівці,

Україна e-mail: <u>bdfa\_kkd@mail.ru</u>

<sup>2</sup>Чернівецький національний університет імені Юрія Федьковича, вул. М. Коцюбинського 2, м. Чернівці, Україна e-mail: <u>microel-dpt@chnu.edu.ua</u>

Модифікованим методом зонної плавки одержані великоблочні монокристали ртутно-індієвого телуриду. Проведений диференціально-термічний, рентгеноструктурний аналізи.

Ключові слова: ртутно-індієвий телурид, твердий розчин, диференційно-термічний аналіз, зонна плавка.

Стаття поступила до редакції 13.10.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

Кристали напівпровідників групи  $A_2^{III} B_3^{VI}$  такі, як наприклад,  $In_2Te_3$  та тверді розчини на їх основі володіють надвисокою радіаційною стійкістю електрофізичних та фотоелектричних параметрів [1]. Особливість електричних властивостей напівпровідникових кристалів  $A_n^{III} B_m^{VI}$  з гратками типу сфалериту та з гексагональною структурою полягає в тому, що введення домішок в напівпровідники  $A_2^{III} B_3^{VI}$  не приводить до появи домішкової провідності у всіх випадках легування. Природа явища високої радіаційної стійкості цих матеріалів також визначається наявністю в гратках стехіометричних пустот (СП) [1, 2].

Найбільш вигідною в таких структурах є локалізація домішок в СП в неіонізованому, атомарному стані, так що атоми домішок (так само, як зайві, надстехіометричні атоми) не вступають в хімічний зв'язок з атомами гратки, що було теоретично і експериментально показано на основі термодинамічних даних про розчинність домішок, досліджень ядерного гамма-резонансу і вивчення провідності, концентрації носіїв заряду, термо-е.р.с. і т.п. [2]. Тому, незалежно від концентрації і хімічної індивідуальності домішок, провідність в кристалах  $A_2^{III} B_3^{VI}$  залишається власною. Залишається вона

власною і при опроміненні цих кристалів з сумарною радіаційною дозою швидких нейтронів, протонів, електронів з флюенсом до 10<sup>19</sup> см<sup>-2</sup> [1].

Цікавим у цьому напрямі є отримання та

дослідження твердих розчинів цих сполук, виготовлення на їх основі приладів. Завдяки гігантській радіаційній стійкості особливу увагу привертає склад, що відповідає Hg<sub>3</sub>In<sub>2</sub>Te<sub>6</sub> (MIT – mercury-indium-tellurium) [3].

З підвищенням температури до 350 К, рухливість носіїв струму в МІТ зростає, що не характерно для класичних напівпровідників групи  $A^{IV}$  та  $A^{III}B^{V}$ . Крім того, на відміну від германію, в якого ширина забороненої зони близька до ширини забороненої зони МІТ, останній має прямі оптичні переходи з максимумом фоточутливості на  $\lambda = 1,5$  мкм. Це дозволяє застосовувати прилади на основі МІТ в швидкодіючих фотоелектронних системах, наприклад, у волоконних оптичних пристроях передачі і детектування інформаційних сигналів [4].

отримання кристалів 3 Для кращими електрофізичними характеристиками синтез МІТ проводили з бінарних компонент. Їх сплавлення відбувалося у вакуумованих кварцових ампулах з мінімальним вільним об'ємом. Для повного заповнення вільного об'єму ампули та запобіганню розігріву компонент при відпаюванні ампули над розміщувались суцільні циліндри з шихтою кварцового скла (рис. 1). Розплав витримували при температурі ~ 720 °С. Компоненти сплавлялись при неперервному вібраційному перемішуванні ампули.

Після синтезу кристалів  $Hg_3In_2Te_6$  проводилось їх вирощування методом модифікованої зонної плавки (ампула оберталась навколо своєї осі під кутом до горизонту), при температурі зонного нагрівача  $T_3$ -= 720 °C, а фонового –  $T_{\phi} = 400$  °C. Швидкість



Рис. 1. Схема вирощування монокристалів  $Hg_3In_2Te_6$  зонною плавкою під кутом до горизонту: 1 – ампула; 2 – монокристал після зонної плавки; 3 – фронт кристалізації; 4 – розплавлена зона; 5 – парогазовий проміжок; 6-кристал до зонної плавки; 7– кварцовий штабик (тепловий екран).

проходження зонного нагрівача дорівнювала 2 мм/год. Неперервне обертання ампули і

перемішування розплаву біля фронту кристалізації вирівнювало склад розплаву по всьому об'єму і на фронті кристалізації, що давало можливість позбутись гравітаційної сегрегації молекул телуриду ртуті [5].

Слід зазначити, що багатьох У напівпровідникових сполуках до досягнення певної температури, яка є вище точки плавлення, частково зберігається кластерний або молекулярний склад розплаву. Тому ампули з МІТ витримувались при температурі не вищій за 720 °С, що дозволило зберегти в розплаві молекули In2Te3 та HgTe. Ці молекули є основними структурними елементами для подальшої побудови кристалічної гратки при охолодженні мікрооднорідних кристалів Hg<sub>3</sub>In<sub>2</sub>Te<sub>6</sub> і запобігають утворенню в розплаві молекул інших складів. Можливість таких утворень при кристалізації свідчить із Т-х діаграми стану систем In-Te [6] i 3HgTe - In<sub>2</sub>Te<sub>3</sub>[3].

При перегріві розплаву (T > 720°C) підвищується ймовірність кристалізації такого розплаву у вигляді суміші мікрофаз  $In_2Te_3$  і InTe з включеннями вільного телуру та інших сполук з системи In–Te [6]. У системах In – Te,  $In_2Te_3$  – 3HgTe [3] багато перитектичних сполук. Отже, в процесі кристалізації



Рис. 2. Термограми диференційно-термічного аналізу зразків In<sub>2</sub>Hg<sub>3</sub>Te<sub>6</sub>.



 Scatering angle (20)

 Рис. 3. Рентгенограма кристалів Hg<sub>3</sub>In<sub>2</sub>Te<sub>6</sub>.



Рис. 4. Зміна питомого опору з відстанню від центра кристалу In<sub>2</sub>Hg<sub>3</sub>Te<sub>6</sub>: ● – кристал, вирощений модифікованим методом зонної плавки; ○ –кристал, вирощений вертикальним методом зонної плавки.

слід чекати утворення кристалітів цих сполук. Надалі, при охолодженні таких мікронеоднорідних кристалів проходять процеси релаксації, перебудови їх мікроструктури, що може приводити до зміни електрофізичних властивостей матеріалів [7].

Кристалічні гратки  $In_2Te_3$  і HgTe є гранецентрованими кубічними, а їх постійні рівні  $a_{HgTe} = 6,44$  Å та  $a_{In_2Te_3} = 6,16$  Å, відповідно [3,6]. Ці гратки мають однакову структури з дуже близькими постійними. Це і є основою утворення твердих розчинів на їх базі і серед них складу  $In_2Te_3 - 3HgTe$ , що плавиться конгруентно, як хімічна сполука  $Hg_3In_2Te_6$ .

Наведені особливості враховувались при визначенні температурних режимів синтезу i кристалізації кристалів In<sub>2</sub>Hg<sub>3</sub>Te<sub>6</sub>. 3 метою правильного вибору температурних режимів одержання кристалів Hg<sub>3</sub>In<sub>2</sub>Te<sub>6</sub>, було проведено диференційнотермічний аналіз (ДТА) зразків цих матеріалів, попередньо синтезованих з окремих компонентів. Вимірювання проводилось на установці ДТА, основною частиною якої був герметизований пічний блок. Термопари установки попередньо калібрували за допомогою високочистих зразків еталонних матеріалів [8].

Як слідує з рис. 2, на термограмах спостерігаються чіткі ендо- та екзотермічні ефекти, що відповідають точкам плавлення та кристалізації досліджуваного складу, чим підтверджуються конгруентні фазові перетворення в досліджуваних зразках. З термограм визначено, що температури плавлення і кристалізації для  $Hg_3In_2Te_6$  рівні 715 ± 3 °C.

Для проведення рентгеноструктурних досліджень отримані кристали Hg<sub>3</sub>In<sub>2</sub>Te<sub>6</sub> розтирались в агатовій ступці і розміщувались в кварцові кювети тримача зразка. Масиви експериментальних інтенсивностей та кутів відбивання від полікристалічних зразків отримували при кімнатній температурі 3 використанням дифрактометра Seifert URD-6 3a схемою  $\theta$ -2 $\theta$  з фокусуванням по Брегг-Брентано. СиКа-випромінювання Використовувалось (Ni фільтр). Потужність рентгенівської трубки складала 0,7 кВт (35кВ, 20 мА). Сканування здійснювалось в інтервалі кутів від 5 до  $100^{\circ} 2q$  з кроком  $0,05^{\circ} 2\theta$ . Атестація апаратури проводилась згідно стандарту NIST SRM 640b (Si).

Обробку дифракційних масивів проводили з використанням програми WinPLOTR (версія 2010) [9] з пакету програм FullProf (версія 2.00) [10].

Розшифровку рентгенограм (рис. 3) здійснювали шляхом порівняння експериментально визначених міжплощиних відстаней d з розрахованими теоретично. Передбачалось, що структура Hg<sub>3</sub>In<sub>2</sub>Te<sub>6</sub> є кубічною типу сфалериту (пр. гр.  $F\overline{4}3m = T_d^2$ ) з параметром елементарної комірки  $a = 6,289 \pm 0,002$  Å [11],  $a_{25} = 6,2934$  Å [12], a = 6,2930 Å [13].

Враховувалася також можливість існування фаз HgIn<sub>2</sub>Te<sub>4</sub> і Hg<sub>5</sub>In<sub>2</sub>Te<sub>8</sub> [11]. Згідно [11] фаза HgIn<sub>2</sub>Te<sub>4</sub> має структуру халькопірита (пр. гр.  $I\overline{4}2d = D_{2d}^{12}$ ) з



**Рис. 5.** Спектральна залежність коефіцієнта поглинання кристалів  $In_2Hg_3Te_6$  ( $Eg_1 = 0.72 \pm 0.02$  eB).

Таблиня	1
1 aoundy	-

<i>Т</i> =295 К			$\lg r = f\left(\frac{10^3}{T}\right)$	$\lg\left(R_{x}T^{\frac{3}{2}}\right) = f\left(\frac{10^{3}}{T}\right)$		
σ, (Ом·см) <sup>-1</sup>	<i>R<sub>x</sub></i> , см <sup>3</sup> /Кл	$\mu_{n=}\sigma R_{x}$ , cm <sup>2</sup> /B·c	<i>E</i> <sub>1</sub> , eB	$E_D$ , eB		
7,4.10-4	$3,7 \cdot 10^5$	275	0,35	0,30		

Електричні параметри типових зразків Hg<sub>3</sub>In<sub>2</sub>Te<sub>6</sub>

параметрами решітки a = 6,21 Å і a = 12,42 Å. В [14] вказуються дещо інші параметри a = 6,174 Å і a = 12,35 Å. Фаза  $\ln_2 \text{Hg}_5 \text{Te}_8 \in$  впорядкованою структурою сфалериту з параметром гратки a = 12,66 Å [11].

Встановлено, що отриманий матеріал складається в основному з фази  $Hg_3In_2Te_6$  з параметром решітки a = 6,2900 Å. Кілька досить слабких ліній (3-6 відн.од.) можна віднести до  $Hg_5In_2Te_8$ . Щодо фази  $HgIn_2Te_4$ , то достовірно стверджувати її наявність немає можливості. Якщо вона і присутня, то в кількостях, недостатніх для ідентифікації рентгенофазовим аналізом.

Вимірювання питомого опору ( $\rho$ ) і постійної Холла ( $R_x$ ) кристалів Hg<sub>3</sub>In<sub>2</sub>Te<sub>6</sub> проводилося електрометричним методом на зразках з двома струмовими і чотирма потенціальними контактами по загально прийнятій методиці [15].

Однорідні кристали Hg<sub>3</sub>In<sub>2</sub>Te<sub>6</sub>, вирощені методом Бріджмена або модифікованим методом зонної плавки, мають електричну провідність близьку до власної. Питомий опір *г* цього матеріалу і концентрації носіїв заряду *п* при кімнатній температурі відповідно рівні (1÷6)·10<sup>4</sup> Ом·см та (3÷5)·10<sup>13</sup> см<sup>-3</sup>. Рухливість носіїв заряду знаходиться в діапазоні від (40÷50) до (200÷500) см<sup>2</sup>·В<sup>-1</sup>·с<sup>-1</sup> і, в більшості випадків, слабо змінюється температурою.

Радіальна однорідність кристалів підтвердилась порівняльними дослідженнями залежності величини питомого опору з відстанню від центра кристалів отриманих методом Бріджмена та модифікованим методом зонної плавки (рис. 4).

Виявлено, що усі зразки володіли електронною провідністю. В таблиці 1 приведені електропровідність, постійна Холла та рухливість електронів ( $\mu_n$ ), що визначені при 295 K, а також обчислені енергетичні параметри.

Дослідження оптичних параметрів проводилися на модернізованому спектральному комп'ютерному комплексі КСВУ-12.

Кристали  $Hg_3In_2Te_6$  володіють досить високим оптичним пропусканням випромінювання в IЧ-області. Ширина забороненої зони напівпровідника  $Hg_3In_2Te_6$  була визначена з кривих оптичного пропускання полірованих пластин з товщиною менше 100 мкм. Величина коефіцієнта поглинання  $\alpha$  була визначена з виразу, де враховувалися багаторазові відбивання усередині зразка [15].

Спектральна залежність  $a^2$  від фотонної енергії  $hv \approx E_{\rm g}$  для напівпровідника з прямозонними переходами:  $a = a_0 \sqrt{hv - E_{\rm g}}$ , де  $a_0$  кількісно не залежить від hv.

При більших величинах коефіцієнта поглинання, спектральна залежність для трьох температур може добре апроксимуватись прямими лініями. Лінійна температурна залежність  $E_g(T)$ , яка узгоджується з одержаними експериментальними результатами, може бути виражена як:  $E_g(T) = E_{go} - g \cdot T$ , де  $E_g = 0,7715$  еВ,  $g = dE_g/dT = 1,7 \times 10^{-4}$  еВ·К<sup>-1</sup>. Таким чином, температурна залежність забороненої зони Hg<sub>3</sub>In<sub>2</sub>Te<sub>6</sub> набагато менша ніж в германія, для якого  $g = 4,4 \times 10^{-1}$ 



**Рис. 6.** Залежність оптичного пропускання кристалів In<sub>2</sub>Hg<sub>3</sub>Te<sub>6</sub> від довжини хвилі.

 $^{4}$  eB·K<sup>-1</sup>.

Коефіцієнт поглинання a у широкій області фундаментального поглинання  $Hg_3In_2Te_6$  ( $hv > E_g$ ) отримано шляхом вимірювання відбивання поляризованого світла при різних кутах падіння. Проведені дослідження дозволили нам одержати криву поглинання для  $Hg_3In_2Te_6$  в широкій спектральній області.

Визначення ширини забороненої зони одержаних кристалів проводилось на зразках різної товщини стандартним оптичним методом по залежності пропускання від довжини хвилі випромінювання. Згідно рис. 5, ширина забороненої зони In<sub>2</sub>Hg<sub>3</sub>Te<sub>6</sub>, при 300 К рівна 0,72 ± 0,02 eB. Крім того, досліджувалось оптичне пропускання зразків товщиною 0,8 мм у спектральному діапазоні λ = 800 ÷ 2000 нм. Краї поглинання кристалів мають чітку форму, а за краєм власного поглинання спостерігається високе пропускання (рис. 6). Це підтверджує, з одного боку, структурну досконалість, відсутність високої концентрації вільних домішкових носіїв заряду в цих кристалах, з другого придатність їх безпосереднього застосування для довгохвильових радіаційностійких фільтрів інфрачервоного діапазону та в якості підкладок для інтерференційних фільтрів В широкому інфрачервоному діапазоні спектру.

Запропоновано і здійснено метод вирощування радіально однорідних кристалів ртутно-індієвого телуриду зонною плавкою, яка проводиться в ампулах, що рухаються поступально під кутом до вертикалі ( $\alpha \sim 45^{\circ}$ ) вздовж нагрівників з одночасним обертанням навколо своєї осі. При цих умовах забезпечується висока однорідність складу та температури розплаву по всьому його об'ємі, досягається плоский фронт кристалізації, послаблюються умови концентраційного переохолодження на ньому. Проведено рентгенографічні та оптичні дослідження та ДТА сплавів.

<i>Ащеулов А.А.</i> – доктор технічних наук;
<i>Галочкін О.В.</i> – аспірант;
<b>Дремлюженко С.Г.</b> – кандидат хімічних наук;
Захарук З.І. – старший науковий співробітник;
Склярчик В.М. – канлилат фізико-математичних н

*Склярчук В.М.* – кандидат фізико-математичних наук, доцент;

*Цалий В.З.* – кандидат фізико-математичних наук, доцент.

- [1] В.М. Кошкин, И.Н. Воловичев, Ю.Г. Гуревич, Л.П. Гальчинский, И.М. Раренко, Диэлектрики и полупроводники в детекторах излучения (Институт монокристалов, Харьков, 2006).
- [2] V.M. Koshkin, Yu. Dmitriev, Chemistry and Physics of Compounds with Loose Crystal Structure, Ser. Chemical Reviews (Harwood Acad, Publishers, England Switzerland, 1994).
- [3] Detlev Weitze, Volkmar Leute, Journal of Alloys and Compounds 236, 229 (1996).
- [4] L.A. Kosyachenko, I.S. Kabanova, V.M. Sklyarchuk, O.F. Sklyarchuk, I.M. Rarenko, Phys. Stat. Sol. A206 (2), 351 (2009).
- [5] О.В. Галочкін, В.М. Годованюк, З.І. Захарук, М.Г. Колісник, Г.І. Раренко, І.М. Раренко, М.М. Русковолошин, М.Д. Раранський, Нові технології. Науковий вісник КУЕІТУ (1), 10 (2010).
- [6] Ф.А. Шанк, Структуры двойных сплавов (Металлургия, осква, 1973).
- [7] В.З. Цалий, Науковий вісник ЧНУ. Фізика. Електроніка 133, 103 (2002).
- [8] Я. Шестак, Теория термического анализа (Мир, Москва, 1987).
- [9] T. Roisnel, J. Rodriguez-Carvajal, Materials Science Forum, Proceedings of the Seventh European Powder Diffraction Conference (EPDIC 7), 20-23 May (Ed. R. Delhez and E.J. Mittenmeijer. Barcelona, 2001). P. 118.
- [10] J. Rodriguez-Carvajal, Commission on Powder Diffraction (IUCr). Newsletter 26, 12 (2001).
- [11] Г.Г. Грушка, Е.Д. Скулиш, З.М. Грушка, Изв. АН СССР. Сер. Неорганические материалы, 18(8), 1388 (1982).
- [12] L. Wang, W. Jie, Y. Yang, L. Fu, J. Phys. D: Appl. Phys. 41, 085411 (2008).
- [13] L. Wang, W. Jie, Journal of Crystal Growth 290, 203 (2006).
- [14] В.Н. Томашик, В.И. Грыцив, Диаграммы состояния систем на основе полупроводниковых соединений А<sup>II</sup>В<sup>IV</sup>. Справочник (Наукова думка, Киев, 1982).
- [15] J.I. Pankove, Optical processes in semicjndctors (Prentice Hall, Englewood, New Jersey, 1971).

O.V. Galochkin<sup>1</sup>, S.G. Dremluzhenko<sup>2</sup>, Y.D. Zakharuk<sup>2</sup>, V.M. Sklyarchuk<sup>2</sup>, V.Z. Tsaliy<sup>1</sup>, A.A. Asheulov<sup>1</sup>

#### **Growing of Mercury-Indium Telluride Perfect Single Crystals**

<sup>1</sup>Bukovyna State Finance and Economics University, ul. M. Stern 1, m. Chernivtsi, Ukraine e-mail: <u>bdfa kkd@mail.ru</u> <sup>2</sup>Chernivtsi University Street. Kotsyubinsky 2, m. Chernivtsi, Ukraine e-mail: <u>microel-dpt@chnu.edu.ua</u>

The perfect single crystals of mercury-indium telluride were grown by the modified method of zone melting. The differential thermal analysis (DTA) and X-ray structure analysis are performed.

DOI: 10.15330/pcss.17.1.134-143

УДК 620.178.1.002.237

ISSN 1729-4428

Г.О. Сіренко, Л.М. Солтис

# Явище удосконалення турбостратної структури вуглецевих волокон під час динамічного контакту поверхонь твердих тіл

Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника, вул. Шевченка, 57, м. Івано-Франківськ, 76018, Україна Тел. (0342) 77.64.15; (096) 813.93.53, e-mail: <u>orijant@gmail.com</u>

Досліджено вплив хемо-механічної активації дисперсних вуглецевих волокон на їх турбостратну та квазікристалічну структуру в умовах модельного фрикційного контакту. Показано, що зміни параметрів структури активованих вуглецевих волокон залежать від температури кінцевої термообробки та технології отримання волокон, а також від часу механічного впливу.

Ключові слова: вуглецевий волокнистий матеріал, вуглецеві волокна, хемо-механічна активація, фрикційний контакт, кульовий млинок, температура термообробки, час подрібнення.

Стаття поступила до редакції 15.11.2015; прийнята до друку 15.12.2015.

#### Вступ

Світ природніх та штучних матеріалів, які містять вуглець, різноманітний: це різного роду карбонізати полімерів та інших органічних речовин, нафтові, кам'яновугільні та полімерів кокси, вугілля, графіти, згури (сопухи), фулерени тощо [1-5]. Структура таких матеріалів або аморфна, або частинно кристалічна, квазікристалічна, правдиво кристалічна (тривимірноупорядкована), або змішана [1-7].

Серед цих матеріалів чільне місце займають вуглецеві (карбонові) волокна (ВВ) на основі вихідних природніх або органічних волокон з двовимірноупорядкованою (турбостратною) структурою [6-9]. Вуглецеві волокнисті матеріали (ВВМ) та вуглецеві волокна класифікують так [6]:

**1. За текстильною (тканною і нетканною)** формою розрізняють: нитки, ленти, жмути, шнури, волокна, тканини, бинди, стрічки, штапель, тасьма, трикотаж, повсть, пряжа, фетр, папір, картон, мати, тканні рівниці тощо [10-12].

**2.** За вихідною сировиною органічних волокон: гідратцелюлозні (ГЦ), поліакрилонітрильні (ПАН), кополімерні ГЦ + ПАН, ПВХ, ПВС, нафтового або кам'яновугільного пеків, ФФС, ФФС + ЕС тощо.

**3. За кінцевою температурою термообробки** ( $T_{\kappa}$ ): частинно-карбонізовані ( $T_{\kappa}$ =473-923 К); карбонізовані ( $T_{\kappa}$ =1073-2073 К) із вмістом вуглецю 90-98%; квазіграфітовані ( $T_{\kappa}$ =2123-2573 К); графітовані ( $T_{\kappa}$ =2623-3473 К) із вмістом вуглецю 98-99,9%. Межою між карбонізованими та графітованими волокнами прийнята температура  $T_{\kappa}$ =2073-2173 К, за якою

спостерігаються перші чіткі ознаки графітаії: тривимірноупорядкована мікрофібрилярна структура.

**4. За вмістом Карбону:** тип 1 (до 90%); тип 2 (90-98%); тип 3 (вище 98%) [13].

#### 5. За механічними властивостями [10, 13-15]:

а) за міцністю під час розтягу: низькоміцні LT ( $\sigma < 0,5$  ГПа; Е = 4-60 ГПа, де  $\sigma$  – міцність під час розриву; Е – модуль пружності під час розриву); середньої міцності МТ ( $\sigma = 0,5-1,5$  ГПа; Е = 30-240 ГПа); високої міцності НТ ( $\sigma > 2,35$  ГПа; Е = 190-280 ГПа);

б) за модулем пружності під час розтягу: низькомодульні LM (E = 30-140 ГПа;  $\sigma$  = 0,4-1,2 ГПа); високомодульні, особливоміцні, які, у свою чергу, розділяються на високомодульні HM (типу I) (E = 300-850 ГПа;  $\sigma$  = 1,2-2,5 ГПа); середньомодульні MM (типу A) (E = 230-300 ГПа); високоміцні (типу II) (E = 190-280 ГПа;  $\sigma$  = 2,35-6,91 ГПа); високомодульні високоміцні HMHT (типу III) (E ≥ 300 ГПа;  $\sigma \ge 2,35$  ГПа).

**6. За формою поперечного перерізу:** кругла та бібна форма характерна для ВВ на основі ПАН, а колова зі зрізаною крайкою – на основі ГЦ. Розрізняють: «гомогенну» структурну шарувату форму, пов'язану з технологією отримання ВВ і природою вихідних волокон, та «гетерогенну» шарувату форму поперечного перерізу у вигляді покриття вуглецевих волокон металами, піровуглецем, пірографітом, нітридами бору, вольфраму, алюмінію, карбідами вольфраму або кальцію, сполуками вкорінення FeCl<sub>2</sub>, FeCl<sub>3</sub>, CrO<sub>3</sub>, MoCl<sub>5</sub> тощо, сполуками фторування, оксидації або змішаними багатошаровими покриттями [2, 16].

**7. За призначенням:** виходячи із механічних та спеціальних властивостей ВВМ розділяють на: конструкційні (загального призначення) і для армування полімерної, керамічної та металічної матриць, теплозахисні, електротехнічні, сорбційні тощо. Ретельно досліджено механічні [8, 14, 16, 19, 20, 22, 24, 30, 33-37, 41-43, 47], теплофізичні [7, 13, 14, 24, 26, 27, 31, 32, 35, 39, 40, 44, 46, 47, 48], поверхневі [13, 17, 21, 25, 27, 37, 45, 47, 49], електрофізичні та електрохімічні [8, 18, 19, 24, 37], втомні [18, 19, 23, 29, 38, 48], термостійкісні [14, 18, 23, 31] та хемостійкісні [23, 27] тощо властивості ВВМ і ВВ.

Відносно трибологічних властивостей відоме лише дослідження пар тертя BB - BB, BB - волокно із сталі, BB - кварцеве волокно, <math>BB - скловолокно (CB),  $BB - мідне волокно, BB - волокно з аліфатичного поліаміду за нормальних навантажень <math>N=10^{-5}$  H, при цьому знайдено, що коефіцієнт статичного тертя змінюється від 0,20 до 0,50, а динамічного тертя – від 0,05 до 0,45 [50]. Виявлено також, що для пари тертя BB - BB [високомодульне графітоване (за  $T_{\kappa}=2773$  K) волокно] сила тертя змінюється від  $1 \cdot 10^{-7}$  до  $5 \cdot 10^{-4}$  H під час зміни нормального навантаження від  $1 \cdot 10^{-8}$  до  $1 \cdot 10^{-2}$  H [50]. У [51] приведені дані, що коефіцієнти тертя пар BB – BB та CB – CB дорівнюють 0,25 і 0,80

відповідно. Досліджень зміни структурних параметрів ВВ під час тертя не виявлено.

Мета роботи полягала у дослідженні змін структурних параметрів ВВ, підданих хемо-механічній активації, від ТТО та часу механічної дії в модельному динамічному контакті твердих поверхонь сталі ШХ-15 – сталь 45.

#### I. Матеріали та методи досліджень

1.1. Матеріали досліджень. Процес отримання вуглецевих волокнистих матеріалів (ВВМ) із вихідних гідратцелюлозних (ГЦ) волокнистих матеріалів (ВМ) складається з таких стадій: 1) обробка антипіренами - В, Р-сполуками вихідних органічних волокон; 2) частинна карбонізація за Т<sub>к</sub>=723 К; 3) карбонізація за Т<sub>к</sub>=1123-2023 К; 4) квазіграфітація за Т<sub>к</sub>= 2073-2223 К; 5) графітація за Т<sub>к</sub>=2273-2673 К; 6) додаткова обробка готових виробів BBM В, Р-сполуками (модифіковане BB) (де T<sub>к</sub> – температура кінцевої термообробки BBM) в інертному середовищі CH<sub>4</sub> або N<sub>2</sub> шляхом протягування вихідної, а згодом вуглецевої тканини, через піч «Таммана» зі швидкістю 10-150 м за год. Час проведення частинної карбонізації, карбонізації, квазіграфітації та графітації коливається від декількох секунд до 2,5 год. Одержували ВВМ

Волокно ГЦ-1+ 
$$\begin{bmatrix} (NH_4)_2 HPO_4^+\\ Na_2 B_4 O_7 \cdot 10H_2 O \end{bmatrix}$$
  $\rightarrow$  ОГЦ-1  $\rightarrow$   $\begin{bmatrix} 723 K\\ CH_4 \end{bmatrix}$   $\rightarrow$  УТ-4  $\begin{bmatrix} H_2 CO_3 - 4, 2 \text{ мг} \cdot \text{екв} ./\pi \\ H_3 BO_3 - 9, 1 \text{ мг} \cdot \text{екв} ./\pi \end{bmatrix}$   $\rightarrow$   $\begin{bmatrix} 1123 K\\ CH_4 \end{bmatrix}$   $\rightarrow$  УТМ-8  $\begin{bmatrix} Na_2 B_4 O_7\\ 0, 2 \text{ мг} \cdot \text{екв} ./\pi \end{bmatrix}$   $+$   $\begin{bmatrix} (NH_4)_2 HPO_4^+\\ Na_2 B_4 O_7 \cdot 10H_2 O \end{bmatrix}$   $\rightarrow$   $\begin{bmatrix} 1123 K\\ CH_4 \end{bmatrix}$   $\rightarrow$  УТМ-8  $*$   $\begin{bmatrix} 2673 K\\ N_2 \end{bmatrix}$   $\rightarrow$  TTH-2 M  $\begin{bmatrix} Na_2 B_4 O_7\\ 0, 5 \text{ мг} \cdot \text{екв} ./\pi \end{bmatrix}$   $+$   $\begin{bmatrix} (NH_4)_2 HPO_4^+\\ Na_2 B_4 O_7 \cdot 10H_2 O \end{bmatrix}$   $+$   $\begin{bmatrix} 2673 K\\ N_2 \end{bmatrix}$   $\rightarrow$  TTH-2 M  $*$   $\begin{bmatrix} Na_2 B_4 O_7\\ 0, 5 \text{ мг} \cdot \text{екв} ./\pi \end{bmatrix}$   $+$   $\begin{bmatrix} (NH_4)_2 HPO_4^+\\ Na_2 B_4 O_7 \cdot 10H_2 O \end{bmatrix}$   $+$   $\begin{bmatrix} 2673 K\\ N_2 \end{bmatrix}$   $\rightarrow$  TTH-2 M  $*$   $\begin{bmatrix} Na_2 B_4 O_7\\ 0, 5 \text{ мг} \cdot \text{екв} ./\pi \end{bmatrix}$   $+$   $\begin{bmatrix} (NH_4)_2 HPO_4^+\\ Na_2 B_4 O_7 \cdot 10H_2 O \end{bmatrix}$   $+$   $\begin{bmatrix} 2673 K\\ N_2 \end{bmatrix}$   $\rightarrow$  TTH-2 M  $*$   $*$   $\begin{bmatrix} Na_2 B_4 O_7\\ 0, 5 \text{ мг} \cdot \text{екв} ./\pi \end{bmatrix}$   $+$   $\begin{bmatrix} (NH_4)_2 HPO_4^+\\ Na_2 B_4 O_7 \cdot 10H_2 O \end{bmatrix}$   $+$   $\begin{bmatrix} 2673 K\\ N_2 \end{bmatrix}$   $+$  TTH-2 M  $*$   $\begin{bmatrix} Na_2 B_4 O_7\\ 0, 5 \text{ мг} \cdot \text{екв} ./\pi \end{bmatrix}$   $+$   $\begin{bmatrix} Na_2 B_4 O_7 + Na_2 B_4 +$ 

Рис. 1. Перша технологічна схема одержання вуглецевих тканин з ГЦ-волокнистих матеріалів.

$$BOJOKHOFIL-2 + \begin{bmatrix} (NH_4)_2 HPO_4 + \\ Na_2 B_4 O_7 \cdot 10H_2 O \end{bmatrix} \Rightarrow OFIL-2 \Rightarrow \begin{bmatrix} 723 \text{ K} \\ N_2 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} TTH-T-450 \\ H_2 CO_3 - 3,5 \text{ MT}-\text{eKB./R} \\ H_3 BO_3 - 8,6 \text{ MT}-\text{eKB./R} \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} BH_3 \text{AR} \text{eH} \text{B} \text{ mpogykrib} \\ \text{Kap6oHi3aIII} \text{ Ta ovhctka} \\ \text{IndeepxHi BoJOKHA} \end{bmatrix}$$
$$\Rightarrow \begin{bmatrix} TTH-T-1200 \\ Na_4 CO_3 - 0,7 \text{ MT}-\text{eKB./R} \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 1623 \text{ K} \\ N_2 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 1623 \text{ K}$$

Рис. 2. Друга технологічна схема одержання вуглецевих тканин з ГЦ-волокнистих матеріалів.

для досліджень із ГЦ-волокнистих матеріалів за двома технологічними схемами (рис. 1 та рис. 2).

На рис. 1 позначено: УТМ-8-М, ТГН-2м-М – модифіковані антипіренами кінцеві карбонізовані (УТМ-8) та графітовані (ТГН-2м) вуглецеві матеріали. Частинно карбонізовані волокна (ЧКВ) УТ-4 та карбонізовані волокна (КВ) УТМ-8 не піддавали (н/в) (1-ша технологічна схема) або піддавали (в) (2-га технологічна схема) спеціальній операції видалення з поверхні волокон золи та продуктів карбонізації шляхом промивки дистильованою водою за 293-373 К та 20% NaOH і 20% HCl за 293 К.

За обома схемами (рис. 1 та рис. 2) отримані частинно-карбонізовані (УТ-4; ТГН-Т450), карбонізовані (УТМ-8; ТГН-Т850; ТГН-Т1200; ТГН-Т1350; ТГН-Т1600), квазіграфітовані (ТГН-Т1800; ТГН-Т1900), графітовані за  $T_{\kappa}$ =2673 К (ТГН-2м; ТГН-Т2000; ТГН-Т2300; ТГН-Т2400) волокна [всі волокна типу LM – низькомодульні (низькопружні)]. У 1-шій технологічній схемі за температури 723 та 1123 К термообробки газовим середовищем був природній газ CH<sub>4</sub>, а за 2673 К – N<sub>2</sub>. У 2-гій технологічній схемі та всіх технологічних режимах 723-2673 К використовували N<sub>2</sub>.

Для порівняння властивостей цих волокон досліджували також низку BBM, отриманих з поліакрилонітрильних волокон за Т<sub>к</sub>=2673 К (ПАН), графітовані високомодульні (НМ) волокна та графіти: висококристалічний, низькодисперсний КЛЗ та квазікристалічний, високодисперсний колоїдний С-1.

Дисперсії вуглецевих волокон отримували за ХМА-технологією та подальшої модифікаційної хемо-механічної активації: а) для попереднього подрібнення вуглецевої тканини (грубий помел) застосовували модифіковану дробарку КДУ 2,0 «Українка» з рухомими молотками, сепаруючим пристроєм у вигляді змінної ґратки з діаметром отворів 1,5-5,0 та 0,8-1,5 мм і вентилятором, який гнав повітря через гратки. Діаметр робочих органів з молотками дробарки становив 0.48 м, число обертів – 2700 за хвилину, що визначало частоту обертання 45 с<sup>-1</sup> та максимальну лінійну швидкість 67 м/с. Дробарка КДУ 2,0 забезпечувала тонину помелу волокон 2-20 мм; б) для більш тонкого подрібнення волокон та їх хемо-механічної активації використали млинок МРП-1 з подовими ножами, які оберталися за 7000 обертів за хвилину, діаметр ножів 0,205 м, частота обертання 116,67 с<sup>-1</sup>≈117 с<sup>-1</sup>, максимальна лінійна швидкість 75,14 м/с. Після подрібнення волокна мали широкий розподіл за довжинами від 20 до 2500 мкм з основною широкою фракцією 50-200 мкм та вузькою фракцією 150-160 мкм. У результаті технологічних операцій отримали волокна, що мали об'ємний (масовий) розподіл Вейбулла або гамма розподіл за довжинами після подрібнення довгих (3-15 мм) волокон у млинку МРП-1 протягом 2-30 хв.

**1.2. Методи досліджень.** Моделювання фрикційного контакту: за [52, 53] складний напружений стан фрикційного контакту можна моделювати в кульовому млинку (КМ) під час переміщення та удару кульок, при цьому в контакті шорстких поверхонь кульок спостерігаються всі види деформацій і напружень (стиск, розтяг, зсув, ковзання, кручення,

зріз, удар тощо), які властиві фрикційному шорсткому контакту твердих тіл під час ковзання вуглецевого волокна, які попередньо 2-30 хв. були подрібнені в МРП-1 (7000 об./хв.) до насипної маси 40-160 кг/м<sup>3</sup>, завантажували у стані дисперсії у камеру кульового млинка, робоча частина якої була виконана об'ємом 92,66 см<sup>3</sup> зі сталі 45 (HRC 45-48) з внутрішнім діаметром 65,5±0,3 мм, висотою 27,5±0,2 мм. У камеру засипали 35 кульок із сталі ШХ-15 (HRC 60-64) діаметром 12,7±0,05 мм (48 об.% заповнення робочої частини млинка). Число обертів млинка становило 20-30 та 125-175 за хвилину. Час випробувань – 5-2050 год., газове середовище – вологе повітря.

Х-променевий аналіз. Для проведення фазового аналізу зразків ВВ і порошків графітів використовували дифрактометр ДРОН-3.0 (Си та Cr k<sub>α</sub>-випромінювання; селективно-поглинаючий ніколевий фільтр товщиною 20 мкм). Реєстрація спектрів проводилася в інтервалі подвійних 20-кутів від 4...<sup>0</sup> до 100...<sup>0</sup> з кроком 0,02...<sup>0</sup>. Аналіз профілю спектру (із знаходженням положення ліній та їх індиціювання (hkl) у відповідності з вибраною кубічною моделлю елементарної чарунки) був проведений з використанням програми PCW-2.3. Положення піків на дифрактограмах вимірювалися з точністю до  $0,02...^0$  за кутом 20. Періоди чарунок зразків уточнювалися за допомогою програми LATCON. Похибка під час визначення величин:  $d_{002}$  не перевищувала 0,03%;  $L_c$  i  $L_a - 5\%$ . Форми і розміри турбостратних квазікристалітів (пакетів шарів гексагонів) характеризуються (рис. 3) товщиною пакету L<sub>c</sub> (у напрямку вісі с); протяжністю пакету L<sub>a</sub> (у напрямку вісі а) та міжшаровою відстанню d<sub>002</sub>. Розміри d<sub>002</sub> [нм] і L<sub>c</sub> [нм] визначали за відбиттям Х-променів від площини (hkl) 002; L<sub>a</sub> – від площин (hkl) 100, 101, 110 за формулами Воррена:

$$L_{c} = \frac{0.9l}{d_{002} \cdot \cos j};$$
 (1)

$$L_a = \frac{1.8I}{d_{hkl} \cdot \cos j}, \qquad (2)$$

де  $d_{\text{hkl}} = d_{100}, d_{101}, d_{110};$ 

 $\lambda$ -довжина хвилі Х-променевого випромінювання;  $d_{100}, d_{101}, d_{110}$ - кугова напівширина ліній;  $\varphi$ -бреггівський кут.



Рис. 3. Модель двовимірноупорядкованої (турбостратної) структури ділянки вуглецевого волокна.

#### Таблиця 1

Так як у вуглецевих матеріалах перехідних форм (турбостратна структура, аморфний вуглець, надмолекулярні утворення низького, високого та надвисокого порядків, які властиві і ВВ), міститься набір пакетів шарів гексагонів різних розмірів, тому експериментально визначали величини d<sub>002</sub>, L<sub>c</sub>, L<sub>a</sub> як середньостатистичні, що є зрозумілим, оскільки турбостратна структура ВВ відрізняється від кристалічної (тривимірноупорядкованої) структури графітів двовимірним порядком у шарах гексагонів, яку можна назвати, певною мірою, наближеною до квазіграфітової з параметрами: d<sub>002</sub>=0,336-0,347 нм і більше; L<sub>c</sub>=1,0-17,5 нм; L<sub>a</sub>=1,7-13,6 нм (для графітів *d*<sub>002</sub>=0,335-0,338 нм; *L*<sub>c</sub>=15-40 нм і більше; *L*<sub>a</sub>=70-300 нм і більше). Таке осереднене означення турбостратного квазікристалу пов'язано з особливостями ВВ, які успадкували морфологічну структуру вихідних органічних волокон.

#### **II.** Результати та обговорення

#### 2.1. Графіти.

Під час отримання графіту із карбонізованих матеріалів зменшення дефектності структури спостерігається за 1473 К, а за 1873 К виникають змішані структури з графітовим та турбостратним упакуванням шарів. Утворення турбостратної структури відбувається з поглинанням енергії, графітової – з виділенням енергії [4]. При цьому перетворення турбостратної структури у графітову розглядається як фазовий перехід 1-го роду з розмитою ділянкою переходу з-за наявності аморфного вуглецю, який протікає самочинно за температури, яка перевищує 2700 К [4].

Для переходу з двовимірноупорядкованої до тривимірноупорядкованої структури необхідне подолання потенціальної перешкоди, що досягається за високих температур 2673-3273 К, при цьому висоту потенціальної перешкоди можна знизити добавкою каталізатора графітації або проведення графітації під високим тиском [4].

Аналогічні уявлення про процес графітації блокових карбонізованих матеріалів можна перенести на вуглецеві волокна з тим застереженням, що ВВ характеризуються значною концентрацією дефектів паковки шарів гексагонів та у самому шарі.

За результатами дослідження [54, 55] (табл. 1) при критичних навантаженнях блокового графітового та квазіграфітового матеріалів за схемою контакту «площина – площина» вихідна тривимірноупорядкована структура поверхні перетворюється у турбостратну: якщо для графітованого матеріалу після тертя мало змінюється d(002) і у 3,3 рази зменшується  $L_c(002)$ , то для квазіграфітованого матеріалу міжшарова відстань d(002) зростає від 0,3342 до 0,3374, а товщина пакета зменшується у 2,1 рази.

Аналогічні зміни спостерігаються під час 200 год. дроблення графітів КЛЗ (ГЛ-1) та С-1 у КМ (рис. 4): середній розмір кристалітів зменшується у 1,5 рази (для колоїдного графіту С-1) та у 2,7 рази (для кристалічного графіту КЛЗ) (табл. 2).

Вплив тертя на параметри структури блокового графіту [54, 55]

Температура термообробки	d(002), нм		L <sub>c</sub> (002), нм	
вихідного матеріалу, Т, К	до тертя	після тертя	до тертя	після тертя
3273 (графітований)	0,3365	0,3361	28,0	8,6
2073 (квазіграфіто- ваний)	0,3342	0,3374	12,5	6,0

#### Таблиця 2

#### Зміни розмірів тривимірноупорядкованої (графіти) та двовимірноупорядкованої (вуглецеві волокна) структур

		Середній розмір кристаліту, нм			
№ 3/П	Вуглецевий матеріал	до хемо- механіч- ної активації	після 200 год. подріб- нення в КМ	аморф- не ґало	
1	Колоїдний графіт С-1	15	10	0,855	
2	Кристаліч- ний графіт КЛЗ	30	11,1	1,0	
3	Графіто- ване (Т <sub>к</sub> =2673 К) високомо- дульне вуглецеве волокно на основі ПАН	$L_{c} = 2,01$ $L_{a} = 4,55$	$L_{c} = 2,56$ $L_{a} = 5,85$	1,1	
4	Графіто- ване (Т <sub>к</sub> =2673 К) низько- модульне вуглецеве волокно на основі ГЦ	$L_{c} = 0,958$ $L_{a} = 5,26$	$L_{c} = 0,975$ $L_{a} = 5,37$	_	

#### 2.2. Вуглецеві волокна.

На рис. 5 приведена дифрактограма вихідного (після МРП-1) високомодульного графітованого вуглецевого волокна ВМН-4 ( $T_{\kappa}$ =2673 К;  $\sigma$ =1,43 ГПа; E=250 ГПа) на основі ПАН-волокна (крива 1). Це волокно має порівняно упорядковану турбостратну структуру з параметрами: товщина пакету L<sub>c</sub>(002)= 2,01 нм; протяжність пакету L<sub>a</sub>(100)=4,55 нм + малу кількість аморфної фази. Після 200 год. механічного впливу в КМ (крива 2) структурні параметри цього волокна змінюються: L<sub>c</sub>(002)=2,56 нм; L<sub>a</sub>(100)= 5,85 нм, що свідчить про певне удосконалення турбостратної структури, але разом з тим сугєво зростає частка аморфної фази – на що вказує

аморфне гало в ділянці ~ 1,1 нм. Наявність рефлексів d(004) і d(006) у таких волокнах вказує (разом з d(002)), на суттєву товщину структурного пакету.

Для низькомодульного графітованого волокна [ $L_c(002)=0,958$  нм;  $L_a(100)=5,26$  нм] спостерігається менший ефект 200 год. механічного впливу КМ на удосконалення структури [ $L_c(002)=0,975$  нм;  $L_a(100)=$ 5,37 нм] (табл. 2).



**Рис. 4.** Дифрактограми кристалічного ливарного графіту КЛЗ (ГЛ-1) (1, 2) та колоїдного графіту С-1 (3, 4) до (2, 3) та після (1, 4) 200 год. механічної активації (подрібнення) у КМ.



**Рис. 5.** Дифрактограми високомодульного графітованого за 2673 К ПАН-волокна (вуглецеве волокно ВМН-4): 1 – вихідне волокно після 15 хв. подрібнення в дробарці МРП-1 (7000 об./хв.); 2 – (1) + 200 год. механічної активації у КМ.

Термомеханічний вплив на низькомодульне графітоване вуглецеве волокно ТГН-2м на основі ГЦ ( $T_{\kappa}$ =2673 К) приводить до удосконалення структури: L<sub>c</sub>(002) зростає від 0,718 до 1,089 нм; L<sub>a</sub>(100) – від 2,05 до 2,71 нм, але термічний вплив на волокно, після 350 год. механічного впливу в КМ, незначний порівняно з суто механічним впливом, особливо ізотермічного відпалу порівняно з динамічним відпалом (табл. 3, рис. 6, криві 1, 2, 3, 4).

#### Таблиця 3

Зміна розмірів турбостратної структури графітованого волокна ТГН-2м на основі ГЦ під час хемомеханічної та термомеханічної дії

Дія на вуглецеве волокно	Розміри структурних елементів, нм				
	d(002)	d(100)	L <sub>c</sub> (002)	L <sub>a</sub> (100)	
1) вихідне	0,351	0,210	0,718	2,000	
2) після подрібнення 350 год. в КМ	0,351	0,210	1,089	2,670	
<ol> <li>те ж саме, що й (2) +</li> <li>ізотермічний відпал 12 год. за 473 К</li> </ol>	0,351	0,210	1,089	2,650	
<ul> <li>4) те ж саме, що й (2) + динамічний відпал від 273 до 813 К зі швидкістю 0,025-0,042 К/с</li> </ul>	0,351	0,210	1,089	2,710	



**Рис. 6.** Дифрактограми графітованого (за  $T_{\kappa}$ =2673 K) волокна ТГН-2м на основі ГЦ (1, 2, 3, 4) та карбонізованого (за  $T_{\kappa}$ =1123 K) волокна УТМ-8 на основі ГЦ (5, 6, 7, 8): 1, 5 – вихідні волокна після 11 хв. подрібнення в МРП-1; 2, 6 – (1, 5) + 350 год. механічної обробки в КМ; 3, 7 – (2, 6) + ізотермічний відпал за 473 К протягом 12 год.; 4, 8 – (2, 6) + динамічний відпал від 293 до 813 К зі швидкістю 0,025-0,042 К/с.

#### Таблиця 4

Вплив кінцевої температури термообробки (T<sub>к</sub>) та хемо-механічної активації (200 год. подрібнення) у КМ на параметри турбостратної структури низькомодульного вуглецевого волокна ТГН-Т на основі ГЦ-волокна [друга технологічна схема (рис. 2)]

Кінцева температура термообробки вуглецевого волокна, К	Параметри структури, нм							
	d (002)		d (100)		L <sub>a</sub> (100)			
	вихідне	після подрібнення	вихідне	після подрібнення	вихідне	після подрібнення		
1123	0,436	0,422	0,207	0,207	_	-		
1473	0,429	0,392	0,205	0,208	4,379	15,020		
1623	0,436	0,398	0,207	0,202	2,991	10,542		
1873	0,436	0,398	0,207	0,202	2,845	11,716		
2273	0,422	0,380	0,205	0,208	5,260	7,030		
2573	0,422	0,352	0,208	0,205	5,249	6,585		



Рис. 7. Дифрактограми карбонізованих та графітованих вуглецевих низькомодульних волокон ТГН-Т на основі вихідних ГЦ-волокон з кінцевою температурою термообробки ( $T_{\kappa}$ ): 1, 2 – 1123 K; 3, 4 – 1473 K; 5, 6 – 1623 K; 7, 8 – 1873 K; 9, 10 – 2273 K; 11, 12 – 2573 K (суцільні лінії – вихідні вуглецеві волокна після 3, 6 хв. подрібнення в МРП-1 (7000 об./хв.); крисковані лінії – те ж саме, після 200 год. механічної активації (подрібнення) у КМ.

Ще менший вплив термомеханічної дії спостерігається для карбонізованого (за 1123 К) низькомодульного волокна УТМ-8 на основі ГЦ (рис. 6, криві 5, 6, 7, 8).

Вельми цікаві результати можна очікувати від структурних перетворень механічного впливу на вуглецеві волокна, які, поруч з турбостратною структурою, мають значну частку неупорядкованого вуглецю на будь-якому ступені термообробки (рис. 7). Як видно із рис. 7 та табл. 4, із збільшенням кінцевої температури термообробки вуглецевих волокон, отриманих за другою технологічною схемою (рис. 2), від 1123 К до 2573 К міжшарова відстань d(002) зменшуються для вихідного волокна (рис. 8, крива 1), а після 200 год. механічного впливу в КМ, це зменшення стає значно суттєвим і тим більше, чим вища температура кінцевої термообробки (рис. 8, крива 2). Під час збільшення температури термообробки ВВ від 1123 до 2573 К протяжність структурного пакету повільно зростає (рис. 9, крива 1), а після 200 год. механічного впливу на BB у KM, значно зростає, але цей ефект зменшується із збільшенням  $T_{\kappa}$  (рис. 9, крива 2).



Рис. 8. Залежність міжшарової відстані гексагонів вуглецевого волокна ТГН-Т (друга технологічна схема) від кінцевої температури термообробки: 1 – вихідне волокно (●); 2 – після 200 год. механічного впливу в КМ (■). L<sub>a</sub>(100), нм



Рис. 9. Залежність протяжності структурного пакету вуглецевого волокна ТГН-Т (друга технологічна схема) від кінцевої температури термообробки: 1 – вихідне волокно (●); 2 – після 200 год. механічного впливу в КМ (■).

#### Таблиця 5

Вплив часу подрібнення низькомодульних вуглецевих волокон у кульовому млинку на параметри турбостратної структури частинно-карбонізованого УТ-4, карбонізованого УТМ-8 та графітованого ТГН-2м волокон на основі ГЦ [перша технологічна схема (рис. 1)]

Час подрібнення у	Розміри турбостратної фази, нм				
кульовому млинку, год.	параметр	УТ-4	УТМ-8	ТГН-2м	
	структури	(Т <sub>к</sub> =723 К)	(Т <sub>к</sub> =1123 К)	(Т <sub>к</sub> =2673 К)	
0	d (002)	0,396	0,386	0,351	
200	d (002)	0,386	0,380	0,351	
1050	d (002)	0,380	0,365	0,347	
0	d (100)	-	-	0,210	
200	d (100)	0,209	0,200	0,209	
1050	d (100)	0,205	0,204*	0,208 (0,202*)	
0	L <sub>c</sub> (002)	-	0,614	0,958	
200	L <sub>c</sub> (002)	0,905	0,918	0,975	
1050	L <sub>c</sub> (002)	1,800	1,850	1,440	
0	L <sub>a</sub> (100)	-	-	4,37	
200	L <sub>a</sub> (100)	18,0	18,0	5,26	
1050	L <sub>a</sub> (100)	53,0**	53,0**	8,8 (8,75**)	

\* d (101), решта d (100); \*\* L<sub>c</sub> (101), решта L<sub>a</sub> (100).

За результатами рис. 7-9 та табл. 4 можна зробити висновки, що із збільшенням кінцевої температури термообробки волокон відбувається формування двомірних шарів вздовж вісі С, тобто формування певних відстаней між атомами карбону у площині шарів гексагонів. Зростання різкості двомірного максимуму (100) підтверджує ефект взаємної упорядкованості формуючих сіток у пакеті певної товщини. Механічна активація таких волокон у КМ значно сприяє подальшому утворенню сіток, за структурою близьких до графітових, та їх взаємної укладки у пакети, при цьому певна частина турбостратної структури стає аморфною.

На рис. 10, 11, 12 приведені дифрактограми вихідних вуглецевих волокон на основі ГЦ (після 3,3 хв. подрібнення в МРП-1): частинно-карбонізованого за 723 К волокна УТ-4 (рис. 10), карбонізованого за 1123 К волокна УТМ-8 (рис. 11) та графітованого за 2673 К волокна ТГН-2м (рис. 12), отриманих за першою технологічною схемою.



**Рис. 10.** Дифрактограми частинно-карбонізованого за 723 К вуглецевого волокна УТ-4 на основі ГЦ: 1 – вихідне [після 3,3 хв. подрібнення в МРП-1 (7000 об./хв.)]; 2 – (1) + 200 год. механічного впливу на ВВ в КМ; 3 – (1) + 1050 год. механічного впливу на ВВ в КМ.



**Рис. 11.** Дифрактограми карбонізованого за 1123 К вуглецевого волокна УТМ-8 на основі ГЦ: 1 –вихідне [після 3,3 хв. подрібнення в МРП-1 (7000 об./хв.)]; 2 – (1) + 200 год. механічного впливу на ВВ в КМ; 3 – (1) + 1050 год. механічного впливу на ВВ в КМ. І І



**Рис. 12.** Дифрактограми графітованого за 2673 К вуглецевого волокна ТГН-2м на основі ГЦ: 1 – вихідне [після 3,3 хв. подрібнення в МРП-1 (7000 об./хв.)]; 2 – (1) + 200 год. механічного впливу на ВВ в КМ; 3 – (1) + 1050 год. механічного впливу на ВВ в КМ.



Рис. 13. Залежність міжшарової відстані структурних пакетів вуглецевих волокон на основі ГЦ (перша технологічна схема) від часу механічного впливу на них у кульовому млинку: 1 – частинно-карбонізоване за 723 К волокно УТ-4 (•); 2 – карбонізоване за 1123 К волокно УТМ-8 (■); 3 – графітоване за 2673 К волокно ТГН-2м (•).



Рис. 14. Залежність товщини пакету шарів гексагонів вуглецевих волокон на основі ГЦ (перша технологічна схема) від часу механічного впливу на них у кульовому млинку: 1 – частинно-карбонізоване за 723 К волокно УТ-4 (•); 2 – карбонізоване за 1123 К волокно УТМ-8 (■); 3 – графітоване за 2673 К волокно ТГН-2м (•).

L<sub>a</sub>(100), нм



Рис. 15. Залежність протяжності пакету шарів гексагонів вуглецевих волокон на основі ГЦ (перша технологічна схема) від часу механічного впливу на них у кульовому млинку: 1 – частинно-карбонізоване за 723 К волокно УТ-4 (•); 2 – карбонізоване за 1123 К волокно УТМ-8 (■); 3 – графітоване за 2673 К волокно ТГН-2м (•).

Із результатів (рис. 13, 14, 15 та табл. 5) витікає, що зростання часу механічного впливу на вуглецеві волокна в КМ від 0 до 2050 год. приводить до значного удосконалення турбостратної структури волокон, але разом з тим частина її стає аморфною. Для повною мірою аморфного частинно-карбонізованого за 723 К вуглецевого волокна (аморфне гало за ~ 0,85 нм), після 200 год. механічного впливу в КМ, з'являється дифузний рефлекс (рис. 10) з d(002)= 0,386 нм та d(100)=0,209 нм, що свідчить про появу турбостратної структури малого ступеня упорядкованості, але зростання часу механічного впливу приводить до: зменшення міжшарової відстані (цей ефект зростає у ряду: ТГН-2м < УТ-4 < УТМ-8) (рис. 13); збільшення товщини пакету  $L_c(002)$  (цей ефект зростає в ряду: УТ-4 < ТГН-2м < УТМ-8) (рис. 14); зростає протяжність пакету  $L_a(100)$  (цей ефект зростає в ряду: УТ-4 < ТГН-2м < УТМ-8) (рис. 15).

Для ВВ УТ-4 судити про розміри структурних елементів утруднено тому, що присутній значний вміст аморфного вуглецю, на що вказує аморфне гало в ділянці ~ 1,0 нм (після 200 год. механічного впливу) та ~ 0,44 нм (після 1050 год. механічного впливу) тощо.

Структура вихідного карбонізованого за 1123 К вуглецевого волокна УТМ-8 близька до структури частинно-карбонізованого волокна УТ-4 після механічного впливу в КМ. Після механічного впливу на карбонізоване волокно УТМ-8 в КМ розмір структурних елементів  $L_e(002)$  та  $L_a(100)$  зростає (рис. 14 і рис. 15).

Зауважимо, що процес удосконалення структури карбонвмісних матеріалів був відомий лише на стадіях метаморфізму або термічного впливу за надвисоких температур та надвисоких тисків [4, 56].

#### Висновки

**1. Тривимірноупорядковані кристалічні** структури графітів під час хемо-механічної дії, зокрема при терті та зношуванні, частина стає аморфною, а більша частина перетворюється у двовимірноупорядковану (турбостратну) структуру.

2. Відкрито явище удосконалення турбостратної структури (зменшення міжшарової відстані та зростання товщини та протяжності пакетів шарів гексагонів) вуглецевих волокон, отриманих за термохемо-механічною технологією у присутності борвмісних і фосфорвмісних сполук, під час інтенсивної механічної дії, зокрема під час тертя та зношування. Цей ефект найбільше проявляється для карбонізованих за температур 1123-2073 К вуглецевих волокон.

**3. Висунута гіпотеза:** ймовірно, що лише за певної досконалості турбостратної структури вуглецевих волокон і графітів (міжшарової відстані, товщини та протяжності пакетів шарів гексагонів) та одночасно під час протікання трибохемічних, хемофізико-механічних та інших трибопроцесів можливо досягнути ефекту низького тертя.

Сіренко Г.О. – заслужений діяч науки і техніки України, академік АТНУ, професор, доктор технічних наук, професор кафедри неорганічної та фізичної хімії;

*Солтис Л.М.* – член-кореспондент АТНУ, кандидат хімічних наук, викладач кафедри неорганічної та фізичної хімії.

#### Г.О. Сіренко, Л.М. Солтис

- [1] Е.Р. Брейтуэйт, Твердые смазочные материалы и антифрикционные покрытия (Химия, Москва, 1967).
- [2] Ю.Н. Васильев, Применение межслойных соединений графита в качестве сухой смазки в осушенном азоте. Конструкционные материалы на основе графита (Металлургия, Москва, 1969).
- [3] А.Р. Уббелоде, Ф.А. Льюис, Графит и его кристаллические соединения (Мир, Москва, 1965).
- [4] С.В. Шулепов, Физика углеграфитовых материалов (Металлургия, Москва, 1972).
- [5] Конструкционные и углеграфитовые материалы в цветной металлургии (Цветметинформация, Москва, 1970).
- [6] Г.А. Сиренко, Антифрикционные карбопластики (Техніка, Киев, 1985).
- [7] Г.А. Сиренко, В.П. Свидерский, В.Д. Герасимов, Антифрикционные термостойкие полимеры (Техніка, Киев, 1978).
- [8] А.А. Конкин, Углеродные и другие жаростойкие волокнистые материалы (Химия, Москва, 1974).
- [9] В.Я. Варшавский, В.О. Горбачова, А.И. Мелешко, Н.П. Родимов, Структура, свойства и применения углеродных волокон (Изд-во ВНИИВ, Мытищи, 1975).
- [10] Т. Исикава, Х. Тэраниси, Нихон фукую дзайре гаккайси, 2 (2), 65 (1976).
- [11] А. Нисимура, Н. Сибати, Кека пурасутиккусу, 19 (12), 529 (1973).
- [12] А.А. Конкин, М.Т. Азарова, Н.С. Волкова и др., Химические волокна, (3), 65 (1977).
- [13] D.L. Shmidt, Chemical Engineering progress, 10, 42 (1962).
- [14] А.А. Конкин, Н.Ф. Коннова, Журн. Всесоюз. хим. о-ва им. Д.И. Менделеева, 23 (3), 259 (1978).
- [15] Кунио Тикениси, Коге дзайре, 29 (5), 29 (1981).
- [16] Е.Г. Кендал, Композиционные материалы с металлической матрицей, армированной высокопрочными и высокомодульными углеродными волокнами. В кн.: Композиционные материалы. Т. 4. (Машиностроение, Москва, 1978).
- [17] А.И. Бабер, Н.В. Ковалева, Г.А. Мишина, Л.П. Семенова, Хим. волокна, (1), 54 (1977).
- [18] М.Т. Азарова, Т.Н. Козиорова, В.О. Горбачева, Углеродные волокна и композиционные материалы на их основе (НИИТЭХИМ, Москва, 1977).
- [19] В.Я. Варшавский, Композиционные материалы на основе углеродных волокон. В кн.: Химия и технология высокомолекулярных соединений. (Итоги науки и техники). Т. 9. (ВИНИТИ, Москва, 1977).
- [20] А.С. Фиалков, В.А. Михайлова, Н.В. Полякова, Е.Д. Гурвиц, Механика полимеров, (3), 533 (1973).
- [21] О.А. Новикова, В.П. Сергеев, В.Ф. Литвинов и др., Пласт. массы, (11), 37 (1980).
- [22] Л.П. Кобец, Д.К. Хакимова, Л.А. Голикова, Н.В. Полякова, Механика полимеров, (6), 1036 (1976).
- [23] В.Г. Морозов, Н.М. Черненко, А.Т. Каверов, Г.А. Сиренко, Графитированная ткань. В кн.: Применение синтетических материалов (Картя Молдовеняскэ, Кишинев, 1975).
- [24] Т. Исикава, Хемэн, 8 (9), 543 (1970).
- [25] А.И. Бавер, Л.Л. Дембург, А.В. Киселев и др., Химия твердого топлива, (2), 149 (1971).
- [26] Г.Е. Мостовой, Н.Н. Дергунов, Ю.Н. Работнов, Ю.П. Ануфриев, Механика полимеров, (4), 626 (1977).
- [27] Л.П. Кобец, М.А. Чубарова, Д.К. Хакимова и др., Механика композит. материалов, (1), 3 (1981).
- [28] А.Т. Каверов, В.Г. Морозов, И.И. Паталах, Углеродные волокнистые материалы и углепластики. В кн.: Конструкционные углеграфитовые материалы в цветной металлургии / Под общ. ред. В.П. Соседова, Г.А. Соккера (Цветметинформация, Москва, 1970).
- [29] Карбоцепные синтетические волокна / Под ред. К.Е. Перепелкина (Химия, Москва, 1973).
- [30] Д.М. Карпинос, В.И. Олейник, Полимеры и композиционные материалы на их основе в технике (Наук. думка, Киев, 1981).
- [31] Ц.З. Каррол-Порчинский, Материалы будущего (Химия, Москва, 1966).
- [32] Л.П. Кобец, Г.М. Гуняев, Л.М. Терентьева, Авиацион. материалы, (2), 88 (1977).
- [33] Л.П. Кобец, Механика полимеров, (3), 430 (1975).
- [34] Л.П. Кобец, Механика полимеров, (6), 1005 (1975).
- [35] Л.П. Кобец, Г.Е. Мостовой, Л.Н. Тимошина, Механика композит. материалов, (3), 547 (1981).
- [36] Композиционные материалы. Т.З. Применение композиционных материалов в технике / Под ред. Б. Нотона (Машиностроение, Москва, 1978).
- [37] А.А. Конкин, Н.Ф. Коннова, Журн. Всесоюз. хим. о-ва им. Д.И. Менделеева, 17 (6), 632 (1972).
- [38] Г.И. Кудрявцев, И.В.Жмаева, Органические волокна армирующие материалы (Химия, Москва, 1978).
- [39] К.Е. Перепелкин, А.Б. Геллер, В.Я. Варшавский, Механика композит. материалов, (1), 134 (1981).
- [40] К.Е. Перепелкин, А.Б. Геллер, Механика композит. материалов, (2), 350 (1980).
- [41] К.Е. Перепелкин, Физико-хим. механика материалов, (2), 73 (1972).
- [42] В.П. Тамуж, М.Т. Азарова, В.М. Бондаренко и др., Механика композит. материалов, (1), 34 (1982).
- [43] Ю.Г. Корабельников, В.М. Бондаренко, А.Н. Ширяев и др., Механика композит. материалов, (6), 963 (1980).
- [44] Современные композиционные материалы / Под ред. Л. Браутмана, Р. Крока (Мир, Москва, 1970).
- [45] Г.М. Гуняев, И.Г. Жигун, Т.Г. Сорина, В.А. Якушин, Механика полимеров, (3), 492 (1973).
- [46] К.И. Портной, С.Е. Салибеков, И.Л. Светлов, В.М. Чубаров, Структура и свойства композиционных материалов (Машиностроение, Москва, 1979).
- [47] Л.С. Тверская, Г.Л. Кореньков, Хим. пром-сть за рубежом, (1), 3 (1972).

- [48] Л.Б. Соколов, В.Д. Герасимов, В.М. Савинов, В.К. Беляков, Термостойкие ароматические полиамиды (Химия, Москва, 1975).
- [49] Л.И. Фридман, А.А. Морозова, В.А. Перлин, Хим. волокна, (1), 11 (1977).
- [50] I.C. Roselman, D. Tabor, J. Phys. D. Appl. Phys., 9 (17), 2517 (1976).
- [51] Наполнители для полимерных композиционных материалов / Под ред. Г.С. Каца, Д.В. Милевски (Химия, Москва, 1981).
- [52] Г.А. Гороховский, Полимеры в технологии обработки металлов (Наукова думка, Киев, 1975).
- [53] Г.А. Гороховский, Поверхностная активность полимеров и их влияние на износ металлов. Применение материалов на основе пластмасс для опор скольжения и уплотнений в машинах (Наука, Москва, 1968).
- [54] Л.П. Григоренко, Л.А. Плуталова, Б.М. Ровинский, Доклады АН СССР, (4), 807 (1965).
- [55] Л.А. Плуталова, Г.Б. Финкельштейн, З.А. Панюшева, Л.П. Григоренко, Доклады АН СССР, (2), 320 (1969).
- [56] В.С. Веселовский, Угольные и графитовые конструкционные материалы (Наука, Москва, 1966).

#### H.O. Sirenko, L.M. Soltys

#### The Phenomenon of Improving of Turbostrate Structure of Carbon Fibers during Dynamic Contact of Surfaces of Solid States

Vasyl Stefanyk Precarpathian National University, 57, Shevchenko Str., Ivano-Frankivsk, 76018, Ukraine Tel. (0342) 77.64.15; (096) 813.93.53, e-mail: <u>orijant@gmail.com</u>

The influence of chemo-mechanical activation of dispersed carbon fibers in their turbostrate and quasicrystalline structure in terms of modeling frictional contact has been researched. It has been shown that change of parameters the structure of activated carbon fibers depends from the temperature of the final heat treatment and technology of obtaining of fibers and from the time of mechanical impact.

**Key words:** carbon fiber material, carbon fibers, chemo-mechanical activation, frictional contact, ball mill, temperature of heat treatment, time of shredding.

## Прокопіву Володимиру Васильовичу

Головному редактору журналу "Фізика і хімія твердого тіла", кандидату фізико-математичних наук, професору, завідувачу кафедри фізики і хімії твердого тіла, директору Фізико-хімічного інституту ДВНЗ «Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника»



# 60

## Вельмишановний Володимире Васильовичу!

Щиро вітаємо Вас, знаного науковця, талановитого педагога, прекрасну і чуйну людину зі знаменним ювілеєм **60-літтям** від дня народження. Зичимо Вам міцного здоров'я, сімейного благополуччя, душевної гармонії, довголіття наукової та педагогічної діяльності!

Хай цей прекрасний період зрілості – душевної і фізичної гармонії, творчої активності принесе Вам тепло душі, багатство думок, здійснення творчих задумів і планів.

Редакційна колегія.
# Прокопів Володимир Васильович

Народився 10 лютого 1956 року у с. Рошнів Тисменицького району Івано-Франківської області.

У 1973 році закінчив із золотою медаллю СШ № 16 м. Івано-Франківська. У цьому ж році вступив на фізико-математичний факультет Івано-Франківського державного педінституту, який закінчив у 1978 р. з дипломом з відзнакою, здобувши спеціальність "Вчитель фізики і математики".

Протягом 1979-1983 рр. працює вчителем фізики і математики Гринівської восьмирічної школи Богородчанського району Івано-Франківської області, а з 1983 р. – науковим співробітником науково-дослідного сектору Івано-Франківського педінституту.

На викладацькій роботі у Прикарпатському університеті спочатку працює на посаді асистента кафедри математики (1988 р.), а потім (з 2001 р.) – доцента та (з 2012 р.) професора кафедри фізики і хімії твердого тіла.

3 2015 р. Прокопів В.В. – завідувач кафедри фізики і хімії твердого тіла.

Кандидатську дисертацію захистив у 1996 році у спеціалізованій вченій раді Чернівецького національного університету імені Юрія Федьковича. З 1998 до 2001 року навчався у докторантурі Прикарпатського університету за спеціальністю "Фізика твердого тіла". У 2013 р. було присвоєне вчене звання професора кафедри фізики і хімії твердого тіла.

Володимир Васильович Прокопів є автором близько 150 наукових праць із напівпровідникового матеріалознавства, в тому числі 2 монографії, 2 монографічних збірники, 8 патентів України, 11 навчально-методичних посібників, в тому числі один з грифом Міністерства освіти і науки України.

Він проводить значну педагогічну та науково-організаційну роботу. Так, він є постійним учасником та членом організаційного комітету міжнародних конференцій з фізики і технології тонких плівок та наносистем, головним редактором наукового журналу "Фізика і хімія твердого тіла".

Володимир Васильович – відомий фахівець у фізиці, хімії та технології напівпровідників. Під його керівництвом та консультаціями захищено три кандидатські дисертації.

Володимир Васильович вперше запропонував використовувати квазіхімічні рівняння для опису процесів дефектоутворення в епітаксійних плівках напівпровідникових сполук при їх вирощуванні із парової фази, відпалі та легуванні. Ним вивчено і побудовано технологічні діаграми: залежності концентрації (рухливості) носіїв заряду; ступеня структурної досконалості плівок халькогенідів свинцю і олова від температур випарника, підкладок, стінок камери а також парціального тиску халькогену у методі гарячої стінки.

Розроблені Володимиром Васильовичем курси із фізики, технології та методів дослідження тонких плівок, фізики і хімії дефектів для студентів фізичного відділення та загальної фізики для студентів хімічного відділення Інституту Природничих наук користуються популярністю серед студентів та повагою у колег.

Друзі, колеги.

## Інформація для авторів

В журналі "Фізика і хімія твердого тіла" друкуються статті, які містять відомості про наукові дослідження та технічні розробки у напрямках:

- кристалохімія і термодинаміка твердого тіла;
- фізика, хімія і технологія кристалів та тонких плівок;
- фізика і хімія поверхні;
- наноструктури і нанотехнології;
- фазові діаграми рівноваги;
- гетерогенні системи та міжфазні взаємодії;
- композитні та конструкційні матеріали;
- інформаційні та електронні технології;
- фізика і техніка НВЧ.

Журнал "Фізика і хімія твердого тіла" визнаний фаховим виданням із фізико-математичних, хімічних та технічних наук.

Журнал "Фізика і хімія твердого тіла" видається один раз на квартал зі статтями українською або англійською мовами.

Рукопис подається автором українською чи англійською мовами у двох примірниках. До рукопису додається диск з текстовим файлом і малюнками. Електронна копія матеріалу може бути надіслана до редакції електронною поштою.

Загальний обсяг статті, включаючи рисунки, таблиці, не повинен перевищувати 8 сторінок, укладених згідно вимог журналу; обсяг оглядових статей – до 25 стор.

#### Електронна копія статті повинна задовольняти наступним вимогам:

1. Електронна копія матеріалу надсилається одночасно з твердою копією тексту та малюнків.

2. Текст статті приймається у форматі MS Word (\*.rtf, \*.doc)

3. Малюнки приймаються у форматах: TIFF, GIF, BMP, JEPG, CDR, MathCad, Microcal Origin (\*.opj). Малюнки, виконані пакетами математичної та статистичної обробки, повинні бути конвертовані у вищевказані графічні формати.

#### Статті надсилаються за адресою:

Редакція журналу "**Фізика і хімія твердого тіла**" Фізико-хімічний інститут Прикарпатський національний університет ім. Василя Стефаника вул. Шевченка, 57, Івано-Франківськ, 76000, Україна E-mail: <u>fcss@pu.if.ua, journal.pcss@gmail.com</u> Факс: (0342)53-15-74 тел.:(0342)59-60-82

#### Статті повинні бути виконані згідно наступних правил:

#### На першій сторінці слід вказати:

- 1. Коди РАСЅ або УДК.
- 2. Ініціали та прізвище (а) автора (ів).

3. Назва статті.

4. Установа, де виконано роботу (повна поштова адреса, номер телефону, адреса електронної пошти). Якщо колектив авторів включає співробітників різних установ, то слід вказати місце роботи кожного автора.

*Анотація:* об'єм – до 200 слів; пишеться українською і англійською мовами. Перед текстом резюме відповідною мовою вказуються: прізвища та ініціали всіх авторів, назва статті, адреса організації (для кожного з авторів).

#### Основні критерії якості анотації англійською мовою до україномовних статей

Анотації повинні бути:

1. Інформативними (не містити загальних слів).

- 2. Оригінальними (не бути калькою україномовної анотації).
- 3. Змістовними (відображати основний зміст статті і результати досліджень).

4. Структуровані (слідувати логіці опису результатів у статті).

5. «Англомовними» (написані якісною англійською мовою).

6. Компактними (укладатися в об'єм від 100 до 250 слів).

*Ключові слова (українською та англійською мовами):* їх кількість не повинна перевищувати десяти одиниць. Допускається використання нероздільних термінів, що складаються з двох-трьох слів.

*Текст:* набирати шрифтом Times New Roman 12 кеглем через два інтервали на папері формату A4 (всі поля: зверху, знизу, зліва і справа – по 2 см). Назва статті (16 кегль), а також заголовки підрозділів (11 кегль) відзначаються напівжирним шрифтом. У назві статті не допускається запис скорочень, навіть загальноприйнятих. Всі одиниці вимірювання повинні бути у Міжнародній системі одиниць (СІ). Текст набирати в одну колонку.

*Рівняння:* необхідно друкувати у редакторі формул MS Equation Editor. Необхідно давати визначення величин, що з'являються в тексті вперше.

*Таблиці:* повинні бути виконані на окремих сторінках у табличних редакторах. Використання символів псевдографіки для оформлення таблиць не дозволяється.

**Рисунки:** шириною до 8 см або до 16 см кожен подаються на окремому аркуші. На зворотній стороні вказати номер рисунка, прізвище першого автора та підпис до рисунка (скорочено). Товщина осі на графіках повинна складати 0,5 рt, товщина кривої – 1,0 рt. Рисунки повинні бути якісні, розміри підписів до осей та шкали – 10 рt при вказаних вище розмірах рисунка.

*Підписи до малюнків і таблиць:* друкуються у рукописі після літературних посилань на окремому аркуші через два інтервали 10 кеглем.

*Ілюстрації:* приймаються до друку тільки високоякісні. Підписи і символи повинні бути вдруковані. Не приймаються до друку негативи, слайди.

*Фотографії:* повинні надаватися у вигляді оригінальних відбитків.

Посилання на літературу: повинні нумеруватись послідовно у порядку їх появи в тексті статті.

#### Для посилань використовуються наступні формати:

Книги: Автор(и) (ініціали, потім прізвища), Назва книги (Видавництво, місто, рік видання).

Приклад:

[1]. И.М. Цидилковский, Электроны и дырки в полупроводниках (Наука, Москва, 1972).

**Журнали**: Автор(и) (ініціали, потім прізвища), Назва журналу (використовуються абревіатури тільки для відомих журналів), номер тому (номер випуску в дужках), номер початкової сторінки (рік видання в дужках).

Приклад:

[2]. N. Blutzer, A.S. Jensen, Opt. Eng. 26(3), 241 (1987).

**Матеріали конференцій:** Автор(и) (ініціали, потім прізвища), Назва конференції (видавництво, місто, рік), номер сторінки.

Приклад:

[3]. O. Sokolov, XIV International Conference on Physics and Technology of Thin Films and Nanostructures (Vyshha shkola, Lviv, 2013), p. 120.

Література повинна подаватись на мові оригіналу та транслітеровано латиницею окремим файлом!!!

#### До рукопису додаються:

- 1. Угода про передачу авторських прав.
- 2. *Рекомендація* до друку одного з членів редакційної колегії журналу або перелік можливих рецензентів з їхньою адресою.
- 3. Відомості про авторів: прізвище, ім'я, по-батькові, науковий ступінь, вчене звання, посада, повна поштова та електронна адреси кожного з авторів. Слід вказати адрес для листування.

# **Information for authors**

#### The articles are published in this journal over the following fields:

- Crystallochemistry and thermodynamics of Solid State;
- Physics, chemistry and technology of crystals and thin films;
- Physics and chemistry of surface;
- Nanostructures and nanotechnologies;
- The phase diagrams of equilibrium;
- Heterogenous systems and line-to-line interplays;
- Composite and structural materials;
- Information and electronic technologies;
- Physics and technics of Super High Frequency.

Journal "Physics and Chemistry of Solid State" is include to the list at the physics-mathematics, chemical, and technical branches of science.

Articles would be published in Ukrainian or English and supplemented with a text file and figures on a diskette. An electronic copy may be submitted by E-mail.

All articles do not exceed 8 pages, including figures. The review articles should be no more 25 page, which form to these requests.

## The rules for submission of electronic copies are as follows:

1. An electronic copy should be submitted on a diskette or by email simultaneously with sending a hard copy of the manuscript.

2. Acceptable text formats: MS Word (rtf, doc).

3. Acceptable graphic formats for figures: TIFF, GIF, BMP, JEPG, CDR, MathCad, Microcal Origin (\*.opj). Figures created using software for mathematical and statistical calculations would be converted into one of these formats.

## **Address of Edition:**

Journal "**Physics and Chemistry of Solid State**" Physics-Chemical Institute at the Vasyl Stefanyk National Precarpathian University, 57, Shevchenko Str., Ivano-Frankivsk, 76000, Ukraine Email: <u>fcss@pu.if.ua</u>, journal.pcss@gmail.com Fax: +38 (0342) 53-15-74 Tel.: (0342) 59-60-82 Authours much be receive processory number of journal at the indicated address

Authours may be receive necessary number of journal at the indicated address.

## Articles should be supplemented with:

# At the first page must be write:

1. PACS or Universal Decimal Classification code. Several comma separated codes are allowed.

2. Title of the paper and name(s) of the author(s).

3. Name of affiliated institution, full address, telephone and fax numbers, email addresses (if available).

*Abstract:* up to 200 words in English and Ukrainian. Before the beginning of the abstract text, one should indicate the paper title, surnames and initials of the all authors in the same language.

Keywords: their amount must not exceed ten word units. In the specific cases it is acceptable to

#### Information for authors

use two or three word terms. These words must be placed under the abstract and written in the same language.

*Text* should be printed double spaced on white paper (A4 format; margin: top, bottom, left, and right– 20 mm) with a 12 point font (Times New Roman). Titles of the paper (16 pt) and chapters (11 pt) should be typed with bold capitals. It is impossible to make cuttings at the title. All unit of measure may be write at the System International of Units. Text may be write on one column.

*Equations* should be entered using MS Equation Editor. Papers with handwritten equations are not accepted. Notations should be defined when first appearing in the text.

*Tables* should be submitted on separate pages in the format of appropriate table processors (see above). Use of pseudographic characters is not allowed.

*Figures:* each figure should be printed on a separate page of the manuscript. Measurement units should be indicated after a comma (not in parentheses). On the back side, write with a pencil the paper title, author(s) name(s) and figure number, and mark the top side with an arrow. The axis lines thick may be 0,5 pt on figures, lines thick -1,0 pt. Figures may be very quality, size of letters -10 pt at the indicated of beginning sizes of figures.

*Captions for figures and tables* should be printed doublespaced on the separate page.

*Illustrations:* start for printing only high-quality. The signatures and figures should be printed. The negative images, and slides do not start.

*Photographs* should be submitted as original prints.

*References* numbered in order of their appearance in the text.

# The format for references is as follows:

**Books:** Author(s) (initials, then last names), Book title. (Publishers, city and year of publishing at the brackets).

Example:

[1]. I.M. Tsydilkovskiy, Electorns and halls at the semiconductors. (Nauka, Moskow, 1972).

**Journals:** Author(s) (initials, then last names). Journal name (use abbreviated names only for wellknown journals), volume (and issue numbers at the brackets), page numbers (year of publishing at the brackets).

Example:

[2]. N. Blutzer and A.S. Jensen, Opt. Eng. 26(3), 241 (1987).

References must be submitted in the original language and transliteration in Roman script!!!

# On the paper added:

# 1. Authors Agreement.

- 2. **The recommendation** for printing of one of the members of Editorial Board or list of possible reviewers with their address.
- 3. **Experts report**: a deduction of a commission of experts about an opportunity of the unclosed publication of the given paper (for authors from post-SU countries). At absence of an experts' report the responsibility carry of the authors.
- 4. **Information about authors**: first and second name of every authors, scientific degree and scientific rank of each of the authors, post address and E-mail. Please, specify the address for correspondence.

# Subscription index: 22938

Subscription on the journal is available at any postal-telegraph office in Ukraine or at the Editorial Board of PCSS.

# Замовляйте наш журнал на 2016 рік!

Державний комітет зв'язку та інформатизації України

АБОНЕМЕНТ						На — ж	курнал	22938				
"Фізика і хімія твердого тіла"									(індекс видання)			
(найменування видання)								Кількість				
На200 рік по місянях								K	комплектів			
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	
Куди:												
(поштовий індекс)							(a	адреса)				
Кому:												
(прізвище, ініціали)												

ПВ	міс	це	літер	Д	(OC1	Г <b>АВН</b> ₽	<b>а ка</b>	РТКА	- ДОІ	руче	ння	
					На ————————————————————————————————————				22938			
"Фізика і хімія твердого тіла							a'' –	(інд				
		(1	найменува	ання виданн	я)							
D .			передплати			грнкоп.			Кількість			
Вартість			переадресування			грнкоп.			комплектів			
На200 рік по місяцях												
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	
Куди:												
поштовий індекс код вулиці					місто/село область район							
буд. корг				КВ.		вулиця	۱ <u> </u>					

прізвище, ініціали

# Перевірте правильність оформлення передплати!

На абонементі повинен бути проставлений відтиск касового апарата. При оформленні передплати (переадресування) без касового апарата на абонементі проставляється відтиск календарного штемпеля відділення зв'язку. У цьому разі передплатнику видається абонемент з квитанцією про оплату вартості передплати (переадресування).

Передплатник із сплачених ним коштів за передплату доручає Розповсюджувачу сплатити Видавцю суму в розмірі видавничої вартості передплаченого видання на умовах і в строки, визначені Розповсюджувачем.

<sup>/</sup>підпис передплатника (фізичної особи або керівника юридичної установи, завірений печаткою)/)

# Всеукраїнський науковий журнал ФІЗИКА І ХІМІЯ ТВЕРДОГО ТІЛА

# Ukrainian Scientific Journal PHYSICS AND CHEMISTRY OF SOLID STATE

Том 17, № 1 Volume 17, № 1

# Відповідальні за випуск:

фізико-математичні науки: доктор фізико-математичних наук, професор Рувінський М.А. хімічні науки: доктор хімічних наук, професор Томашик В.М. технічні науки: доктор технічних наук, професор Ащеулов А.А.

Комп'ютерна верстка

# Юрчишин Л.Д., Соколов О.Л.

Підписано до друку 15.03.2016 р. Формат 60×84/8. Гарн. Times New Roman. Умовн. друк. аркушів 13,0 Тираж 100 екземплярів.

Друк: підприємець Голіней О.М. вул. Галицька,128, м. Івано-Франківськ, 76008 Тел. +38(0342) 58-04-32